

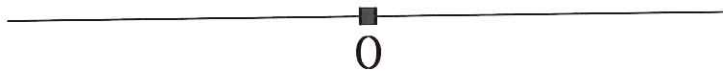
## [数直線上の座標]

[数直線]

[原点] [単位] [1対1対応]

直線上のすべての点に、

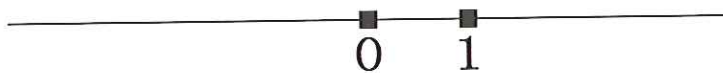
原点 (基準の点)  $0$  と



$1$  をしめす

点  $E$  との距離を

単位として



すべての数を

[  $1$  対  $1$  対応 ]

させることができる

[直線上]のおのこの[点]に

数を対応させた時、その直線を、

[数直線]という

このことは、

正の数・負の数の単元で少し学んだ。

[数直線上]で

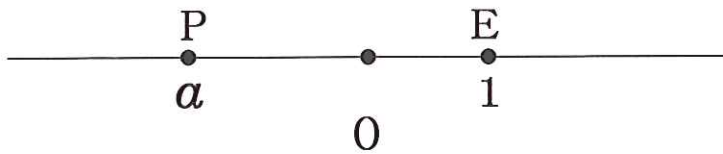
[おのおのの点]に[対応する数]を

その点の

[<sup>ざ</sup><sup>ひょう</sup>座標]といい、

点Pの座標が $a$ であることを

$P(a)$ のように書く。



点Pの座標が3であることを

$P(3)$ のように表す。

～[ピーさん]と読む～

同様に

点Pの座標が $-3$ であることを

$P(-3)$ のように表す。

～[ピー マイナスさん]と読む～

## [2点間の距離]

[数直線上]の[2点の座標]が

3, 8 のとき

その2点間の **距離** は

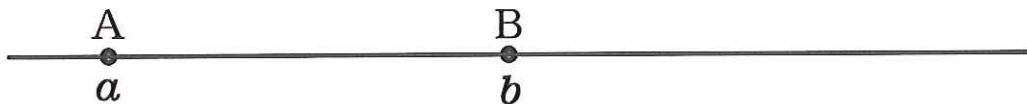
**$8 - 3$**  となる。

[数直線上]の[2点の座標]が

$a$ 、 $b$  で  $a \leq b$  であるとき

その2点間の **距離** は

**$b - a$**  となる。



考え方として[右の値 - 左の値]とする

負の数の場合も  $-3$ 、 $-8$  であれば

$-3 - (-8) = 5$  のように

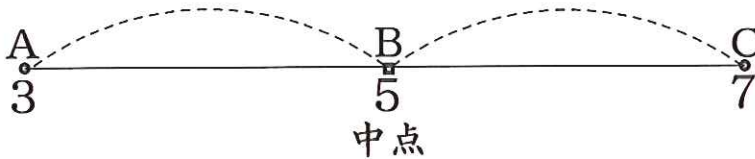
2点間の距離は正の数となる

**右**の値 - **左**の値

## [2点の中点]

数直線上に3点

A (3)、B (5)、C (7) が、  
ならんでいるとき、



[ $5 - 3 = 7 - 5$ ]である

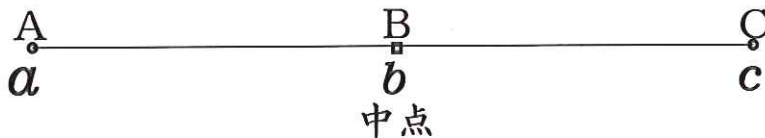
このようなき

点Bを、線分ACの中点という。

一般に、

数直線上に3点

A (a)、B (b)、C (c) が、  
左からこの順にならんでいて、

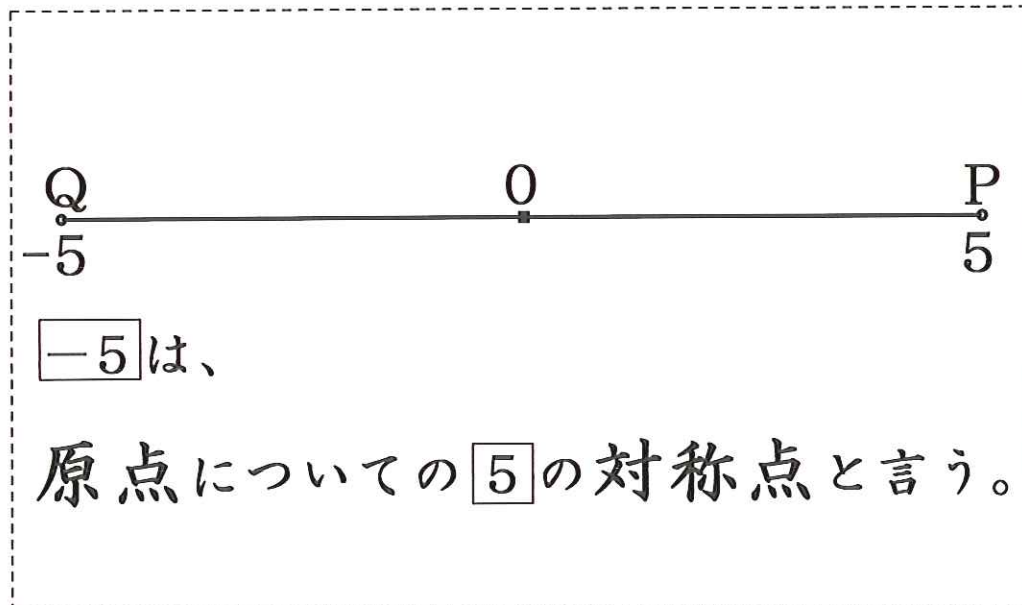
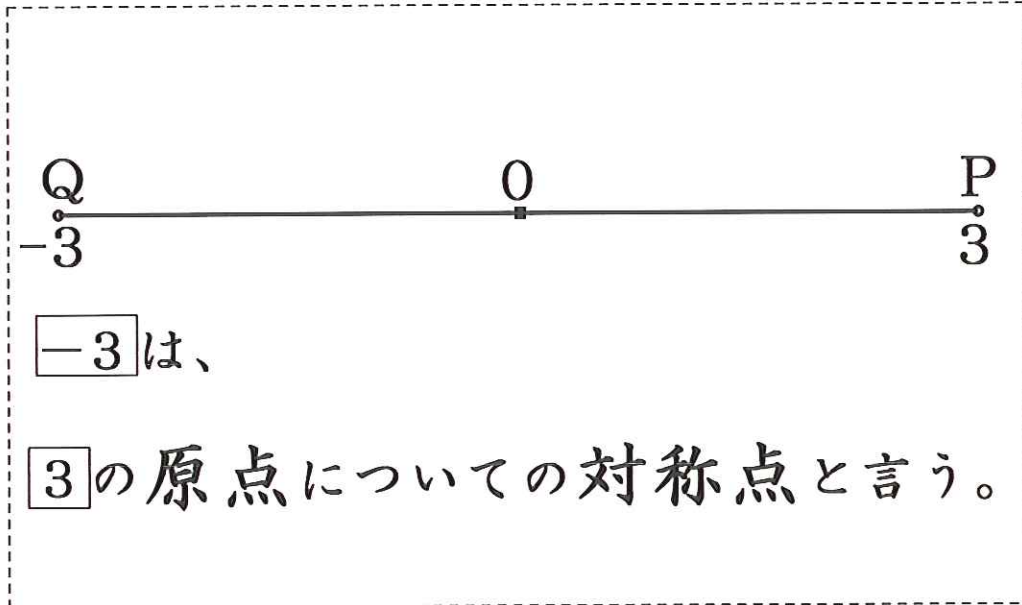


[ $b - a = c - b$ ]であるとき

点Bを、

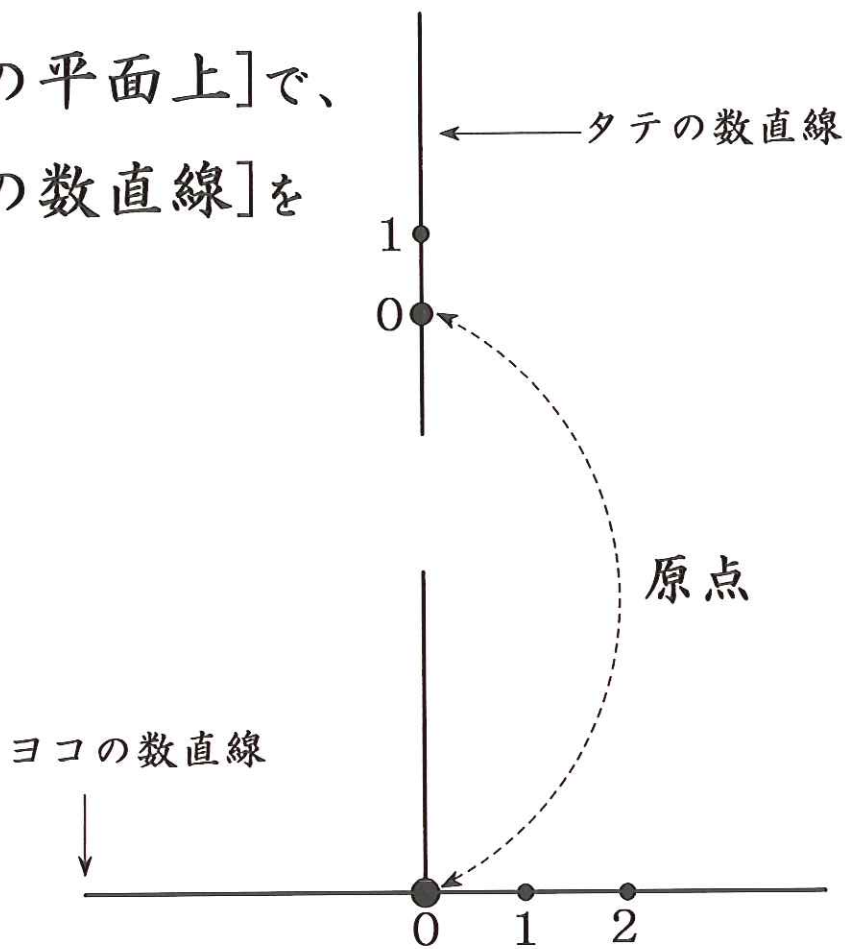
線分ACの中点という。

## [対称点]

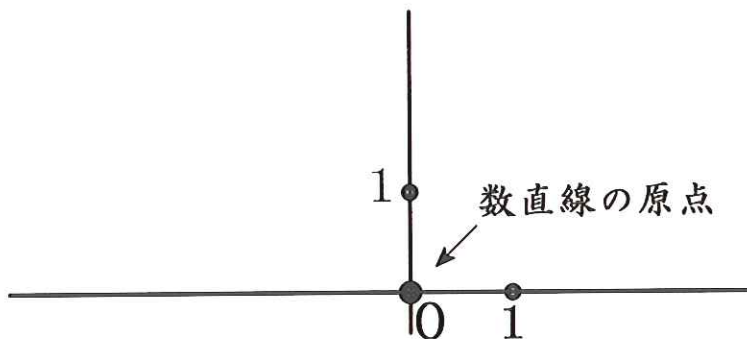


# [直交座標]

[1つの平面上]で、  
[2本の数直線]を

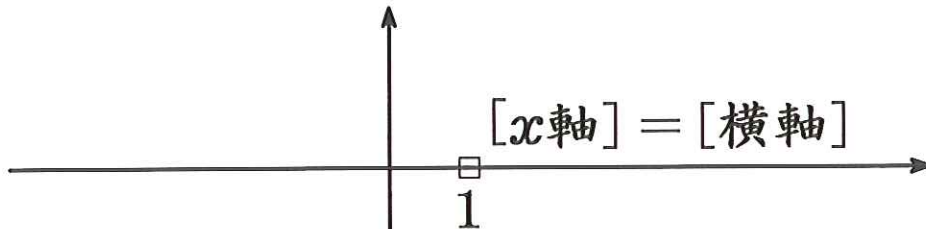


どちらもその[原点]で交わり  
かつ[直交]するように置く。



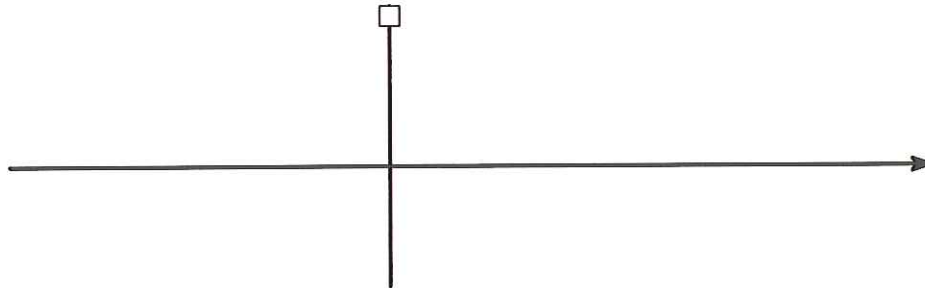
[交点0オー]を  
[座標軸の原点]という。

横の直線を  
[ $x$ 軸] (ヨコジク横軸) と呼ぶ。



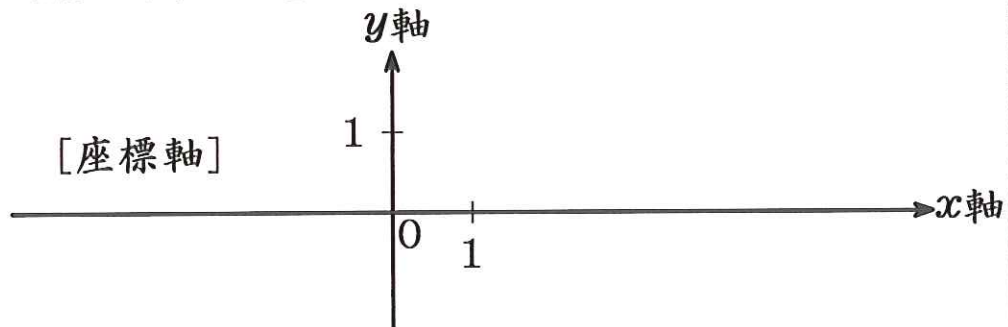
縦の直線を  
[ $y$ 軸] (タテジク縦軸) と呼ぶ。

[ $y$ 軸] = [縦軸]

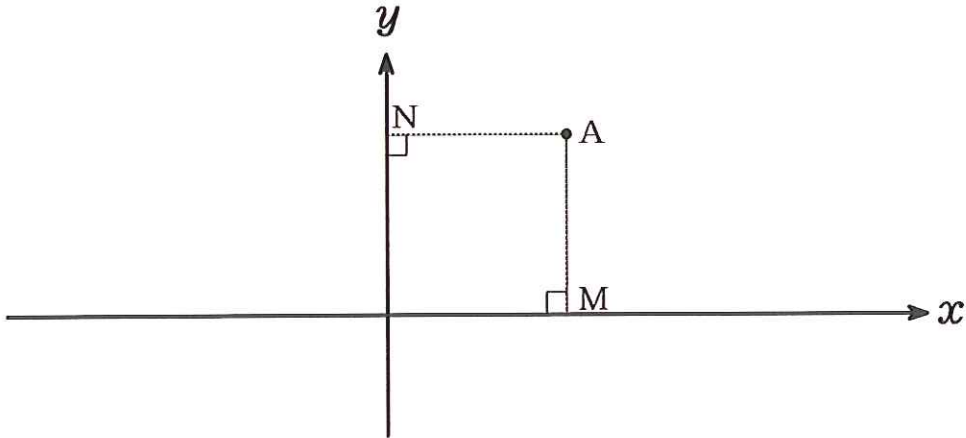


[ $x$ 軸と $y$ 軸]を合わせて

ザヒョウジク  
[座標軸]と言い。



この座標平面上の点Aから  
 $x$ 軸に垂線AM  
 $y$ 軸に垂線ANを引いた時、



[M]の座標が[3]、  
 [N]の座標が[4]であれば、  
 [点A]に  
 [数の組](3, 4)を対応させて  
 それを  
 [点Aの座標]と言う。

また、[3]を[点Aの $x$ 座標]  
 [4]を[点Aの $y$ 座標]

元の平面を

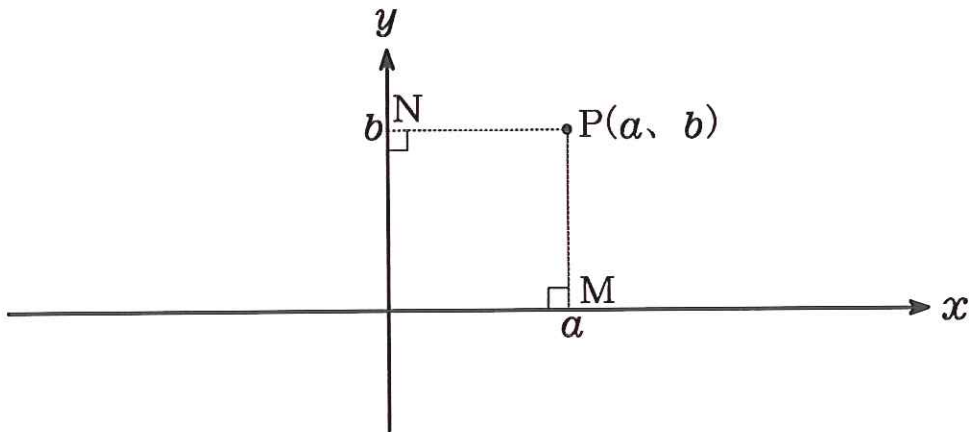
[座標平面]ともいう。

Aの座標が(3, 4)であることを  
 A(3, 4)と書く。



10回読みなさい。

一般的に、  
座標平面上の点Pから  
 $x$ 軸に垂線PM  
 $y$ 軸に垂線PNを引いた時、



[M]、[N]の座標がそれぞれ

[a]、[b]であるとき、

[点P]に

[数の組]  $(a, b)$  を対応させて

それを

[点Pの座標]と言う。

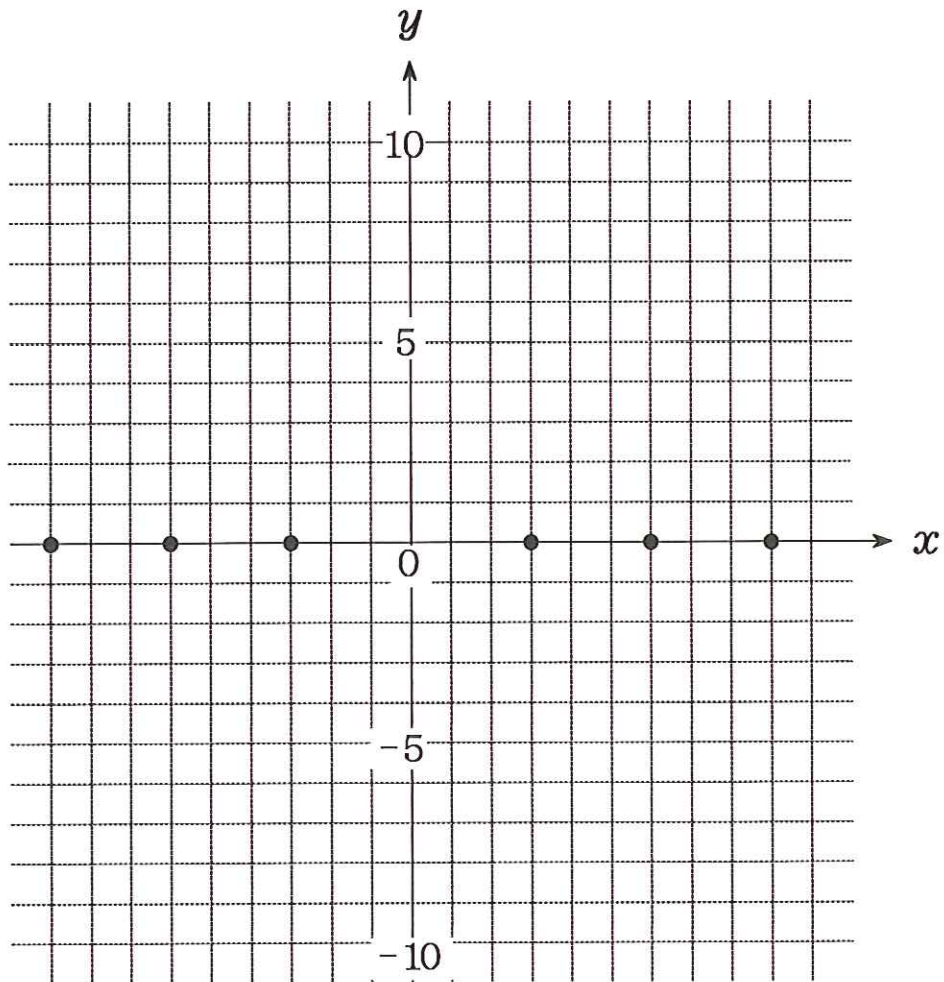
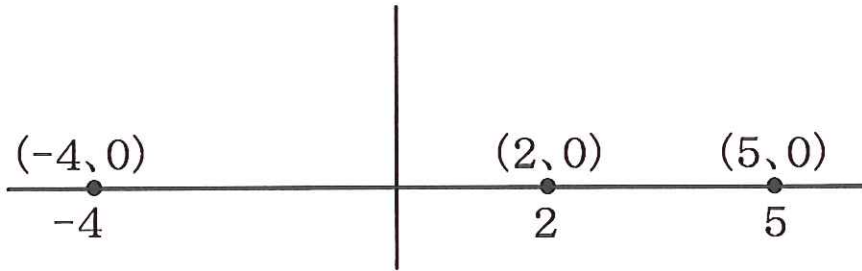
また、[a]を[点Pの $x$ 座標]

[b]を[点Pの $y$ 座標]

元の平面を

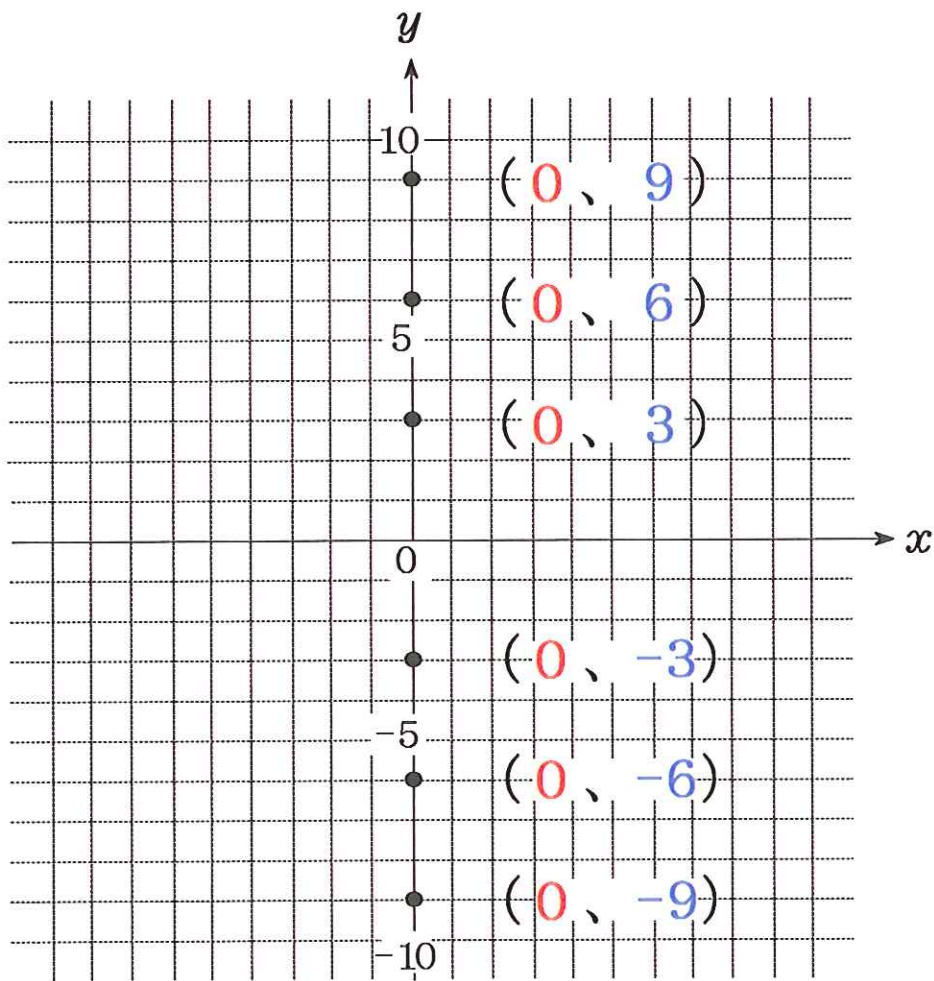
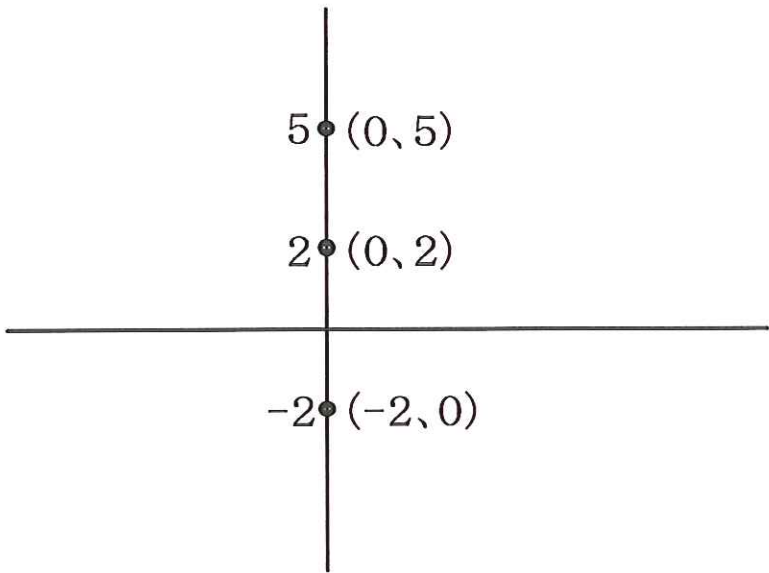
[座標平面]ともいう。

$x$ 軸上の点の  
 $y$ 座標は[0]である。  
ゼロ



座標平面にある、・印の座標を示せ。

$y$ 軸上の点の  
 $x$ 座標は[0]である。



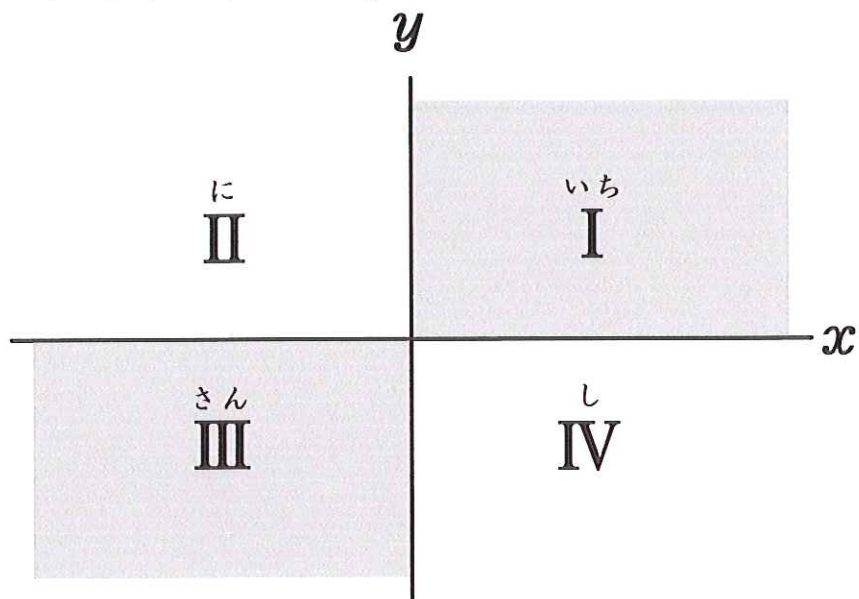
[象限ショウゲン]

下図で[座標平面]が

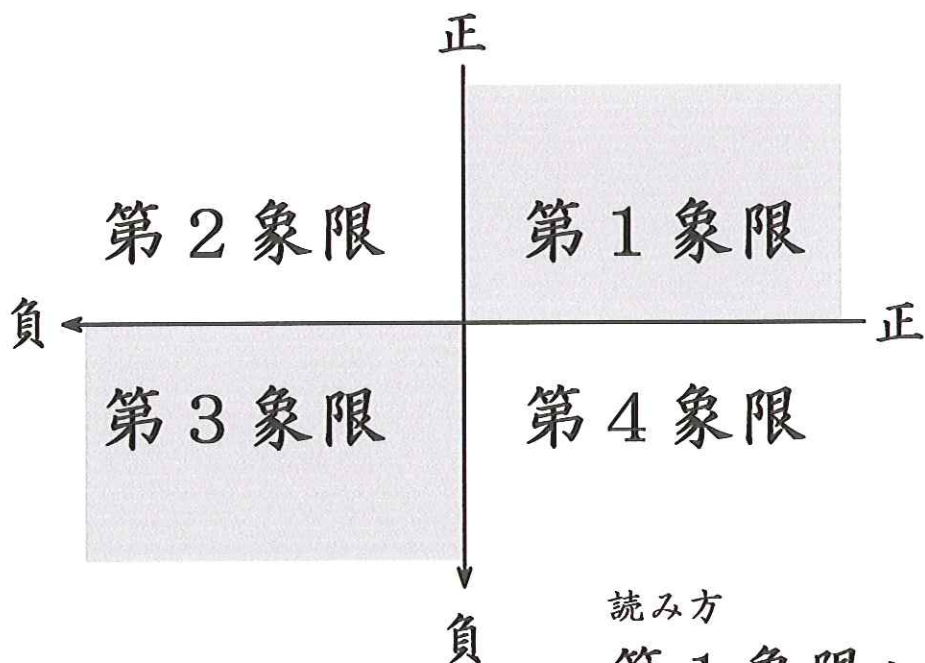
[軸]で[4つの部分]

[I] [II] [III] [IV]

にわけられている。



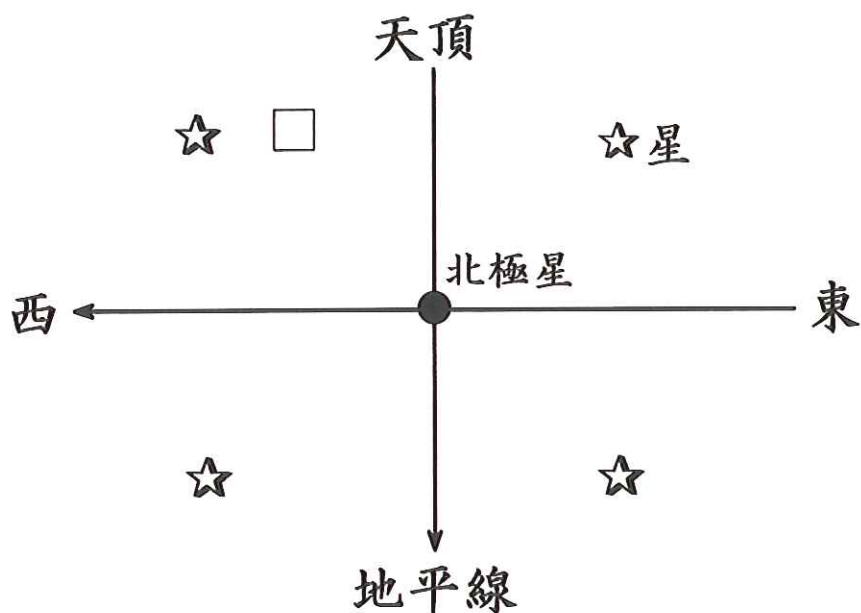
おのおのの部分、順に



読み方

第1象限ショウゲン

	$x$ 座標	$y$ 座標
I ・ 第1象限	+	+
II ・ 第2象限	-	+
III ・ 第3象限	-	-
IV ・ 第4象限	+	-



数学はエジプトやヨーロッパ、すなわち

## 北半球の天文学から

発達した面があります。

そのため

動かない中心として[北極星]が考えられ

星の回転する方向に従って つまり左回りに

象限の番号が決まったのでしょう。

### 関数の定義と实例

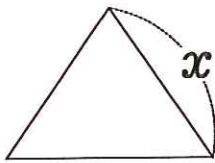
ともなって変わる2つの量  
 $x$ と $y$ があって、  
 $x$ の値を決めると  
 $y$ の値がただ1つ決まるとき、  
 $y$ は $x$ の関数である  
 と言います。

このような関係にあるものは、下記のように  
 小学校でもたくさん学びました。

[例1]・[正比例]の例

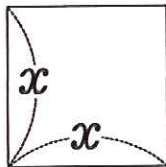
1辺の長さが $x$  cmの  
 正三角形の周りの長さ $y$  cm

$$y = 3x \quad \text{又は} \quad \frac{y}{x} = 3$$



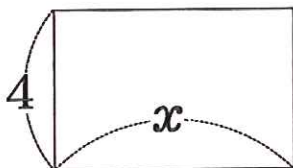
1辺の長さが $x$  cmの  
 正方形の周りの長さ $y$  cm

$$y = 4x \quad \text{又は} \quad \frac{y}{x} = 4$$



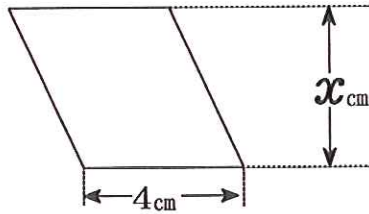
タテが4 cm横が $x$  cmの  
 長方形の面積 $y$  cm<sup>2</sup>

$$y = 4x \quad \text{又は} \quad \frac{y}{x} = 4$$



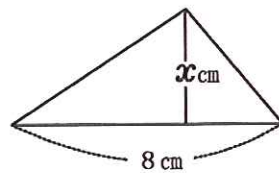
底辺が4 cmで、高さが $x$  cmの  
 平行四辺形の面積 $y$  cm<sup>2</sup>

$$y = 4x$$



底辺が8 cmで、高さが $x$  cmの  
 三角形の面積 $y$  cm<sup>2</sup>

$$y = 4x \quad \text{又は} \quad \frac{y}{x} = 4$$



時速4 kmで、 $x$ 時間進んだ時の  
 進む距離 $y$  km

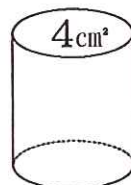
$$y = 4x$$



$$\text{または} \quad \frac{y}{x} = 4$$

底面積4 cm<sup>2</sup>、高さ $x$  cmの  
 円柱の体積 $y$  cm<sup>3</sup>

$$y = 4x$$



$$\text{または} \quad \frac{y}{x} = 4$$

## 第6編 関数

## 第1章 関数の定義と実例

[例2]・[正比例]の例

- ① 面積が $12\text{cm}^2$ で一定している  
長方形の、  
縦 $x\text{cm}$ と横 $y\text{cm}$ の関係。

$$y = \frac{12}{x} \text{ または } xy = 12$$

- ② 面積が $12\text{cm}^2$ で一定している  
平行四辺形の、  
縦 $x\text{cm}$  横 $y\text{cm}$ の関係。

$$y = \frac{12}{x} \text{ または } xy = 12$$

- ② 距離、 $12\text{m}$ を、  
秒速 $x\text{m}$ で進む時、  
かかる時間 $y$ 秒の関係。

$$y = \frac{12}{x} \text{ または } xy = 12$$

- ④ 体積が、 $12\text{cm}^3$ で一定している  
四角柱の、  
底面積 $x\text{cm}^2$ と高さ $y\text{cm}$ の関係。

$$y = \frac{12}{x} \text{ または } xy = 12$$

- ④  $12\text{cm}^3$ の容器がある。  
1秒間に入れる量 $x\text{cm}^3$ と、  
容器がいっぱいになる  
時間 $y$ 秒との関係。

$$y = \frac{12}{x} \text{ または } xy = 12$$

[例3]・[正比例]でもない  
[反比例]でもない

和が一定

- ① 昼を $x$ 時間とすると、  
夜は $y$ 時間。

$$y = 24 - x$$

$$x + y = 24$$

- ② 長さ $24\text{cm}$ のローソクのうち、  
使った長さを $x\text{cm}$ とすると、  
残りは $y\text{cm}$ 。

$$y = 24 - x$$

$$x + y = 24$$

- ③  $24$ 億円のうち、  
 $x$ 億円を私が、残りの、  
 $y$ 億円を君がもらいます。

$$y = 24 - x$$

$$x + y = 24$$

## 第6編 関数

## 第1章 関数の定義と実例

[例4]

中学2年で学ぶ関数の例

小学校で学んだ例で見てみましょう。

- ① 長さ10cmの[バネばかり]があり  
1gの重りで、2cm伸びるとき  
 $x$ gの重りをつるした時の  
バネばかりの長さ $y$ cmの関係。

$$y = 10 + 2x$$

$$y = 2x + 10$$

- ② 長さ20cmのローソクが、  
1分間に、2cm短くなる時、  
 $x$ 分後の、ローソクの長さ $y$ cm。

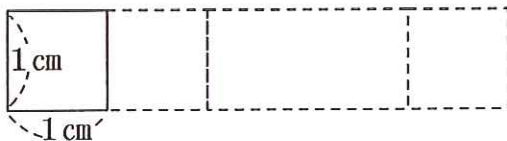
$$y = 20 - 2x$$

- ③ 12km.の距離のところを、  
進む $x$ kmと、  
残り $y$ kmの関係。

$$y = 12 - x$$

$$y = -x + 12$$

- ③ 図のような かず  
1辺が1cmの正方形の数 $x$ 個と、  
周りの長さ $y$ cmとの関係。



$$\begin{aligned} y &= 4 + 2(x - 1) \\ &= 2x + 2 \end{aligned}$$

[例5]

中学3年で学ぶ $y = ax^2$ の例

- ① 正方形の一辺が $x$ cmの  
正方形の面積 $y$ cm<sup>2</sup>との関係。

$$y = x^2$$

- ② 実際の面積が $x$ km<sup>2</sup>で、  
50000分の1の地図上の  
面積 $y$ cm<sup>2</sup>。



このように、

カンスウ  
[関数]

[ともなって変わる]  
2つの量[ $x$ と $y$ ]があって  
[ $x$ の値]が決まると、  
 $x$ に対応する  
[ $y$ の値]が  
[ただ1つ]決まる時、  
[ $y$ ]は  
[ $x$ の関数]であると言う。

中学では、  
次のような関数を学びます。

1年生で、  
 $y = ax$   $x$ に比例  
 $y = \frac{a}{x}$   $x$ に反比例

2年生で、  
 $y = ax + b$  1次関数

3年生で、  
 $y = ax^2$   $x$ の2乗に比例

ヘンスウ  
[変数]の考え方  
について学びます。

- [例1]  $y = 4x$   
[例2]  $y = \frac{12}{x}$   
[例3]  $y = 2x + 10$   
[例4]  $y = x^2$

これらの式のうち、  
[ $x$ や $y$ ]は、  
[色々の値]をとる事ができます。

別の言い方をすると  
[ $x$ や $y$ ]は  
色々に[変わる数値]を  
表しています。

このように

[色々に変わる数値]をとる  
[文字]を  
ヘンスウ  
[変数]  
と言います。

変数は、ふつう[ $x$ や $y$ ]などの  
アルファベットの終わりの方の  
文字を使います。

テイスウ

[定数]について学びます。

小学校で

[正比例]の

[ $x$ ]と[ $y$ ]の関係を

[ $y$ ] = [決まった数] × [ $x$ ]

と学びました。

中学校では、この式のうち、

[決まった数]を、全く同じ意味ですが、

[定まった数]すなわち、

テイスウ

[定数]と

呼びかえることにします。

[例1]  $y = 4x$  の [4]

[例2]  $y = \frac{12}{x}$  の [12]

[例3]  $y = 2x + 10$  の [2] と [10]

[例4]  $y = x^2$  の [1]

[ $y = -2x$ ] の [-2]

[ $y = -5x$ ] の [-5]

[ $y = \frac{1}{2}x$ ] の [ $-\frac{1}{2}$ ]

[ $y = \frac{2}{3}x$ ] の [ $\frac{2}{3}$ ]

[ $y = 0.2x$ ] の [0.2]

[ $y = -0.5x$ ] の [-0.5]

[ $y = ax$ ] の [ $a$ ]

[ $y = ax + b$ ] の [ $a$ ] と [ $b$ ]

等々のように

定数

[あるきまった数] や、  
[きまった数を表す文字] を、  
[定数] と言います。

定数には

普通  $a$  や  $b$  などの

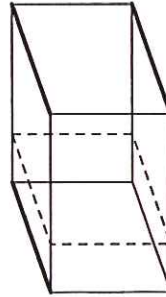
アルファベットの初めのほうの文字を使います。

ヘンイキ

[変域]について学びます。

容積が  $100\text{cm}^3$  の直方体の容器に1秒間に  $5\text{cm}^3$  ずつ水を入れると $x$ 秒間に入る水の量  $y\text{cm}^3$  は、

$y = 5x$  となる。



この時、

[20]秒たつと

水は  $100\text{cm}^3$  を超えて

容器からあふれ出しますから、

 $x$ が20を超え、 $y$ が100を超えると $y = 5x$  は、成り立ちません。

また、

 $y = 5x$  について  $x$  が

0秒以前のマイナスを考えると、

水の量がマイナスになってそれも変です。

それゆえ

[ $x$ ]の[とり得る値の範囲]は

[0から20まで]、

[ $0 \leq x \leq 20$ ]

[ $y$ ]の[とり得る値の範囲]は

[0から100まで]

[ $0 \leq y \leq 100$ ]です。

このように

[変数]の  
 [変化する][値の区域]を  
 ヘン イキ  
 (変 域)  
 と言います。

100cmのテープから  
 1本5cmのテープを  
 $x$ 本切り取るとき  
 切り取った長さを  
 $y$ cmとする。

$y=5x$  となりますが  
 20本切り取ると  
 5cm  $\times$  20で100cmになりますから  
 $x$ が20を超えることはありません  
 当然  $y$ も  
 100を超えることはありません。

$x$ の変域は  $0 \leq x \leq 20$   
 $y$ の変域は  $0 \leq y \leq 100$   
 です。

次の数学用語は中学2年で習います。

[ $y$ ]が[ $x$ の関数]であるとき  
 $x$ の変域と $y$ の変域に  
 別の名称を付けて区別し、

$x$ の変域を  
 [定義域 テイギイキ]  
 対応する $y$ の変域を  
 [値域 チイキ]という

左に上げた例で言えば、  
 それぞれ、[変域]には  
 違いはないのですが、

[ $x$ ]の[変域]の  
 [0から20まで]、  
 [ $0 \leq x \leq 20$ ]を、  
 [定義域]と言います。

[ $y$ ]の[変域]の  
 [0から100まで]、  
 [ $0 \leq y \leq 100$ ]を、  
 [値域チイキ]と言います。

※ [値域]という言葉は使わず  
 単に [変域]とだけ言う事も  
 あります

[ 定義と性質の関係を学びます ]

### 第3章

[ 正比例 ] [ 比例 ]

[ 小学校 ] では、

正比例の定義を次のように行いました。

覚えていますか。

(扱っていない教科書もある)

----- [ 正比例の定義 ] -----

[ 対応して変わる  $x$  と  $y$  があって  
 $x$  の値が2倍3倍……となると  
 対応して変わる  
 $y$  の値が2倍3倍……となる時  
 $y$  は、  
 $x$  に正比例する、または  
 $x$  に比例する ] という。

としました。

その結果

----- [ 正比例の性質 ] -----

- ① [  $y = \text{きまった数} \times x$  ]
- ② [  $y \div x = \text{きまった数}$  ]  
 等と表せるし、
- ③ [ グラフに表すと、  
 原点を通る直線になる ]

といった性質があると学びました。

[ 正比例 ] [ 比例 ]

しかし

[ 中学校 ] では、

定義を、次のように変更します。

----- [ 正比例の定義 ] -----

一般に、 $y$  が  $x$  の関数で、  
 [  $y = ax$  ] (ただし、 $a$  は定数)  
 と表せる時  
 [  $y$  は  $x$  に比例する ] という。

とします。

この定義は、左に示した  
 小学校での、[ 比例の性質① ] の  
 ことです。

その結果

小学校では[正比例の定義]としたものが  
 [正比例の性質]になります。

----- [ 正比例の性質 ] -----

- ①  
 [ 対応して変わる  $x$  と  $y$  があって  
 $x$  の値が2倍3倍……となると  
 対応して変わる  
 $y$  の値が2倍3倍……となる時  
 $y$  は、  
 $x$  に正比例する、または  
 $x$  に比例する ] という。
- ②  
 [  $y \div x = \text{きまった数}$  ]
- ③  
 [ グラフに表すと、  
 原点を通る直線になる ]

といった性質がある、とします。

[ 関数 ] の表し方のいろいろ

【 1 】

[ 対応表 ]

[ 表 1 ]

[  $x$  ] が [ 0 から 7 まで ] の [ 正の整数 ] で  
 [  $y$  ] は、[  $x$  の 5 倍 ] の数の  $x$ 。

$x$	0	1	2	3	4	5	6	7
$y$	0	5	10	15	20	25	30	35

[ 表 2 ]

[  $x$  と  $y$  ] が [ 1 から 6 まで ] の  
 [ 正の整数 ] で、  
 [  $x$  と  $y$  の和 ] が、[ 7 ]

$x$	1	2	3	4	5	6
$y$	6	5	4	3	2	1
$x+y$	7	7	7	7	7	7

[ 表 1 ] [ 表 2 ] のように

$y$  が  $x$  の関数であるとき、  
 [  $x$  の値 ] [  $y$  の値 ] とを  
 $y$  対応させた表を  
 [ 対応表 ] と言います。

$x$  の変域が

限られたいくつかの

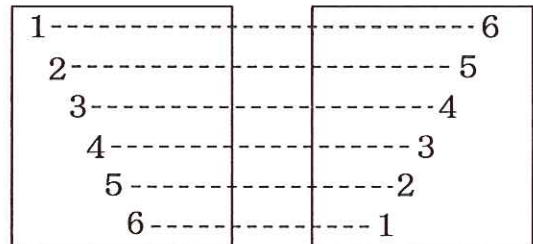
数の集合であるときには

[ 対応表 ] でその関係を表すことができます。

【 2 】

[ 対応図 ]

たとえば、  
 サイコロの目の数は、  
 立方体の [ 対面の目の数の和 ] が  
 いつも [ 7 ] になっていますから、



などと  
 図に表すことができます。

このように

—— [ 対応図 ] ——  
 $y$  が  $x$  の関数であるとき、  
 [  $x$  の値 ] と [  $y$  の値 ] とを  
 対応させた図を  
 [ 対応図 ] と言います。

[  $x$  の変域 ] が

[ 限られた ] いくつかの

[ 数の集合 ] であるときには、

[ 対応図 ] だけで

その関係を表すことができます。

## 【3】

## 〔関数の式〕

もちろん、  
対応表や対応図だけでは  
表し切る事のできない関係が  
あります。

例えば

1本が10円の鉛筆

$x$ 本の値段  $y$ 円

と言うような簡単な例であっても  
全てを表す対応表は書けないので、

$$y = 10x$$

などと式で表しました。

また、

小学校で学んだ時もそうでしたが、  
中学で学ぶ関数関係についても、

$x$ の変域が、  
連続した数である場合が多い。

その場合、

〔対応表〕や〔対応図〕は、  
その例の一部を示すだけで  
全ての場合を表す事はできない。

〔対応表〕や〔対応図〕で  
表しきる事のできない関数関係は、  
〔式〕や〔文〕で書き表す。

## 〔関数の式〕

〔 $y$ 〕が〔 $x$ の関数〕であるとき、

$y$ と $x$ の関係が

〔等式〕で表されれば、

それを、

〔関数を表す式〕あるいは単に

〔関数の式〕という。

## 〔関数の式〕

〔対応の規則性〕を

〔対応表〕・〔対応図〕・〔文〕の  
代わりに

〔式〕で書いたものである。

関数の式が、数学上の性質を研究するのに  
非常に有効であることを、  
正比例、反比例などの各項で、  
詳しく見ておこう。

今までの学んだ関数としては、

正比例 = 商が一定  $\frac{y}{x} = \text{一定}$

反比例 = 積が一定  $xy = \text{一定}$

和が一定  $x + y = \text{一定}$

差が一定  $x - y = \text{一定}$

$y - x = \text{一定}$

…色々あります。

次に小学校と中学校で、  
同じ名前のを、少し  
別の形で学ぶ事について  
説明します。

[ 正比例の定義 ] を  
このように変更する理由は、  
小学生には、

[  $x$  の値が2倍 3倍に…になると  
 $y$  の値も2倍 3倍…となる時  
 $y$  は  $x$  に比例する ] とする

小学校風の定義のしかたが  
分かりやすいだろう、ということであり

中学校では、  
 $x$ 、 $y$  を変数、 $a$  を定義とすると

[  $y = ax$  と書ける時、  
 $y$  は  $x$  に比例する ] とする

数式風の方が  
後の数学の発展に、ずっと都合がいいし

[ 中学生ならわかるだろう ]  
という為です。

[ 定義 ] と [ 性質 ] が入れ替わり得る、  
ということは、  
何か変な気がします、  
これは、

[ この場合 ]

[ 定義 ] と [ 性質 ] が

[ 同じ価値 ] をもっているからなのです。

[ この場合 ] は、  
[ 一方を定義 ] とすると  
[ もう一方を性質 ] と表現できる、  
そのような数学的関係にあるのです。

[ 正比例の場合 ] については、  
[ 定義と性質を入れ替えても成り立つ ]  
ことは、よく考えれば、  
君自身が感じる事ができるでしょう。

[ 正比例の定義 ] について  
[ 小学校 ] と [ 中学校 ] とで、  
[ 定義 ] と [ 性質 ] が入れ替わりました  
このことについて、一般的に、  
次の2つの事に注意して下さい。  
ふつう

### — [ 定義 ] と [ 性質 ] —

数学上、  
根本的に異なるものです。

小学4年で学んだ  
[ 図形の定義 ] [ 図形の性質 ] の  
[ 定義 ] と [ 性質 ] は、  
数学の学習上  
[ 入れ替えてはいけません ]

しかし

### — [ 定義と性質の交代 ] —

あることを、数学的に  
[ 定義 ] として決めたとき、  
その定義から導かれた [ 性質 ] を  
[ 定義 ] とすると、  
先に決めた [ 定義 ] が  
[ 性質 ] になりうる場合があります。

しかし、入れ替えても良いと  
はっきりしている時以外は  
定義と性質を  
決して入れ替えてはいけません。

ヒレイテイスウ

[ 比例定数を学びます ]

[ 比例 定数 ]

一般に、 $y$ が $x$ の関数で、  
 $[ y = ax ]$  (ただし $a$ は定数)  
 と表せる時  
 $[ y$ は $x$ に比例する ] と言い  
  
 $[ x$ の係数の定数 $a$ ] を、  
 $[$ 比例定数 $]$  と言います。

後で、少し混乱しそうになる事なのですが、  
 $[$ 正比例 $]$ の時だけ $[$ 比例定数 $]$ というのではなく  
 $[$ 反比例 $]$ の時も、 $[$ 比例定数 $]$ という用語  
 を使います。

いや、非常に多くの場合に、  
 $[$ 比例定数 $]$  という用語を使います。

中学以後は

$[$ 比例 $]$  という用語は  
 $[$ 正比例 $]$  だけを意味するのではなく、  
 $[$ あらゆる比例関係 $]$  を意味する  
 場合が多いので  
 注意しててください。

単に $[$ 比例する $]$  という時は、  
 $[$ 正比例する $]$  の意味ですが  
 $[$ ～に比例する $]$  の形の時  
 たとえば中学3年で学ぶ  
 $[ x$ の2乗に比例する $]$  などの時は  
 $[$ 正比例する $]$  のではありませんので  
 注意が必要です。

[ 正比例の比例定数について ]

実例で少し考えてみましょう

$[ y = ax ]$  において  
 $[ x = 1 ]$  の時の $[ y$ の値 $]$  は

関数	$x$ の値	$y$ の値	比例定数
$y = 2x$	1	2	2
$y = 3x$	1	3	3
$y = 5x$	1	5	5
$y = \frac{1}{2}x$	1	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2}$
$y = \frac{2}{3}x$	1	$\frac{2}{3}$	$\frac{2}{3}$
$y = \frac{3}{4}x$	1	$\frac{3}{4}$	$\frac{3}{4}$
$y = ax$	1	$a$	$a$

$[ y = ax ]$  の $[$ 比例定数 $a]$  は、

$$[ y = a \times 1 = a ]$$

式から見て分かる通り、

$[ x = 1$ の時の、 $y$ の値 $]$ です。



## [正比例の問題②]

## [例2]

① $y$ が $x$ に比例し
② $x=5$ の時、 $y=2$ であるという
③ 比例定数はいくらか
④ $x=3$ の時の、 $y$ の値はいくらか

## [正比例の問題⑥]

歯車の数と、歯車の回転数

## [解き方]

① の[ $y$ が $x$ に比例し]ということから、  
[ $y=ax$ ]と表しなさい。

② の、  
[ $x=5$ の時、 $y=2$ である]より、  
[ $y=ax$ ]に代入して、  
[ $2=a \times 5$ ]であるから、

③ [ $a=\frac{2}{5}$ ]この事により  
[ $y=\frac{2}{5}x$ ]

④  $x=3$ の時の $y$ の値は当然、  
[ $y=\frac{2}{5}x$ ]に代入して  
[ $y=\frac{2}{5} \times 3 = \frac{6}{5}$ ]

このような考え方で解く問題は非常に多い。  
次の反比例の問題についても同じことが言えます。

[注意]

[質問]

$y$ が $x$ の関数ならば  
 $x$ も $y$ の関数になるのですか

①

$y = 2x$  などの正比例の場合。

$x$ の値をきめると、  
 $y$ の値がただ1つ決まります。

またこの時、

$y$ の値をきめると、  
 $x$ の値がただ1つ決まります。

②

$y = \frac{6}{x}$  などの反比例の場合

$x$ の値をきめると、  
 $y$ の値がただ1つ決まります。

また

$y$ の値をきめると、  
 $x$ の値がただ1つ決まります。  
 ですから、

[  $y$ が $x$ の関数ならば ]

[  $x$ もまた $y$ の関数である ]、  
 と言ってもよさそうです。

さらに、

中学2年で学ぶ[1次関数]について

③

[  $y$ が $x$ の1次関数 ]の場合は、  
 [  $x$ も $y$ も1次関数 ]となります。

と言っても  
 正確には何を言っているのか  
 分かりませんね。  
 まあいいです。  
 中学2年の分野です。

しかし、とりあえず  
 説明してみましょう。

$$y = 2x + 6$$

$$y - 6 = 2x$$

$$2x = y - 6$$

$$x = \frac{y}{2} - 3 \quad \text{となり}$$

$x$ が決まると、 $y$ もただ1つに  
 決定されます。

一般的に、

$$y = ax + b$$

$$y - b = ax$$

$$x = \frac{y - b}{a} \quad \text{となり}$$

$x$ が決まると、 $y$ もただ1つに  
 決定されます。

小学校から学んだ正比例、反比例

中学1年、2年で学ぶ関数は いずれも

$x$ を決めると $y$ が、ただ1つ決まりますし、

$y$ を決めると $x$ がただ1つ決まります。

このようですので、つい、[関数とは]定義文の中にある、

[ $y$ がただ1つ決まる時]の[ただ1つ]を見落としがちになるのです

[関数の定義]として

この[ただ1つ]は非常に重要な事なので、注意しておいて下さい。

$x$  の値が決まると

$y$  の値が[ただ1つ]決まったからといって

逆に、

$y$  の値が決まると

$x$  の値も[ただ1つ]決まる

とは限らないのです。

[逆は必ずしも真ではない]のです。

例えば

①

$x^2 = y$  とある時、

$x$  の値を決めると

$y$  は[ただ1つ]の値をとりますが、

$y$  を先にきめたとき、

$x$  は2つの値をとる可能性があります。

$y = 4$  の時

$$x^2 = 4$$

$x$  は

2 と -2 とが考えられます。

$y = 9$  の時、

$$x^2 = 9$$

$$y = \pm 3$$

くりかえします。

[ $y$  が  $x$  の関数]であっても

逆に

[ $x$  が  $y$  の関数になる]

とは

必ずしも言えません。

具体的ないくつかの例から

一般的な法則を見つけるのは

人間の優れた才能ですが

時々、失敗もします

気を付けてください。