

提案

数の再発見

さ

個数を数えて比へ

等倍の比

ふつう、

比は6年生で学ぶためか、いきなり、

2dL と 3dL を

2 : 3 と表す

などと始めますが、

それを初めて見る者は

『そりゃ何じゃ?』です。

解っているものには何でもないので、

初めての者にとっては不思議なものです。

数学はそんなものが多すぎます。もう少し、

解りやすい形で始めて欲しいものです。

こういうのは如何でしょうか。

	●	● ●
	5 円	?

？は何円か。

この様な形なら、

かなり低学年で理解可能です。

それが出来たら、次に数字を使いましょう。

個数	1 個	2 個
金額	5 円	?

？は何円か。

1 個	→ 個数が2倍	2 個
5 円	→ 値段も2倍	?

のように、

比のような形で表せば

その意味は明白なのに、

1 個 5 円の消しゴムは
2 個では何円ですか

これを

$$5 \times 2 = 10$$

10 円

と解けば

2 年生の問題です。

しかし、式には 1 個 が見えません。

このような、

見えにくい部分を考えさせる指導方法は
算数を難しくするだけのことと思います。

無駄な略式変化だと思います。

もうひとつ。

個数	1 個	個数が ⇒ 3倍だから	3 個
金額	10 円	値段も ⇒ 3倍	10×3 30 円

右側の数が

左側の数の

3 倍になっていることは

個数についても

金額についても

同じなので

6年生では、これを

1 個	：	3 個
= 10 円	：	30 円

と表します、

たとえば、表し方だけの問題になり
理解は容易です。

さらに、

一つのものごとにおいて、

2種類の**数量**が備わっており、

一方が2倍、3倍、……となれば、
他方も2倍、3倍、……となるとき、
二つの量は比例する、と言う。

これは、長い間、

6年生の**正比例**の学習でした。

(今は5年生)

しかし、それは**名称の学習**であって、
事実は既に子どもに判っていることです。
連続量などを扱う点が少しちがいますが、
感覚的には判っていることです。

参考意見

明治期に西洋から比を導入したときに

比を基礎におくべきでしたが、
多くの人が比の表現に**不慣れ**でしたから
6年領域としたのでしょう。

しかし、

もう明治からおよそ150年、
考え直す日が来ていますね。

いや、もしかしたら、

等比は

最初に述べたように、

色々な手順を踏んで到達すべき課題
と誤解したのかも知れません。

自分たちが簡単に理解していた

算術を捨て、

西洋数学に依って立とうとしたが故の
ゴタゴタかもしれません。

ステップシ

等分の比

2個が10円の消しゴム

1個の値段はいくらか

これを、次のように

個数	2個	1個
金額	10円	?

比のような形で表せば

カンタンで明白なのに、

$$10 \div 2 = 5$$

5円

と解けば

3年生の問題です。

しかし、この式には

1個が見えません。

このような、

見えにくい部分を考えさせる指導方法は算数を難しくする道だと思います。

無駄な変化だと思います。

無用の略式です。

数学用語で言うと、

「関数」にし過ぎ、です。

2個	→ 個数が半分	1個
10円	→ 値段も半分	?

と考えれば簡単なことです。

これを、

2個 : 1個

= 10円 : 5円

と表せば小学6年の領域の比です。

この **:** の説明に少しステップが必要です。

しかし、上に示したような表なら

特に問題なく、

小学低学年の考える所です。

このように、

比のような形で表せば

「**個数が半分**になれば

金額も半分になる」ことが**明白**なのに、

自分でその部分を考えさせる方法を

小学低学年の基本とするのは、

何故だろうか。

「半分」を「二分の一」と言っても

それほど難しくなるわけではありません。

もしかしたら、

二分の一の方が判り易いかもしれません。

2つの式を組み合わせれば

2本	1本	3本
10円	5円	15円
10	$10 \div 2$	5×3

左の問題を長さとし、重さに換えて、
小数を使ってみましょう。

0.2m	0.1m	0.3m
10g	5g	15g
10	$10 \div 2$	5×3

練習問題

2本	1本	3本
6円	?	?

0.2m	0.1m	0.3m
6g	?	?

2本	1本	3本
8円		?

0.2m	0.1m	1m
10g	5g	50g
10	$10 \div 2$	5×10

このあとに、1本の欄を空白にして、

2本		3本
10円		?

0.1mの欄をなくして、

0.2m		1m
6g		?

という問題にすれば

こどもは「間に1本をはさんで」考えます。

さらに、空白の欄をなくして、

2本	3本
10円	1?円

『比の問題ってこんなに簡単だった?』
と思えてきますね。

としても大丈夫です。

間の計算を

分数表記にします

2本	3本
18円	?

このとき、2本と3本の間を「 $\div 2 \times 3$ 」ではなくて、

$\times \frac{3}{2}$ と表したいときは、

次のように説明します。

$$\div 2 \quad \times 3$$

「 $\div 2$ と $\times 3$ の順は入れ替えられる」ので

$$= \quad \times 3 \quad \div 2$$

「 $\div 2$ は、英語では $/2$ と表現する」ので

$$= \quad \times 3 \quad /2$$

「 $\times 3/2$ は算数表記すると」

$$= \quad \times \frac{3}{2}$$

$\div \frac{2}{3}$ と考えさせたいときは、

少し準備が必要です。

$$\begin{aligned} & \div 2 \times 3 \\ = & \div (2 \div 3) \end{aligned}$$

となりますが、ここは少し準備が必要です。

あを参照してください。

それさえ理解できたら、あとは掛け算と同じです。

(詳しくは6年生の項で)

「 $\div 3$ は、英語では $/3$ と表現する」ので

$$= \quad \div 2/3$$

「 $\div 2/3$ は、算数表記すると」

$$= \quad \div \frac{2}{3}$$

このように、

分数乗除は
整数乗除の
表記方法が変わっただけ

つまり、有名な問題、

分数での割り算は、
何故、
分母と分子を
ひっくり返して掛けるのか

の答えは、ここにあるのです。

と導けば特に問題はありません。

理解を深めるためには、
分数表記から整数乗除にする練習を幾つか
期間をかけて行くと
問題なくできるようになります。
問題が起こるとすれば、
分数を大ききとだけ見る場合です。

ところで、
気がつかれたでしょうか、

同じ $\div 2 \times 3$ が

$\times \frac{3}{2}$ と $\div \frac{2}{3}$ になっていることを。

比の等しいことを
一般に次のように言っています。

ちょっと私には異見があるので網掛けしています。

いちもと
1 を元にして、
足し算で **自然数** が生まれ、
二つの自然数の組 を
比 と見、
さらに、
前項 ÷ 後項 すなわち
比の値 が
等しい とき
比は等しい として、
$$\frac{m}{n} = \frac{A}{B} \text{ ならば}$$
$$m : n = A : B$$

と言うのです。

この論理の展開は、
等しい比に到達するまでに
はなはだヤッカイな論理の道を通らねばなりません。
さらに、
その論理の順序も
怪しいような気もするのです。
整数の比の話
分数で説明する順序が
気に入りません。

指導要領では、江戸以来、明治以来、
日本では比に不慣れだったせいでしょうか、

比は6年生 (高学年)

に配当されています。

このことが
算数教育を非常に困難な道に
迷い込ませています。
困ったことです。

比の本質は

そんな難解なものではありません。

小学低学年の児童でも、いや、
小学校入学以前の幼児でも
その感覚があります。

つまり、

一方が2倍になれば、

もう一方も2倍になる **感覚**は
同じ形・同じ大きさ・等質の物の
個数を数える時に、すでに
獲得しているのです。

すらすら読むと理解しにくいので
ゆっくりと想像しながら読んでください。

それは、

今数えている物に属する

異なる種類の量についての
等倍感覚です。

例えば、

「個数が2倍になれば、
それらの体積が2倍になる」とか、
「値段が2倍になる」とか、
を理解しているということです。

これは、いろいろな

数学的手続きを踏んで理解する
等比についての理解より

ずっと確かな **感覚**です。

そして、これは
既存の「数学」と矛盾しません。