

(2、3)、(3、4)、(5、6)・・・など

連続する2つの自然数について考える。

大きい数の2乗から
小さい数の2乗を引いてみる

小さい方の数を n と表すと
大きい方の数は $n+1$
と表せる。

$$3^2 - 2^2 = 5$$

$$4^2 - 3^2 = 7$$

$$5^2 - 4^2 = 9$$

上のことから
どんなことが言えるか

(1)

$$3^2 - 2^2 = 9 - 4 = 5$$

$$4^2 - 3^2 = 16 - 9 = 7$$

$$5^2 - 4^2 = 25 - 16 = 9$$

3と2から5

4と3から7

5と4から9だから

$$\text{大}^2 - \text{小}^2 = \text{大} + \text{小}$$

いつでもそうだろうか？
もっと別の数についても確かめなさい。

(2)

5、7、9は奇数です。

いつでも奇数と言える
だろうか

$$\text{大}^2 - \text{小}^2$$

$$= (n+1)^2 - n^2$$

$$= n^2 + 2n + 1 - n^2$$

$$= 2n + 1$$

これで奇数
と言える。(2)

$$= n + n + 1$$

これで大+小
と言える。

前ページで
連続する2つの自然数

について考えてみたのですが

$$大^2 - 小^2 = 大 + 小$$

は自然数でなければ
成り立たないのでしょうか。

大 = 小 + 1 ですから

$$小 = 2.5$$

$$大 = 2.5 + 1 \quad \text{など}$$

小数で確かめて
みましょう。

$$大^2 - 小^2$$

$$= 3.5^2 - 2.5^2$$

$$= (3.5 + 2.5) \times (3.5 - 2.5)$$

$$= (3.5 + 2.5) \times (1)$$

$$大^2 - 小^2$$

$$= 4.8^2 - 3.8^2$$

$$= (4.8 + 3.8^2) \times (4.8^2 - 3.8^2)$$

$$= (4.8^2 - 3.8^2) \times 1$$

オヤ?
これが
ポイントかな?

!

要するに

$$大^2 - 小^2$$

$$= (大^2 + 小^2) \times (大 - 小)$$

だから

$$大 - 小 = 1$$

すなわち

$$大 = 小 + 1$$

ならば

いつだって

$$大^2 - 小^2$$

$$= (大 + 小) \times 1$$

となるのでした。

とすると

大と小の差が2ならば

$$大^2 - 小^2 = 2(大 + 小)$$

大と小の差が5ならば

$$大^2 - 小^2 = 5(大 + 小)$$

となるのですね。

(2, 3, 4)

(3, 4, 5)

(4, 5, 6) など

連続する3つの自然数
について考える。

$$3^2 = 2 \times 4 + 1$$

$$4^2 = 3 \times 5 + 1$$

$$5^2 = 4 \times 6 + 1$$

上のことから
どのようなことが言えるか。

真ん中の数の2乗は
両端の数の積より
1大きい

(5, 6, 7)

(6, 7, 8)

(7, 8, 9)

についても確かめなさい。

小さい数を n と表すと

中の数は $n + 1$

大は $n + 2$ と表せる。

$中^2 = 小 \times 大 + 1$
となるかどうか

$$中^2 = (n + 1)^2 \\ = n^2 + 2n + 1$$

$$小 \times 大 + 1 \\ = n(n + 2) + 1 \\ = n^2 + 2n + 1$$

等しくなった。

連続する3つの自然数の

真ん中の数の2乗は、

両端の数の積より1大きい

このことを文字式を使って
説明しなさい。(証明せよ)

(1、3)、(3、5)、(5、7)
 など

連続する2つの奇数

について考える。これを計算すると

次の計算をなさい。

ア $3^2 - 1^2 =$

イ $5^2 - 3^2 =$

ウ $7^2 - 5^2 =$

エ $9^2 - 7^2 =$

$$(2n+1)^2 - (2n-1)^2$$

$$= (4n^2 + 4n + 1) - (4n^2 - 4n + 1)$$

$$= 4n^2 + 4n + 1 - 4n^2 + 4n - 1$$

$$= 8n$$

これで8の倍数と言えた。

$$\{(2n+1) + (2n-1)\} \{(2n+1)(2n-1)\}$$

$$= \{4n\} \{2\}$$

計算結果の数には
 どのような特徴があるか

$$= 8n$$

ア イ ウ エ

8 16 24 32

どうも

8の倍数のようである。

いつでも言えるだろうか。

自然数を n と表し

小さい方の奇数を $2n - 1$

大きい方の奇数は $2n + 1$

と表せる。

ア～エのことは

$大^2 - 小^2$ と表せるから

これを文字を使って表すと

連続する2つの奇数の積は \longrightarrow 左下の文を読む前に

どんな事が言えるか
文字式で表して考えてみる

小 \times 大

$$=(2n-1)(2n+1)$$

$$=4n^2-1$$

$$=(2n)^2-1$$

(1,3)、(3,5)、(5,7)...

などの数の組について

積を計算し、

何らかの加工を加えて

法則性を考えて見なさい。

次の式を完成しなさい。

$2n$ は

$2n-1$ と

$2n+1$ との間の

偶数といえるから

$$1 \times 3 =$$

$$3 \times 5 =$$

$$5 \times 7 =$$

$$7 \times 9 =$$

$$9 \times 11 =$$

(2、4)、(4、6)、(6、8)
 など

連続する2つの偶数
 について考える。

$$2 \times 4 = 8$$

$$4 \times 6 = 24$$

$$6 \times 8 = 48$$

$$8 \times 10 = 80$$

8

24

48

80

もちろん8の倍数だが…

$$8 + 1 \Rightarrow 9 \Rightarrow 3^2$$

$$24 + 1 \Rightarrow 25 \Rightarrow 5^2$$

$$48 + 1 \Rightarrow 49 \Rightarrow 7^2$$

$$80 + 1 \Rightarrow 81 \Rightarrow 9^2$$

$$2 \times 4 + 1 = 3^2$$

$$4 \times 6 + 1 = 5^2$$

$$6 \times 8 + 1 = 7^2$$

$$8 \times 10 + 1 = 9^2$$

左に見たことを
 文章化すると、どうなるか。

次の文を完成しなさい。

連続する2つの偶数の
 積に1を加えた数は
 間の奇数の2乗と等しい

一般的には、次のように
 証明される。

自然数を n とすると

小さい方の偶数を $2n$

大きい方の偶数は $2n+2$

間の奇数は $2n+1$

と表される。

小×大+1

$$= (2n) \times (2n+2) + 1$$

$$= 4n + 4n + 1$$

$$= (2n+1)^2$$

↑

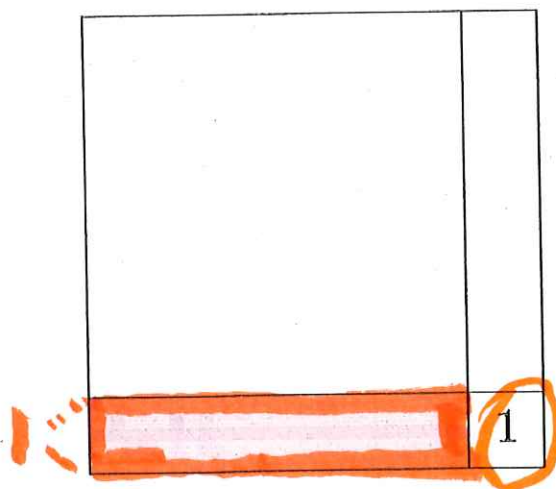
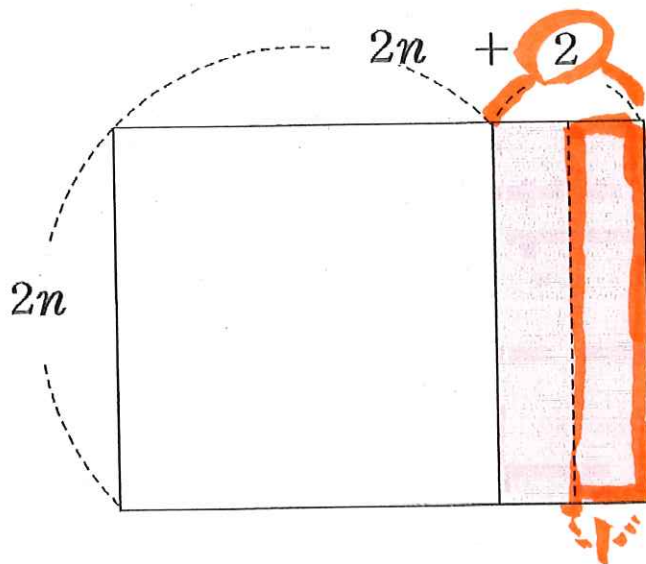
間の奇数²

連続する2つの偶数の積に

①を加えると

この2つの偶数の間にある
奇数の平方になる。

図で考えてみる。



2つの続いた偶数の積に
1を加える。

この2つの偶数の間にある
奇数の平方になる。

n を自然とし

小さい偶数を $[2n]$ と表すと

大きい偶数は $[2n+2]$
と表せる。

$$\text{2数の積} = 2n(2n+1)$$

$$\text{積} + 1 = 4n + 4n + 1$$

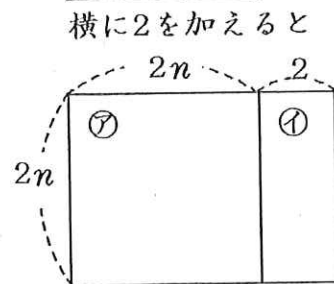
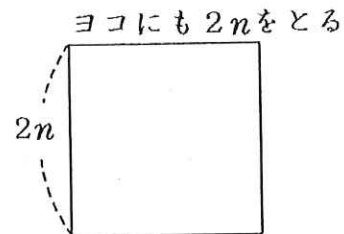
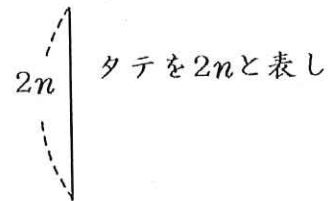
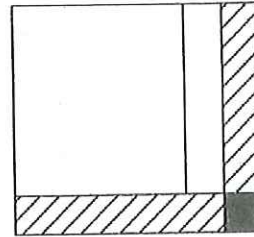
$$= (2n+1)^2$$

$[2n+1]$ は

$[2n]$ $[2n+2]$ の

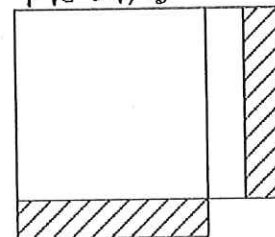
[間の奇数] である。

図で考えてみる。

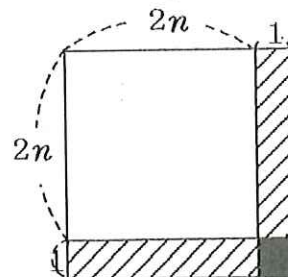


面積が $2n \times (2n+2)$

①の半分を切り取り
下につける



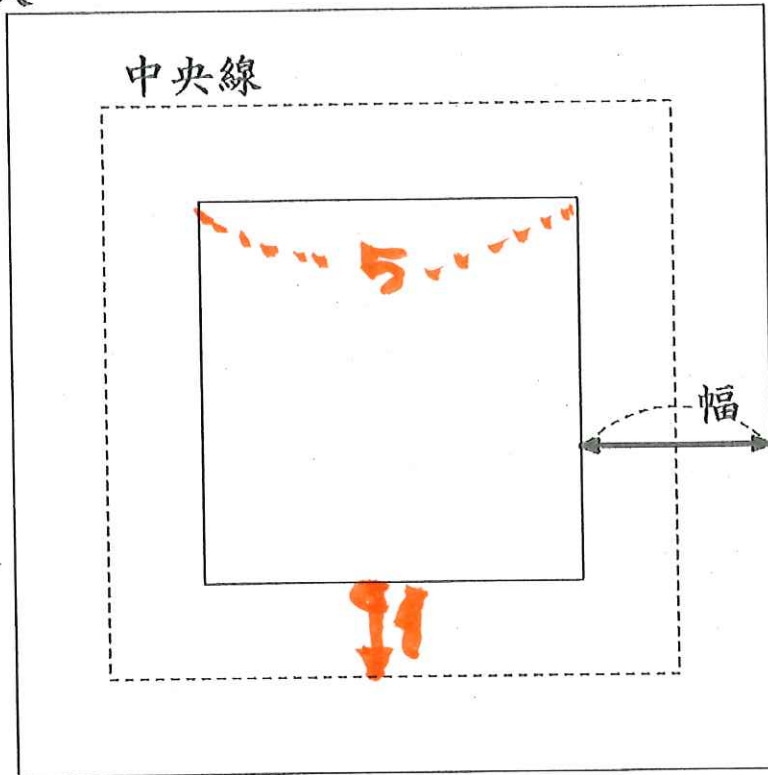
それに①を加えると



$(2n+1) \times (2n+1)$ となる

① 小の正方形の一边 5cm 幅 2cm
 幅の真ん中に中央線をひいた。

大



このとき次の問いに順に答えなさい。

② ① 大の面積
 $(5 + 2 \times 2)^2 = 81$
 (cm^2)

④ 中央線の長さ
 $(5 + 2 \div 2 \times 2) \times 4$
 $= 28 (\text{cm})$

③ ② 小の面積
 $5^2 = 25 (\text{cm}^2)$

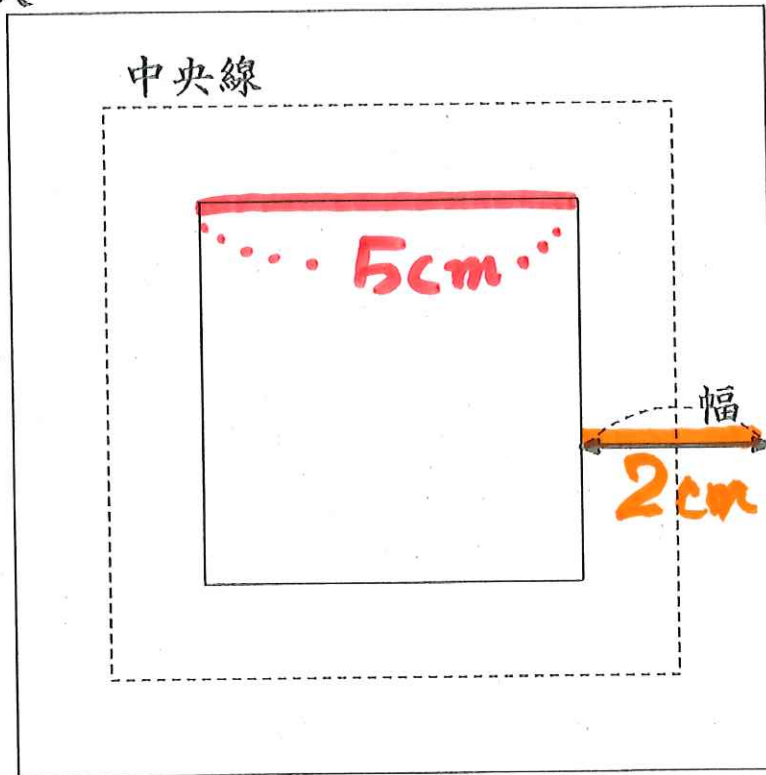
⑤ 幅の長さ
 2 cm

③ 大 - 小の面積
 $81 - 25 = 56$
 (cm^2)

⑥ 中央線 \times 幅
 $28 \times 2 = 56$
 (cm^2)

小の正方形の一辺5cm 幅2cm
幅の真ん中に中央線をひいた。

大



このとき次の問いに順に答えなさい。

① 大の面積

$$(5 + 2 \times 2)^2 = 81 \text{ (cm}^2\text{)}$$

② 小の面積

$$5^2 = 25 \text{ (cm}^2\text{)}$$

③ 大-小の面積

$$81 - 25 = 56 \text{ (cm}^2\text{)}$$

④ 中央線の長さ

$$(5 + 2 \div 2 \times 2) \times 4 = 28 \text{ (cm)}$$

⑤ 幅の長さ

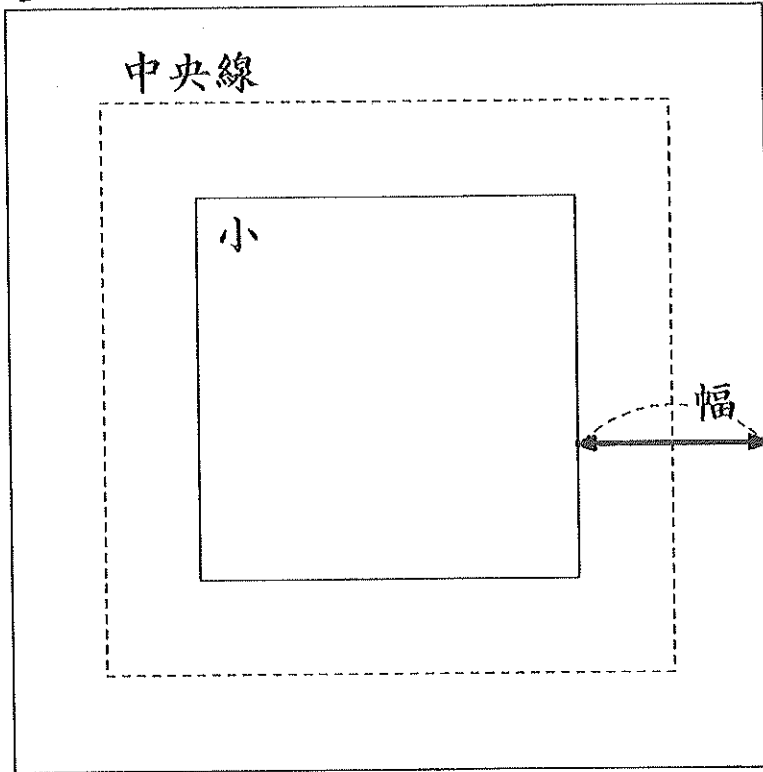
$$2 \text{ cm}$$

⑥ 中央線×幅

$$28 \times 2 = 56 \text{ (cm}^2\text{)}$$

小の正方形の一边 3cm 幅 2cm
幅の真ん中に中央線をひいた。

大



このとき次の問いに順に答えなさい。

② 大の面積

$$(3 + 2 \times 2)^2 = 49 \text{ (cm}^2\text{)}$$

④ 中央線の長さ

$$(3 + 2 \div 2 \times 2) \times 4 = 20 \text{ (cm)}$$

① 小の面積

$$3^2 = 9 \text{ (cm}^2\text{)}$$

⑤ 幅の長さ

$$2 \text{ cm}$$

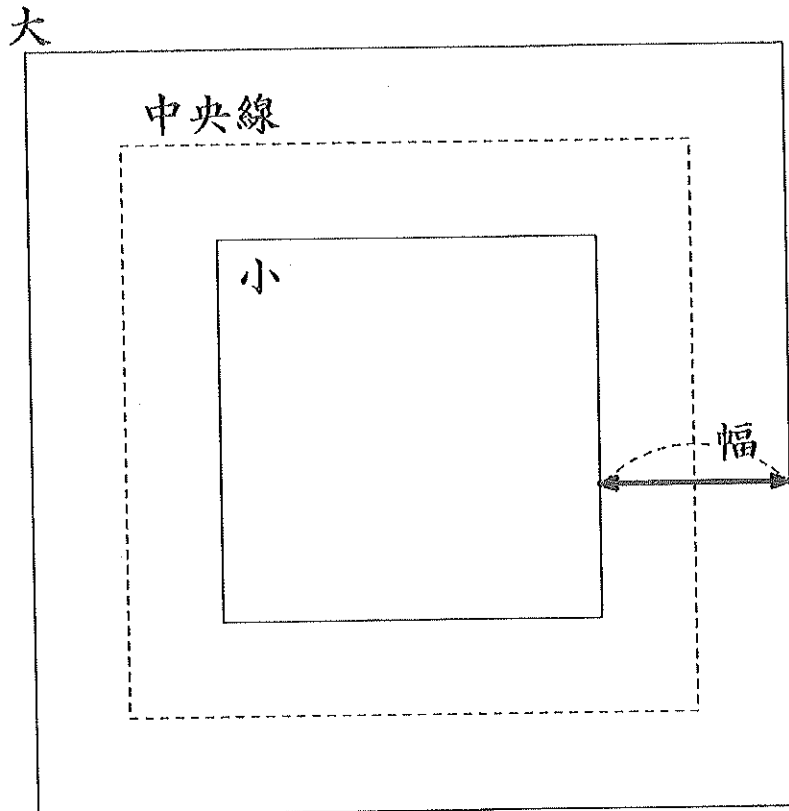
③ 大 - 小の面積

$$49 - 9 = 40 \text{ (cm}^2\text{)}$$

⑥ 中央線 × 幅

$$20 \times 2 = 40 \text{ (cm}^2\text{)}$$

小の正方形の一辺3cm 幅2cm
幅の真ん中に中央線をひいた。



このとき次の問いに順に答えなさい。

① 大の面積

④ 中央線の長さ

② 小の面積

⑤ 幅の長さ

③ 大-小の面積

⑥ 中央線×幅

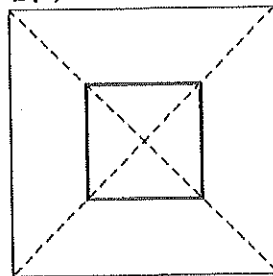
図アのように

大 小 2つの正方形がある

図イ (斜線部分) の中央に

図ウのように中央線を引いた

図ア



※ ただし
正方形大の1辺

7 cm

正方形小の1辺

3 cm

これについて

次の問いに答えなさい。※

① 正方形小の面積

$$3^2 = 9 \text{ (cm}^2\text{)}$$

② 正方形大の面積

$$7^2 = 49 \text{ (cm}^2\text{)}$$

③ 図イの面積を

大小の正方形の差として求めよ

$$49 - 9 = 40 \text{ (cm}^2\text{)}$$

④ 図ウの中央線の長さを求めよ

$$(7 - 3) \div 2 \div 2 = 1$$

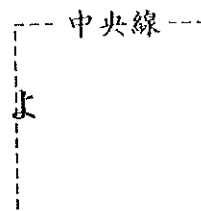
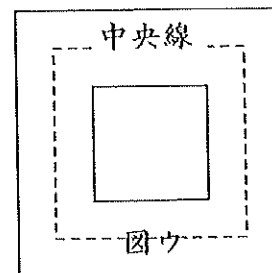
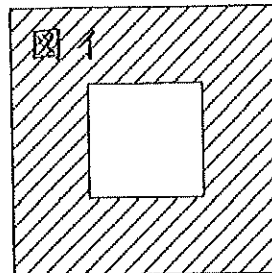
$$(3 + (1 \times 2)) \times 4 = 20 \text{ (cm)}$$

④ 中央線の長さをを用いて

図イの面積を求めよ

$$(3 + (1 \times 2)) \times 4 \times 2 = 40 \text{ (cm}^2\text{)}$$

④ ⑤を図形的に説明せよ



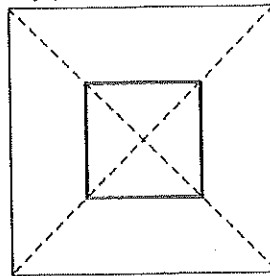
図アのように

大 小 2つの正方形がある

図イ (斜線部分) の中央に

図ウのように中央線を引いた

図ア



※ ただし
正方形大の1辺

7 cm

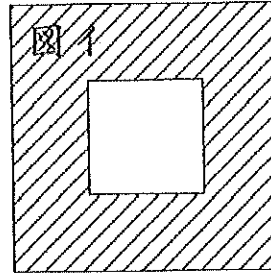
正方形小の1辺

3 cm

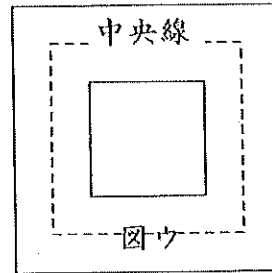
これについて

次の問いに答えなさい。※

① 正方形小の面積

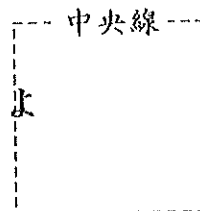


② 正方形大の面積



③ 図イの面積を
大小の正方形の差として求めよ

④ 図ウの中央線の長さを求めよ



④ 中心線の長さをを用いて
図イの面積を求めよ

④ ⑤を図形的に説明せよ

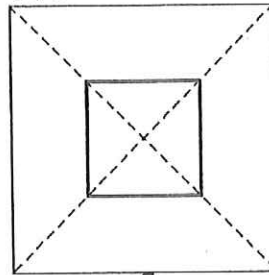
図アのように

大 小 2つの正方形がある

図イ (斜線部分) の中央に

図ウのように中央線を引いた

図ア



※ ただし
正方形大の1辺

6 cm

正方形小の1辺

2 cm

これについて

次の問いに答えなさい。※

① 正方形小の面積

$$2^2 = 4 \text{ (cm}^2\text{)}$$

② 正方形大の面積

$$6^2 = 36 \text{ (cm}^2\text{)}$$

③ 図イの面積を
大小の正方形の差として求めよ

$$36 - 4 = 32 \text{ (cm}^2\text{)}$$

④ 図ウの中央線の長さを求めよ

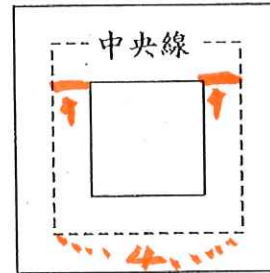
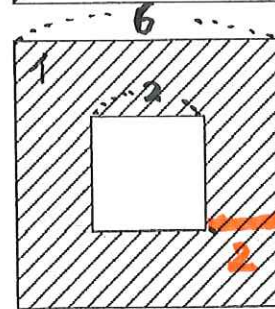
$$\{ 2 + (6 - 2) \div 2 \div 2 \times 2 \} \times 4 = 16$$

④ 中央線の長さをを用いて

図イの面積を求めよ

$$16 \times 2 = 32 \text{ (cm}^2\text{)}$$

④ ⑤を図形的に説明せよ



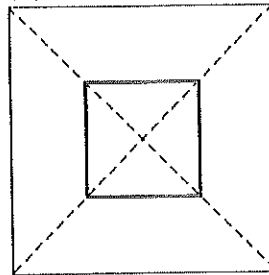
図アのように

大 小 2つの正方形がある

図イ (斜線部分) の中央に

図ウのように中央線を引いた

図ア



※ ただし
正方形大の1辺

6 cm

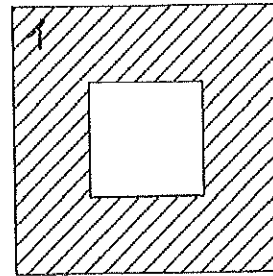
正方形小の1辺

2 cm

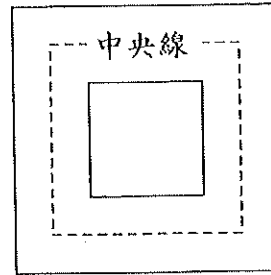
これについて

次の問いに答えなさい。※

① 正方形小の面積

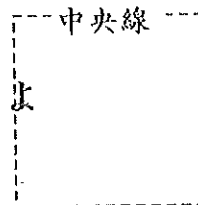


② 正方形大の面積



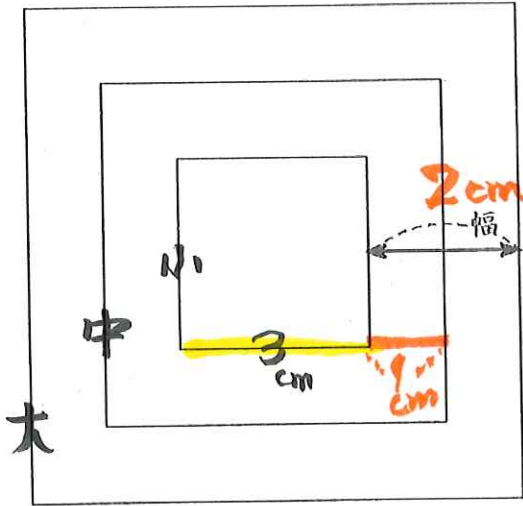
③ 図イの面積を
大小の正方形の差として求めよ

④ 図ウの中央線の長さを求めよ



④ 中心線の長さをを用いて
図イの面積を求めよ

④ ⑤を図形的に説明せよ



図のように
大、中、小
3つの正方形がある

※ ただし
正方形 小の1辺
3 cm
幅 2 cm

(中は大と小のちょうど中間の大きさです。)
次の値を順に求めなさい。

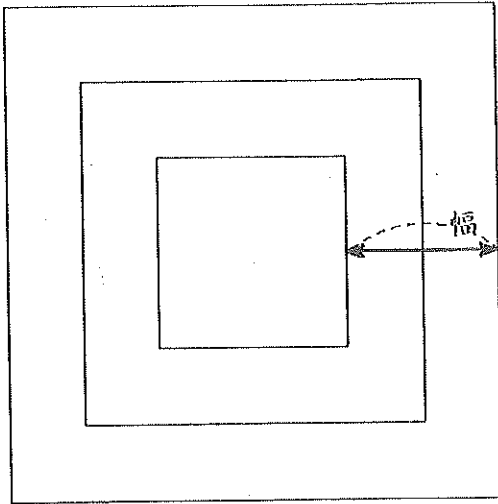
① 大の正方形の面積 $(3 + 2 \times 2) = 49 \text{ (cm}^2\text{)}$

② 小の正方形の面積 $3^2 = 9 \text{ (cm}^2\text{)}$

③ 大 - 小 $49 - 9 = 40 \text{ (cm}^2\text{)}$

④ 中の正方形の周囲 \times 幅
 $(3 + 1 \times 2) \times 4 \times 2 = 40 \text{ (cm}^2\text{)}$

⑤ ③ = ④



図のように
大、中、小
3つの正方形がある

※ ただし
正方形 小の1辺
3 cm
幅 2 cm

(中は大と小のちょうど中間の大きさです。)

次の値を順に求めなさい。

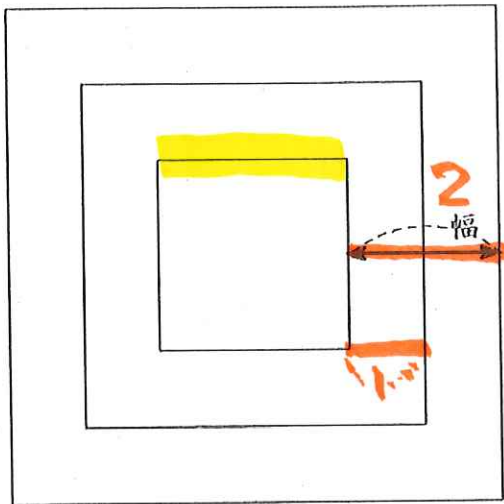
①大の正方形の面積

②小の正方形の面積

③大-小

④中の正方形の周囲×幅

⑤ ③=④



図のように
大、中、小
3つの正方形がある

※ ただし
正方形 小の1辺
2 cm
幅 2 cm

(ただし 中は大と小のちょうど中間の大きさです。)
次の値を順に求めなさい。

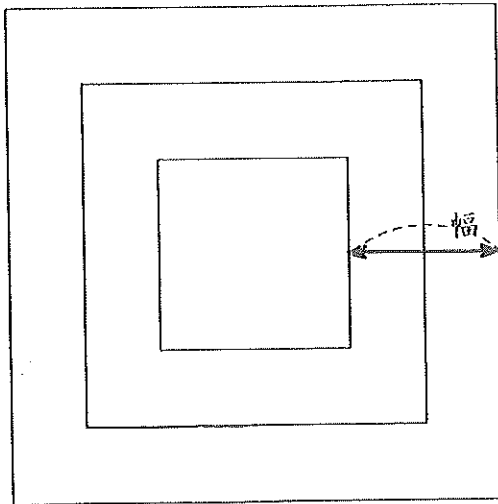
① 大の正方形の面積 $(2 + 2 \times 2)^2 = 36 \text{ (cm}^2\text{)}$

② 小の正方形の面積 $2^2 = 4 \text{ (cm}^2\text{)}$

③ 大 - 小 $36 - 4 = 32 \text{ (cm}^2\text{)}$

④ 中の正方形の周囲 \times 幅
 $(2 + 1 \times 2) \times 4 \times 2 = 32 \text{ (cm}^2\text{)}$

⑤ ③ = ④



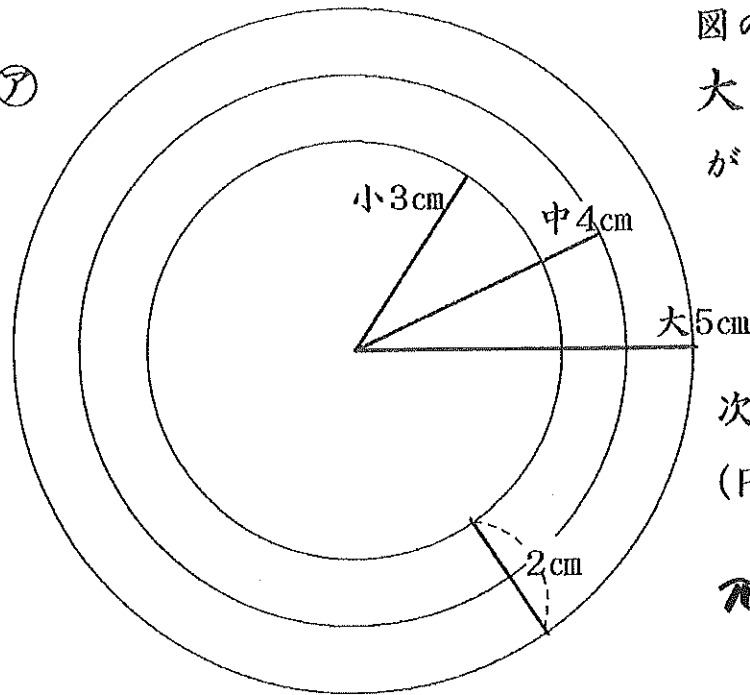
図のように
大、中、小
3つの正方形がある

※ ただし
正方形 小の1辺
2 cm
幅 2 cm

(ただし 中は大と小のちょうど中間の大きさです。)
次の値を順に求めなさい。

- ① 大の正方形の面積
- ② 小の正方形の面積
- ③ 大 - 小
- ④ 中の正方形の周囲 \times 幅
- ⑤ ③ = ④

ア



図のように2種類の
大中小3つの同心円
がある。

$$円 = \pi r^2$$

$$円周 = 2\pi r$$

次の問いに答えなさい

(円周率は π を用いよ。)

① 大円の面積

$$\pi \times 5^2 = 25\pi \text{ (cm}^2\text{)}$$

② 小円の面積

$$\pi \times 3^2 = 9\pi \text{ (cm}^2\text{)}$$

③ 中円の円周

$$2 \times \pi \times 4 = 8\pi \text{ (cm)}$$

④ 大円 - 小円の

$$25\pi - 9\pi = 16\pi \text{ (cm}^2\text{)}$$

⑤ 中円の円周 × 幅

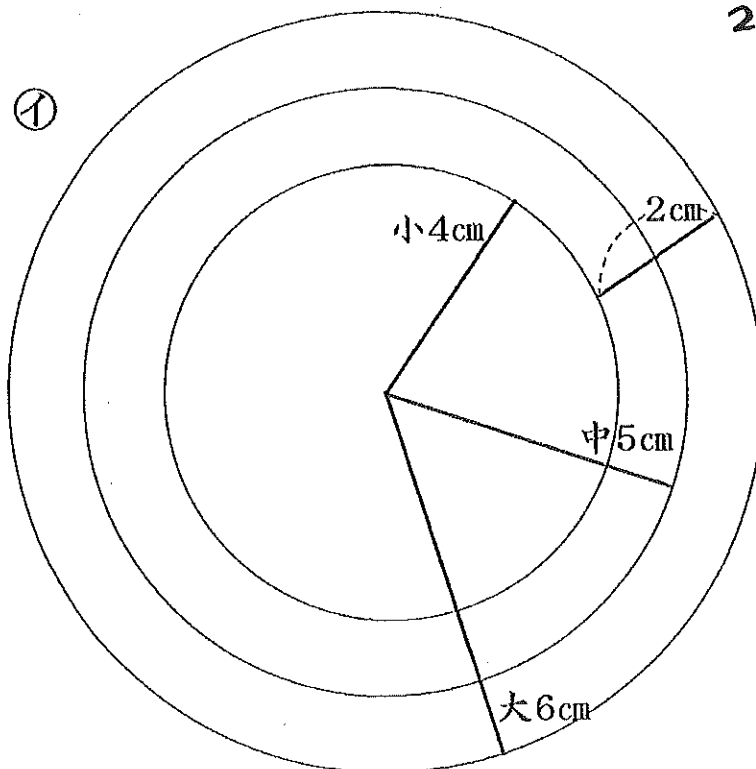
$$8\pi \times 2 = 16\pi \text{ (cm}^2\text{)}$$

⑥ ④と⑤の結果を

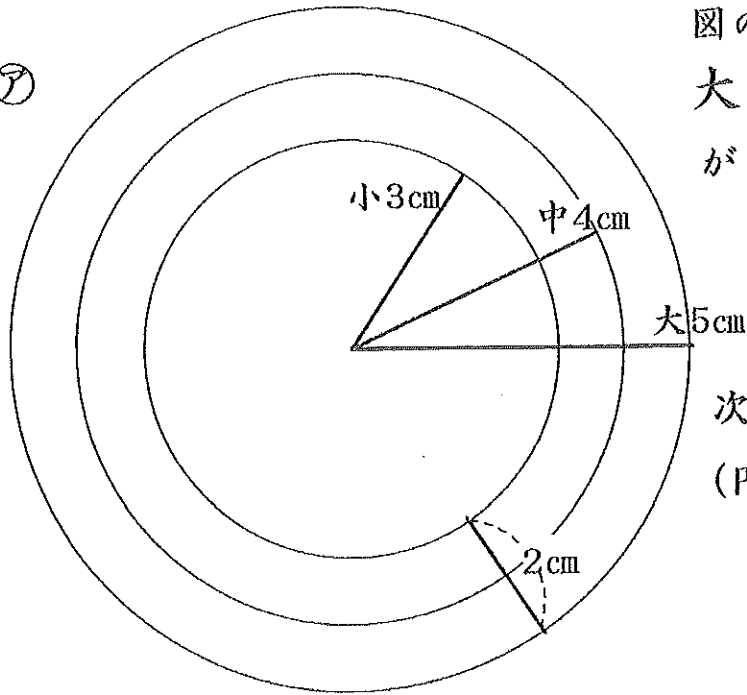
比べよ

$$\textcircled{4} = \textcircled{5}$$

イ



ア



図のように2種類の
大中小3つの同心円
がある。

次の問いに答えなさい
(円周率は π を用いよ。)

① 大円の面積

② 小円の面積

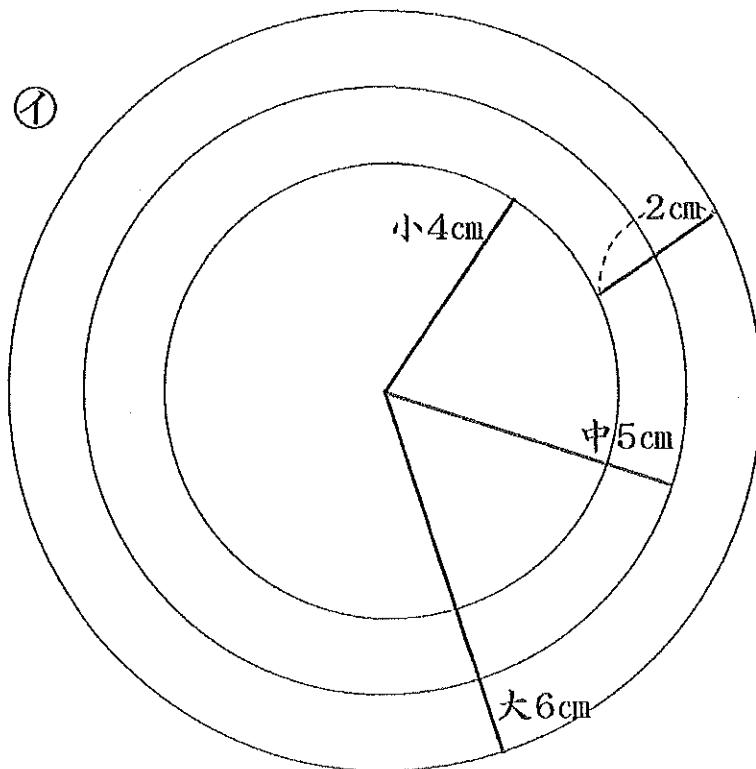
③ 中円の円周

④ 大円－小円の
面積

⑤ 中円の円周×幅

⑥ ④と⑤の結果を
比べよ

イ



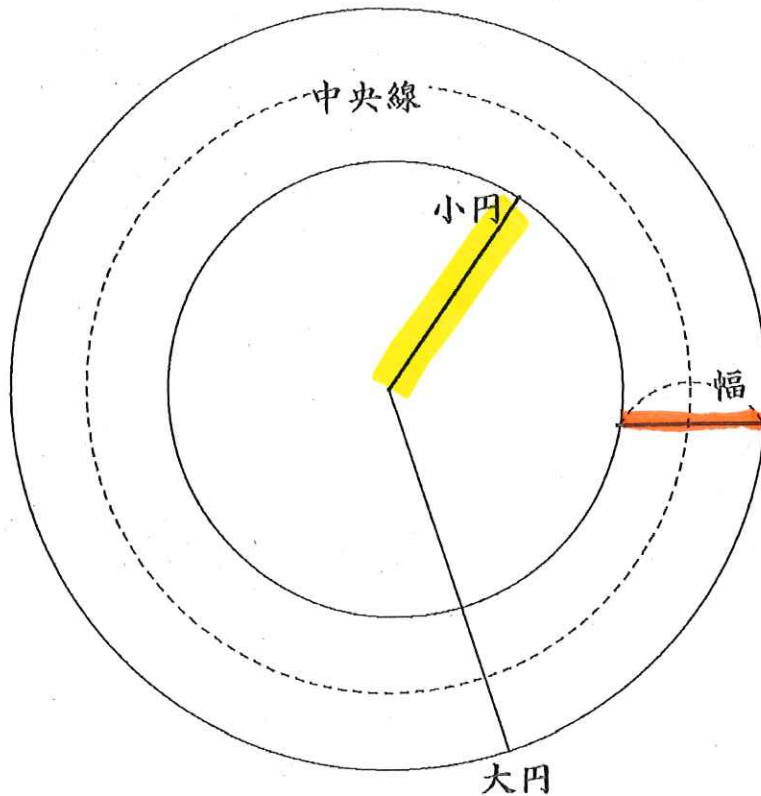
図のように

半径 3 cm の円の周囲に
幅 2 cm のドーナツ型を
つける。

$$S = \pi r^2$$

$$l = 2\pi r$$

つぎのそれぞれについて、順に答えなさい。



① 小円の面積

$$9\pi \text{ cm}^2$$

④ ドーナツ型の中央線の長さ

$$2\pi(3 + 2 \div 2) = 8\pi \text{ (cm)}$$

② 大円の面積

$$25\pi \text{ cm}^2$$

⑤ 中央線 \times 幅

$$8\pi \times 2 = 16\pi \text{ (cm}^2\text{)}$$

③ ドーナツ型の面積を

①, ②から求める

$$25\pi - 9\pi = 16\pi \text{ (cm}^2\text{)}$$

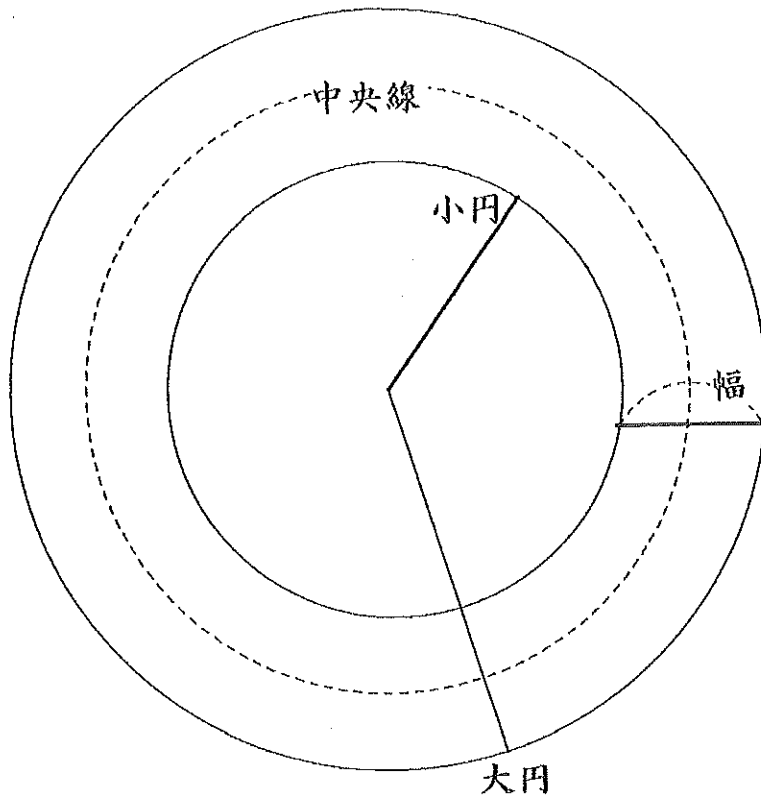
⑥ ③と⑤をくらべよ

$$\textcircled{3} = \textcircled{5}$$

図のように

半径 3 cm の円の周囲に
幅 2 cm のドーナツ型を
つける。

つぎのそれぞれについて、順に答えなさい。



① 小円の面積

④ ドーナツ型の中央線の長さ

② 大円の面積

⑤ 中央線×幅

③ ドーナツ型の面積を
①,②から求める

⑥ ③と⑤をくらべよ

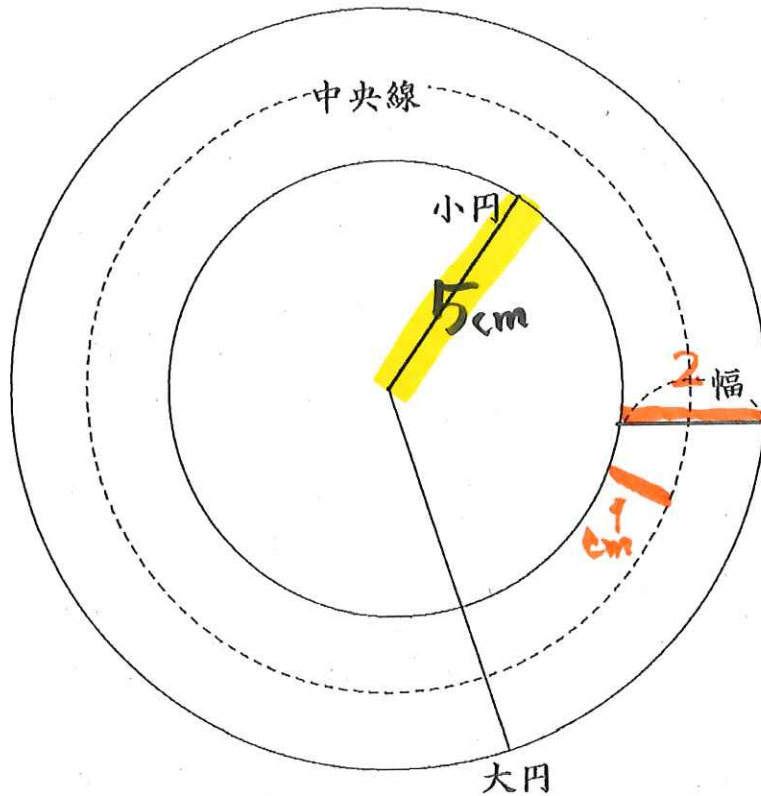
図のように

半径 5 cm の円の周囲に
幅 2 cm のドーナツ型を
つける。

$$S = \pi r^2$$

$$l = 2\pi r$$

つぎのそれぞれについて、順に答えなさい。



① 小円の面積

$$5^2 \pi = 25\pi \text{ (cm}^2\text{)}$$

② 大円の面積

$$(5+2)^2 \pi = 49\pi \text{ (cm}^2\text{)}$$

③ ドーナツ型の面積を

①, ② から求める

$$49\pi - 25\pi = 24\pi \text{ (cm}^2\text{)}$$

④ ドーナツ型の中央線の長さ

$$(5+1) \times 2 \times \pi = 12\pi$$

⑤ 中央線 × 幅

$$12\pi \times 2 = 24\pi \text{ (cm}^2\text{)}$$

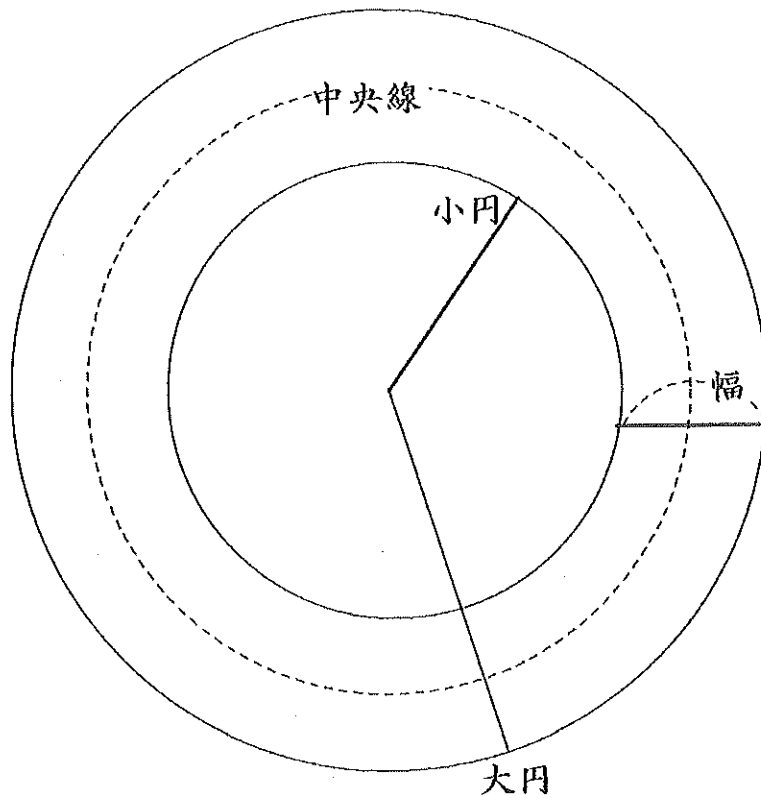
⑥ ③ と ⑤ をくらべよ

$$\textcircled{3} = \textcircled{5}$$

図のように

半径 5 cm の円の周囲に
幅 2 cm のドーナツ型を
つける。

つぎのそれぞれについて、順に答えなさい。



①小円の面積

④ドーナツ型の中央線の長さ

②大円の面積

⑤中央線×幅

③ドーナツ型の面積を

⑥③と⑤をくらべよ

①,②から求める

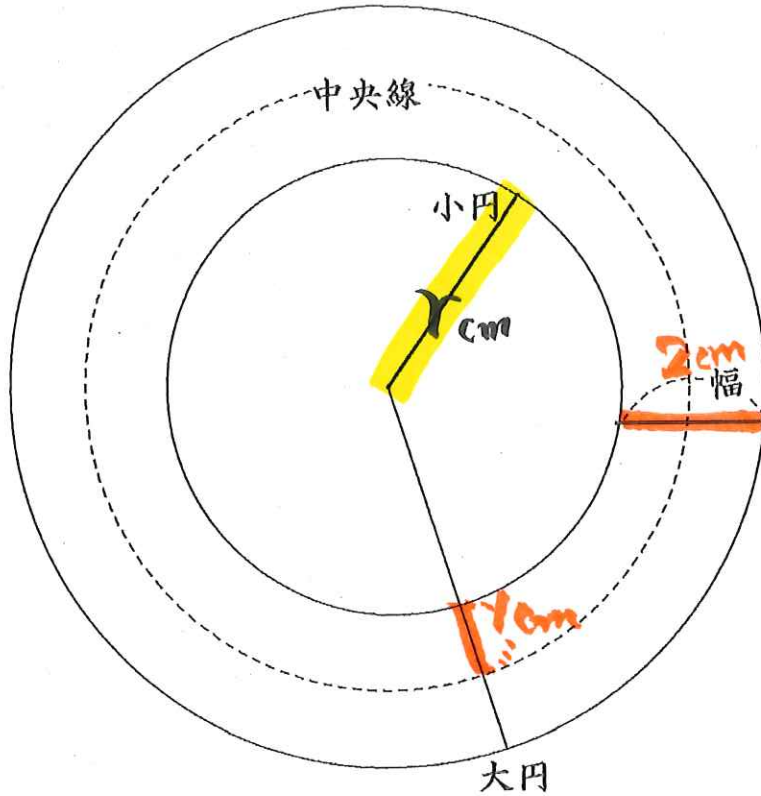
図のように

半径 r cm の円の周囲に
幅 2 cm のドーナツ型を
つける。

つぎのそれぞれについて、順に答えなさい。

$$S = \pi r^2$$

$$l = 2\pi r$$



① 小円の面積

$$\pi r^2 \text{ cm}^2$$

④ ドーナツ型の中央線の長さ

$$2 \times \pi \times (r+1)$$

② 大円の面積

$$\begin{aligned} \pi (r+2)^2 \\ = \pi (r^2 + 4r + 4) \end{aligned} \text{ (cm}^2\text{)}$$

⑤ 中央線×幅

$$\begin{aligned} 2\pi (r+1) \times 2 \\ = 4\pi (r+1) \end{aligned} \text{ (cm}^2\text{)}$$

③ ドーナツ型の面積を

①, ②から求める

$$\begin{aligned} \pi (r^2 + 4r + 4) \\ - \pi (r^2) \end{aligned}$$

⑥ ③と⑤をくらべよ

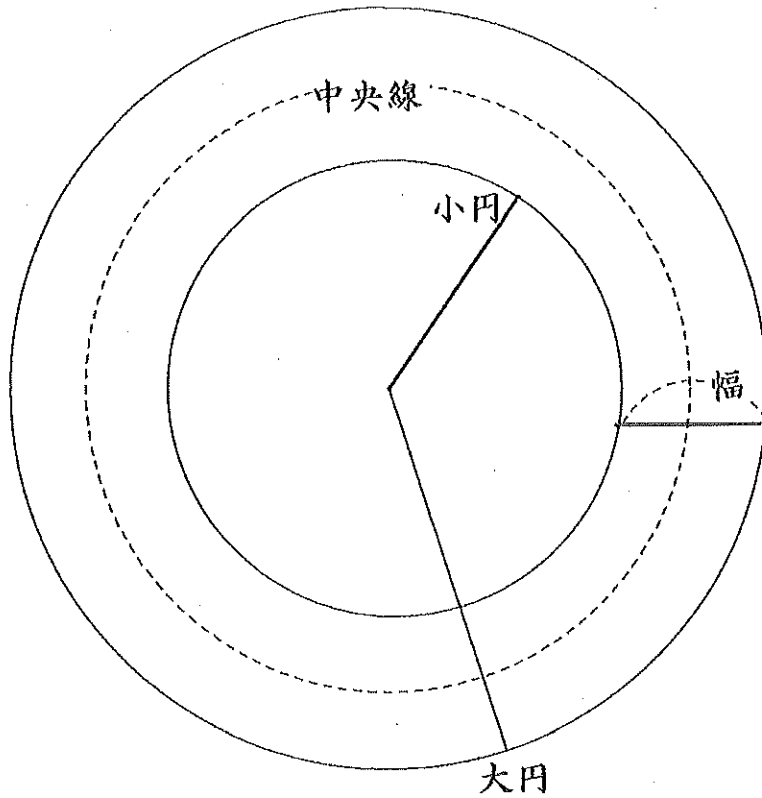
$$\textcircled{3} = \textcircled{5}$$

$$= \pi (4r + 4) = 4\pi (r+1) \text{ (cm}^2\text{)}$$

図のように

半径 r cm の円の周囲に
幅 2 cm のドーナツ型を
つける。

つぎのそれぞれについて、順に答えなさい。



①小円の面積

④ドーナツ型の中央線の長さ

②大円の面積

⑤中央線×幅

③ドーナツ型の面積を
①,②から求める

⑥③と⑤をくらべよ

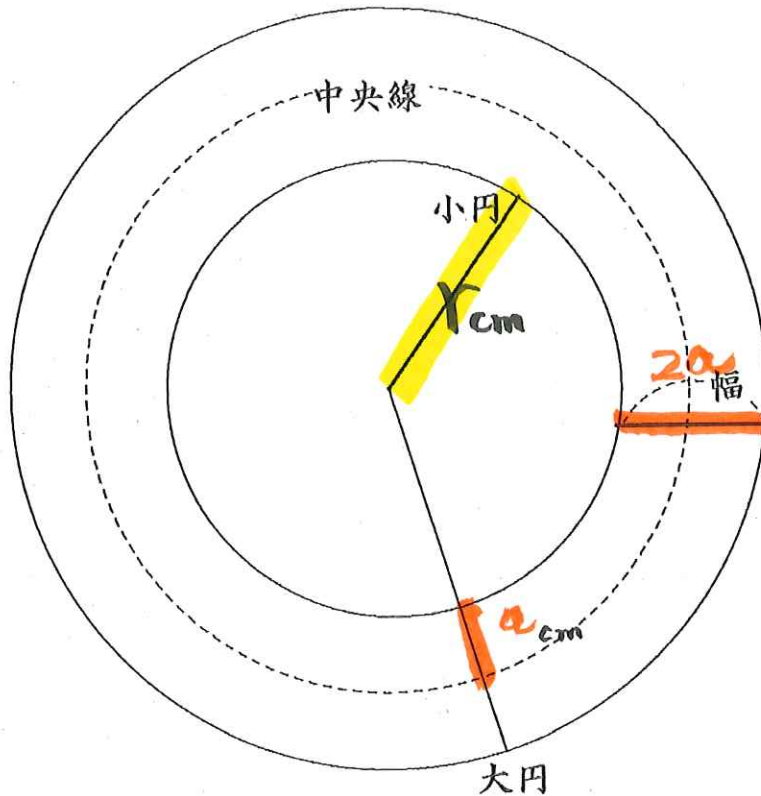
図のように

半径 $r\text{cm}$ の円の周囲に
幅 $2a\text{cm}$ のドーナツ型を
つける。

$$S = \pi r^2$$

$$l = 2\pi r$$

つぎのそれぞれについて、順に答えなさい。



① 小円の面積

$$\pi r^2 \text{ cm}^2$$

④ ドーナツ型の中央線の長さ

$$2\pi(r+a)$$

② 大円の面積

$$\pi \times (r+2a)^2$$

$$= \pi \times (r^2 + 4ar + 4a^2)$$

⑤ 中央線 × 幅

$$2\pi(r+a) \times 2a$$

$$= 4a\pi(r+a) \text{ (cm}^2\text{)}$$

③ ドーナツ型の面積を

①, ② から求める

$$\pi(r^2 + 4ar + 4a^2) - \pi r^2$$

$$= \pi(4ar + 4a^2)$$

$$= 4a\pi(r+a) \text{ (cm}^2\text{)}$$

⑥ ③ と ⑤ をくらべよ

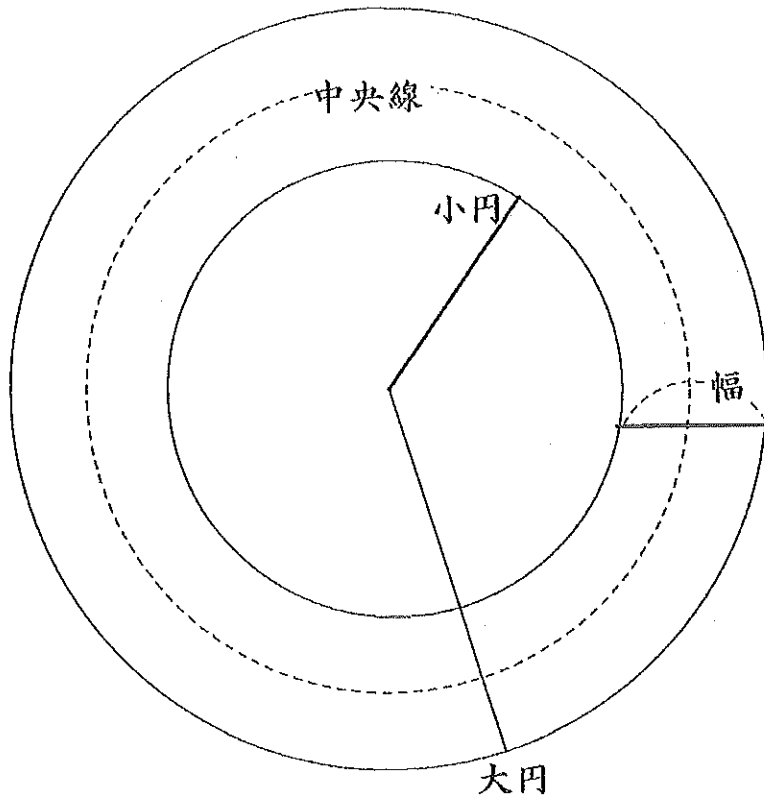
$$\textcircled{3} = \textcircled{5}$$

文字式の約束に従えば
 $4a\pi$ は $4\pi a$ かな。

図のように

半径 r cm の円の周囲に
幅 $2a$ cm のドーナツ型を
つける。

つぎのそれぞれについて、順に答えなさい。



①小円の面積

④ドーナツ型の中央線の長さ

②大円の面積

⑤中央線×幅

③ドーナツ型の面積を
①,②から求める

⑥③と⑤をくらべよ

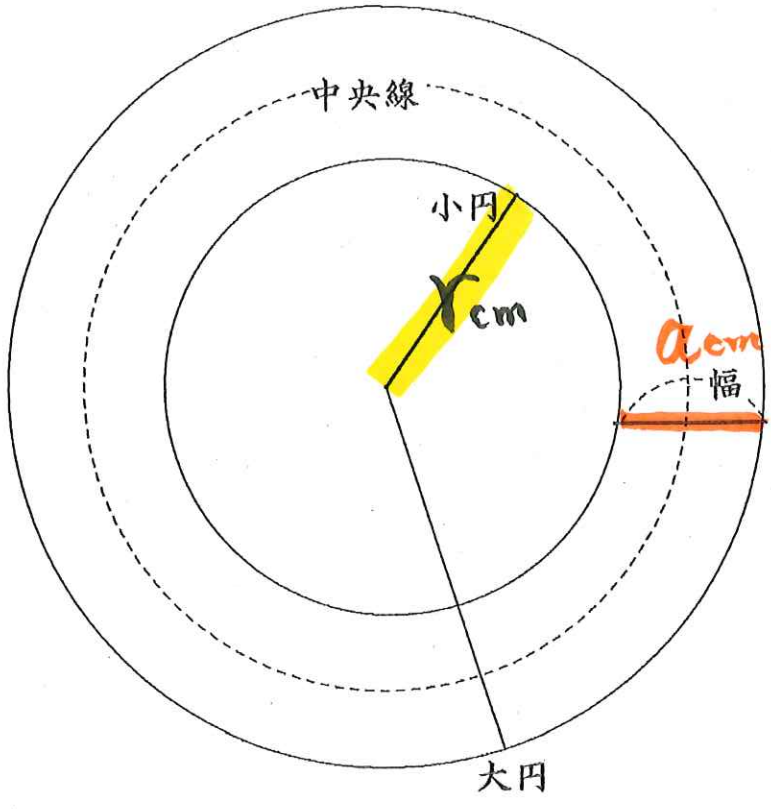
図のように

半径 r cm の円の周囲に
幅 a cm のドーナツ型を
つける。

$$S = \pi r^2$$

$$l = 2\pi r$$

つぎのそれぞれについて、順に答えなさい。



① 小円の面積

$$\pi r^2 \text{ cm}^2$$

② 大円の面積

$$\pi (r+a)^2$$

$$= \pi r^2 + 2\pi ar + \pi a^2 \text{ (cm}^2\text{)}$$

③ ドーナツ型の面積を

①, ② から求める

$$2\pi ar + \pi a^2 \text{ (cm}^2\text{)}$$

④ ドーナツ型の中央線の長さ

$$2 \cdot \pi \cdot \left(r + \frac{a}{2}\right)$$

$$= 2\pi r + \pi a$$

⑤ 中央線 × 幅

$$(2\pi r + \pi a) \times a$$

$$= 2\pi ar + \pi a^2 \text{ (cm}^2\text{)}$$

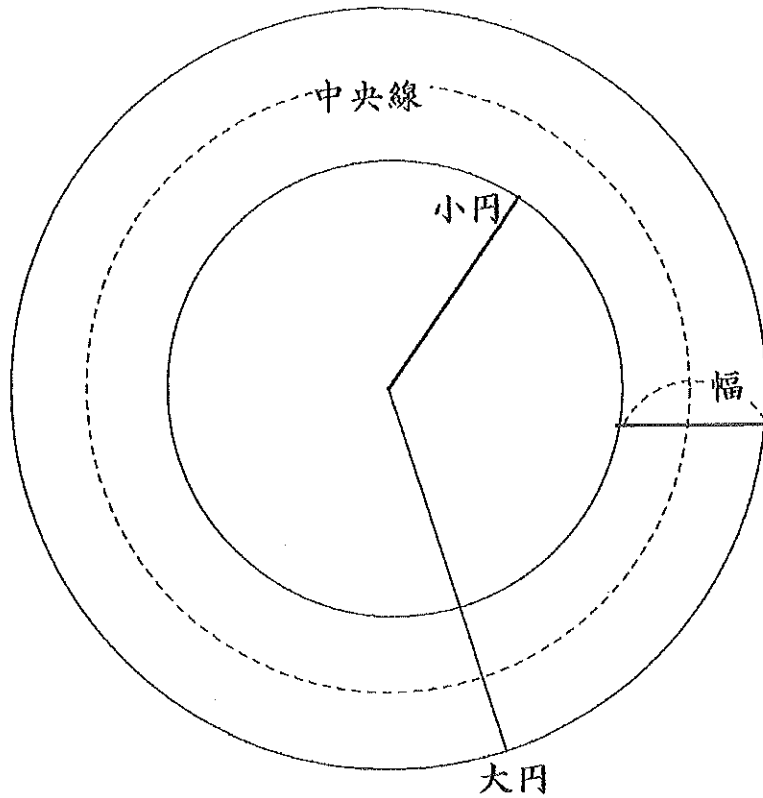
⑥ ③ と ⑤ をくらべよ

$$\textcircled{3} = \textcircled{5}$$

図のように

半径 r cm の円の周囲に
幅 a cm のドーナツ型を
つける。

つぎのそれぞれについて、順に答えなさい。



①小円の面積

④ドーナツ型の中央線の長さ

②大円の面積

⑤中央線×幅

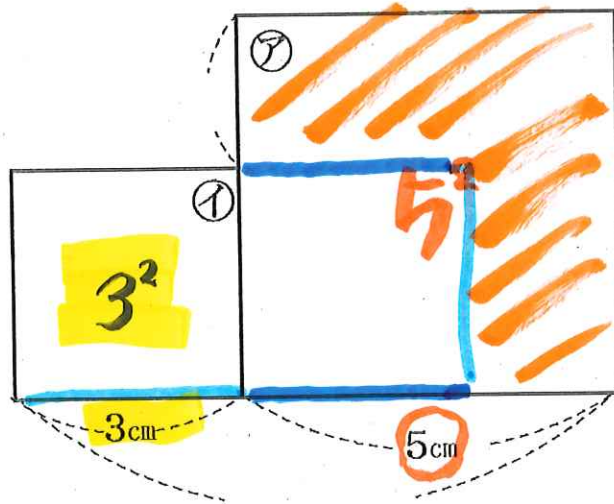
③ドーナツ型の面積を
①,②から求める

⑥③と⑤をくらべよ

1 辺が 5 cm の正方形の面積と
 1 辺が 3 cm の正方形の面積との

差は $5^2 - 3^2$ であるから
 $(5 + 3) \times (5 - 3)$ である。

[上の式を完成させなさい]



2つの正方形 ⑦と①の差を図示せよ。

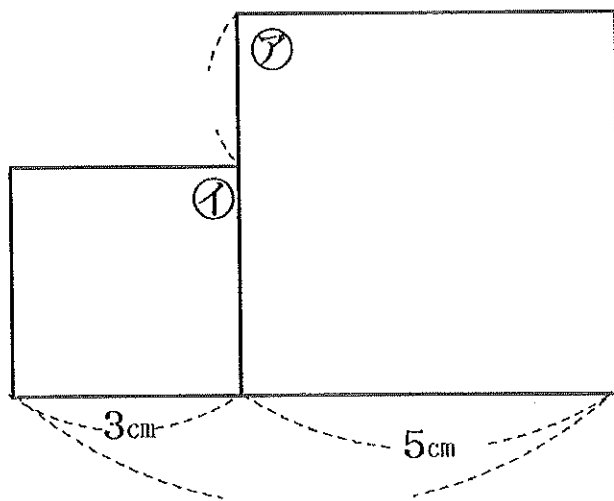
あまりおもしろくない

1 辺が 5 cm の正方形の面積と
 1 辺が 3 cm の正方形の面積との

差は $\square^2 - \square^2$ であるから

(+) × (-) である。

[上の式を完成させなさい]



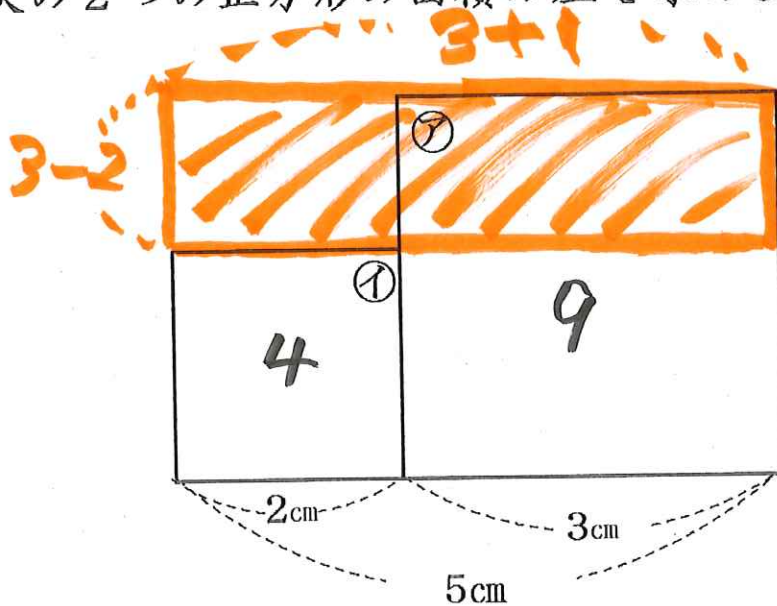
2 つの正方形 ㉡ と ㉠ の差を図示せよ。

1 辺が 3 cm の正方形の面積と
 1 辺が 2 cm の正方形の面積との

差は $\boxed{3}^2 - \boxed{2}^2$ であるから
 $(3 + 2) \times (3 - 2)$ である。

[上の式を完成させなさい]

次の 2 つの正方形の面積の差を求めよ



2 つの正方形 ② と ① の 差 を図示せよ。

9-4 とすると
 見えなくなるモノがある。

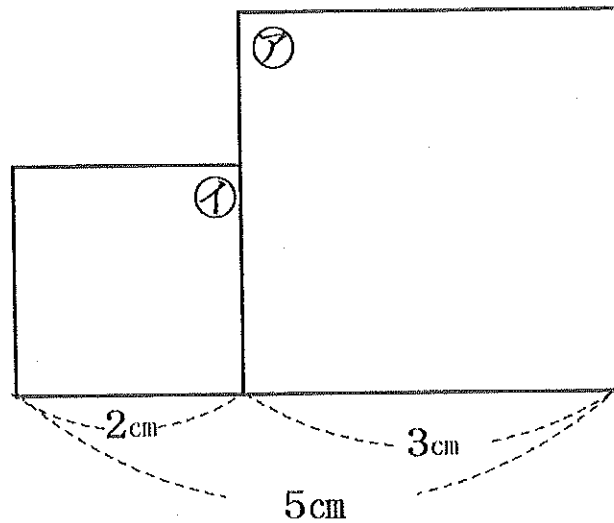
1 辺が 3 cm の正方形の面積と
 1 辺が 2 cm の正方形の面積との

差は $\square^2 - \square^2$ であるから

(+) × (-) である。

[上の式を完成させなさい]

次の 2 つの正方形の面積の差を求めよ

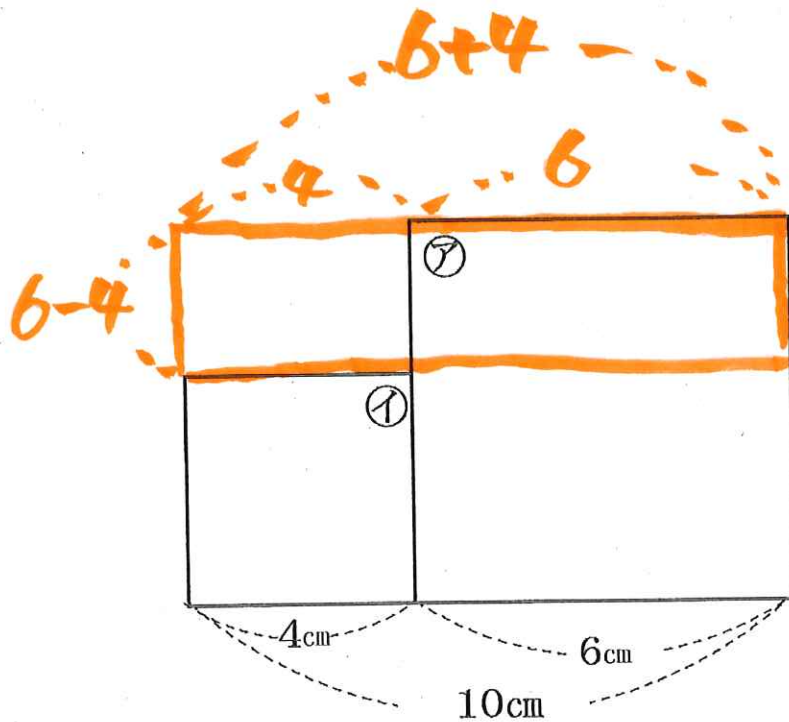


2 つの正方形 ㉗と㉘の差を図示せよ。

1 辺が 6 cm の正方形の面積と
1 辺が 4 cm の正方形の面積との

差は $\boxed{6}^2 - \boxed{4}^2$ であるから
 $(6 + 4) \times (6 - 4)$ である。

[上の式を完成させなさい]

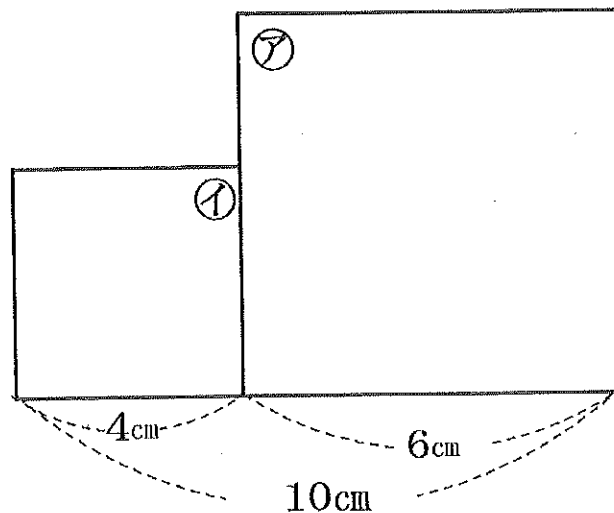


2つの正方形⑦と①の差を図示せよ。

1 辺が 6 cm の正方形の面積と
 1 辺が 4 cm の正方形の面積との

差は $\square^2 - \square^2$ であるから
 (+) \times (-) である。

[上の式を完成させなさい]



2 つの正方形 ⑥ と ④ の差を図示せよ。

$$a > b$$

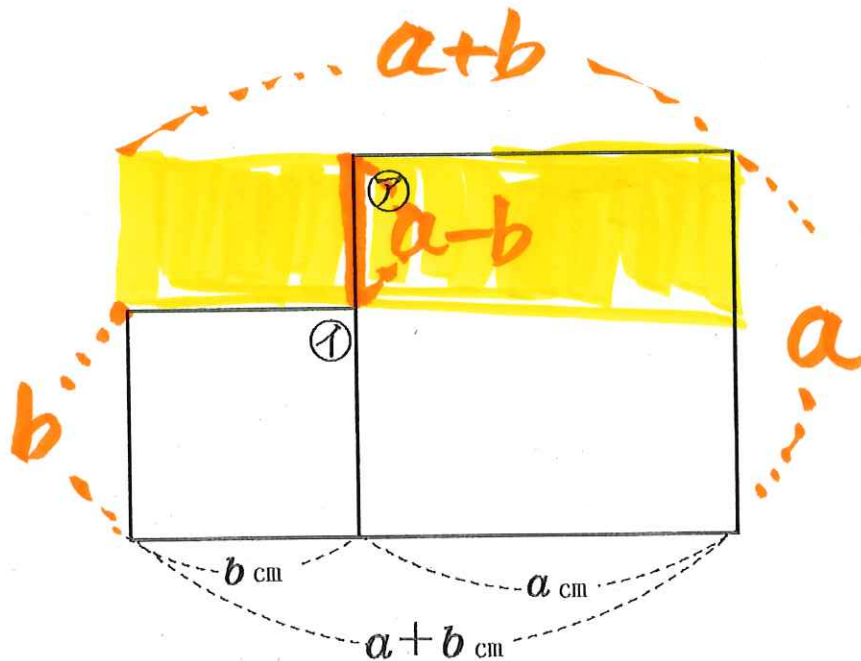
1 辺が a cm の正方形の面積と

1 辺が b cm の正方形の面積との

差は $a^2 - b^2$ であるから

$(a + b) \times (a - b)$ である。

[上の式を完成させなさい]



2つの正方形②と①の差を図示せよ。

$$a > b$$

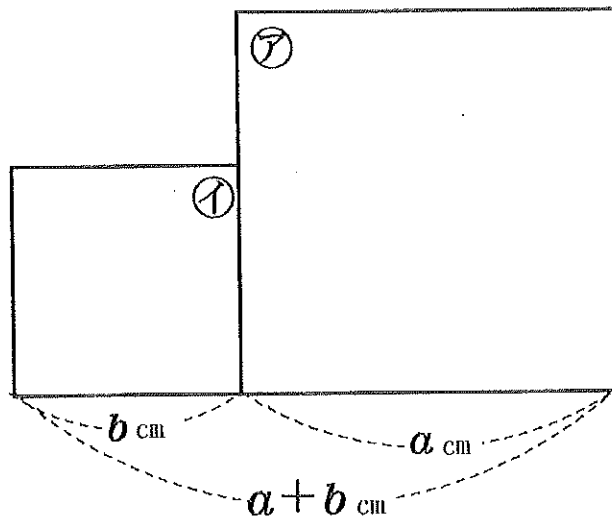
1 辺が a cm の正方形の面積と

1 辺が b cm の正方形の面積との

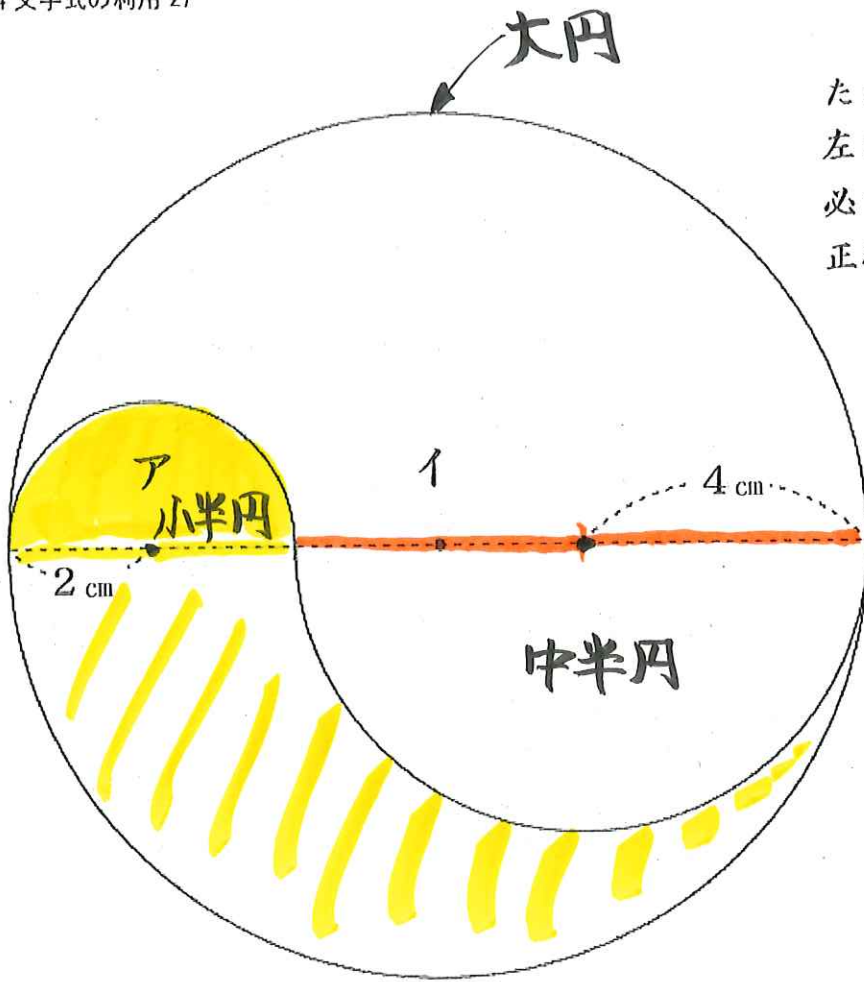
差は $\square^2 - \square^2$ であるから

(+) \times (-) である。

[上の式を完成させなさい]



2つの正方形②と①の差を図示せよ。



ただし
左の図の長さの比は
必ずしも
正確ではない。

小円の半径 2 cm
中円の半径 4 cm
大円の半径
 $(2 \times 2 + 4 \times 2) \div 2$
 $= 6 \text{ (cm)}$

アの面積を求める式 $\{ (\text{大半円} - \text{中半円}) + \text{小半円} \}$
 $= (\text{大円} - \text{中円} + \text{小円}) \div 2 \times 2 \div 2$
 $= (6^2\pi - 4^2\pi + 2^2\pi) \div 2 = 12\pi$

イの面積を求める式

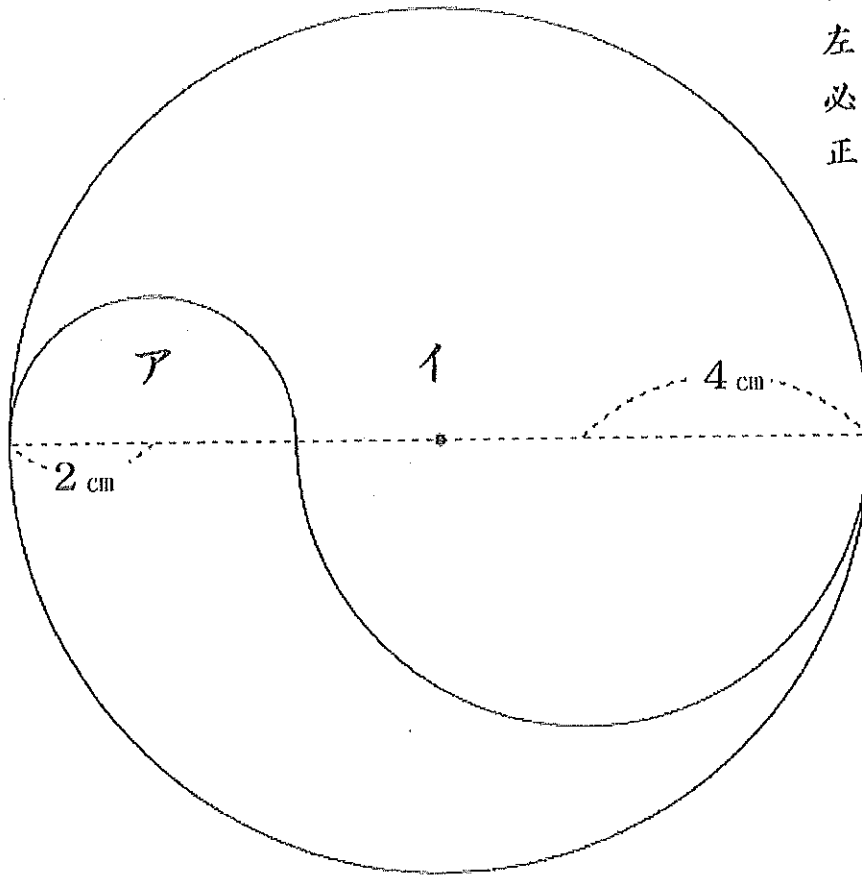
大半円 - 小半円 + 中半円
 $= \frac{6^2\pi}{2} - \frac{2^2\pi}{2} + \frac{4^2\pi}{2}$
 $= 18\pi - 2\pi + 8\pi = 24\pi$

ア ; イ ; (ア + イ)

$12\pi : 24\pi : 36\pi$
 $= 1 : 2 : 3$

$2 : 4 : (2+4)$
 $= 1 : 2 : 3$

ただし
左の図の長さの比は
必ずしも
正確ではない。

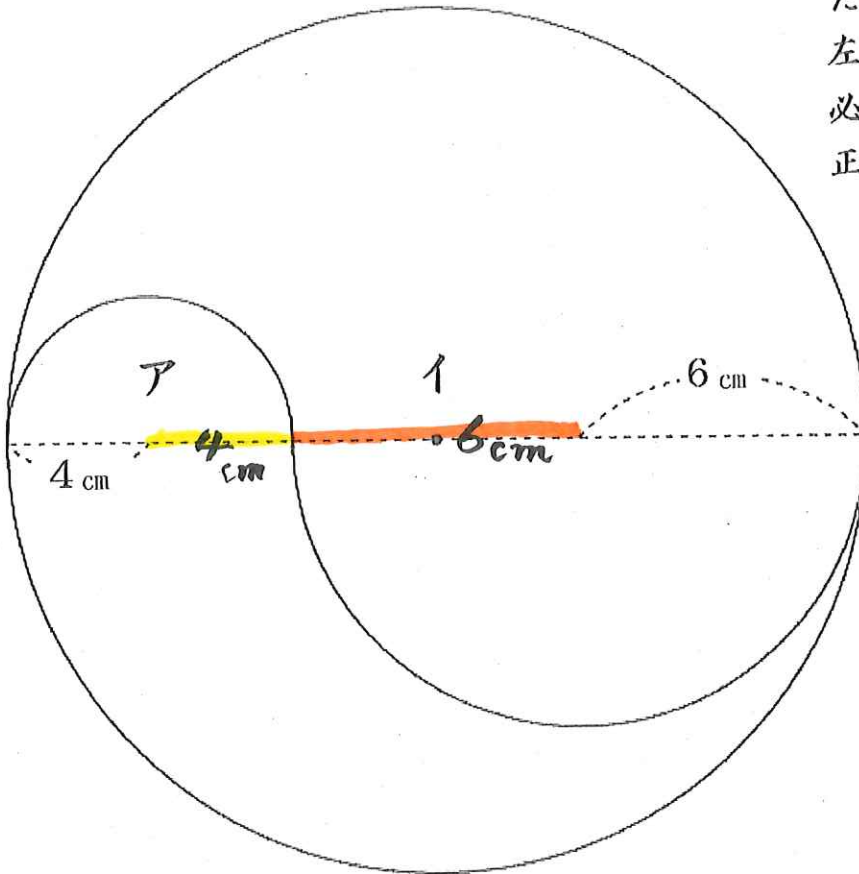


アの面積を求める式

イの面積を求める式

ア ; イ ; (ア + イ)

ただし
左の図の長さの比は
必ずしも
正確ではない。



アの面積を求める式

$$\frac{\text{大円}}{2} - \frac{\text{中円}}{2} + \frac{\text{小円}}{2} = \frac{10^2\pi}{2} - \frac{6^2\pi}{2} + \frac{4^2\pi}{2} = 50\pi - 18\pi + 8\pi = 40\pi \text{ (cm}^2\text{)}$$

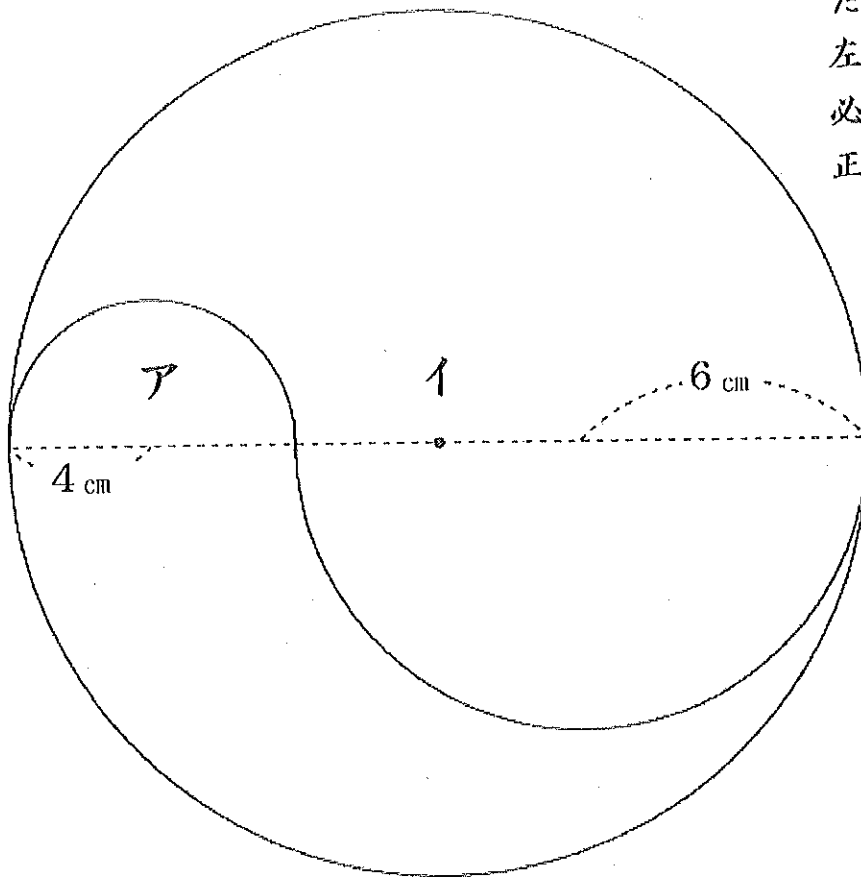
イの面積を求める式

$$\frac{\text{大円}}{2} - \frac{\text{小円}}{2} + \frac{\text{中円}}{2} = 50\pi - 8\pi + 18\pi = 60\pi \text{ (cm}^2\text{)}$$

ア ; イ ; (ア + イ)

$$40\pi : 60\pi : 100\pi = 2 : 3 : 5$$

小円 a 半径 4 cm
中円 a 半径 6 cm
大円 a 半径 10 cm
4 : 6 : 10
= 2 : 3 : 5



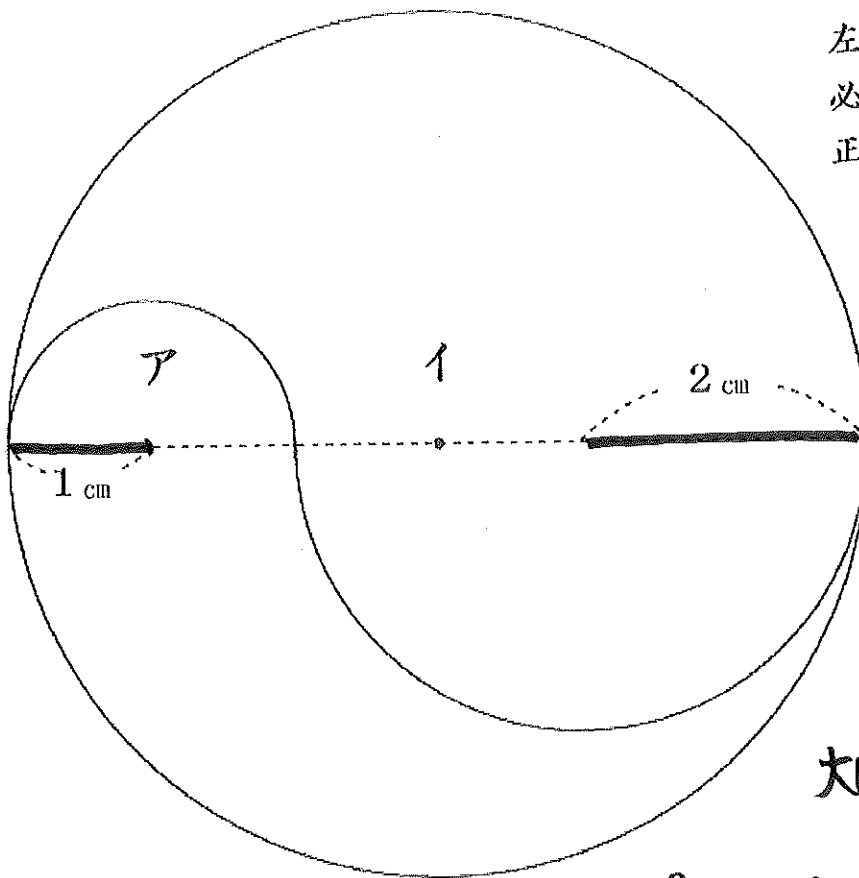
ただし
左の図の長さの比は
必ずしも
正確ではない。

アの面積を求める式

イの面積を求める式

ア ; イ ; (ア + イ)

ただし
 左の図の長さの比は
 必ずしも
 正確ではない。



小円の半径 1cm
 中円の半径 2cm
 大円の半径 3cm

アの面積を求める式 $\frac{9}{2}\pi - \frac{4}{2}\pi + \frac{1}{2}\pi = 3\pi$

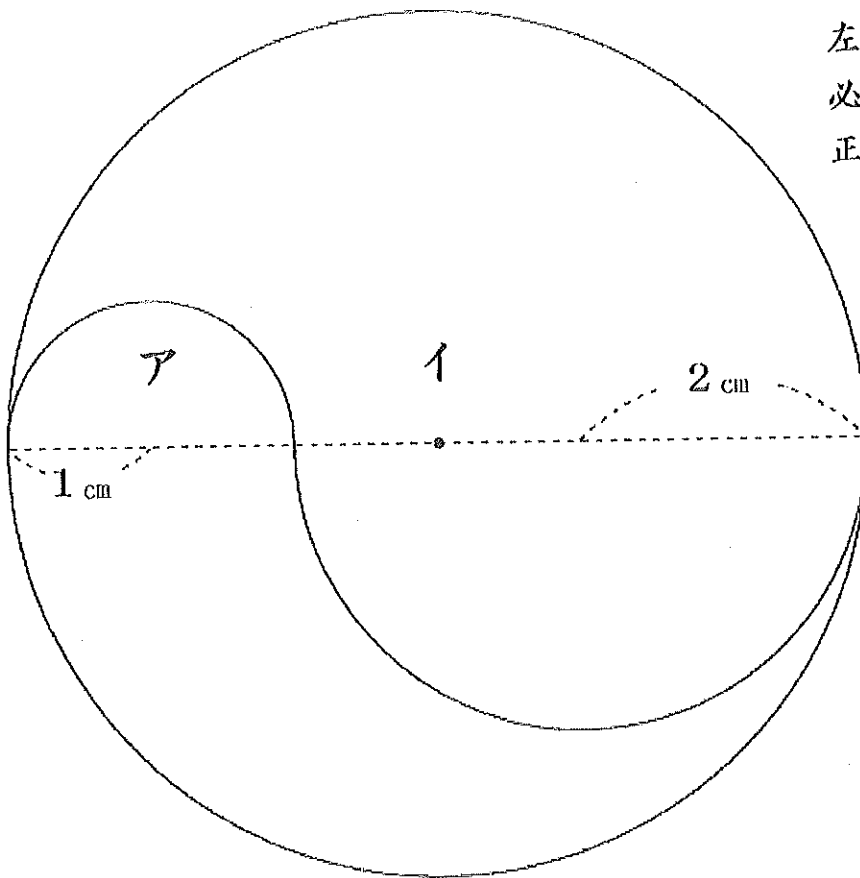
イの面積を求める式 $\frac{9}{2}\pi - \frac{1}{2}\pi + \frac{2}{2}\pi = 6\pi$

ア ; イ ; (ア + イ)

$3\pi : 6\pi : (3+6)\pi$

1 : 2 : 3

ただし
左の図の長さの比は
必ずしも
正確ではない。

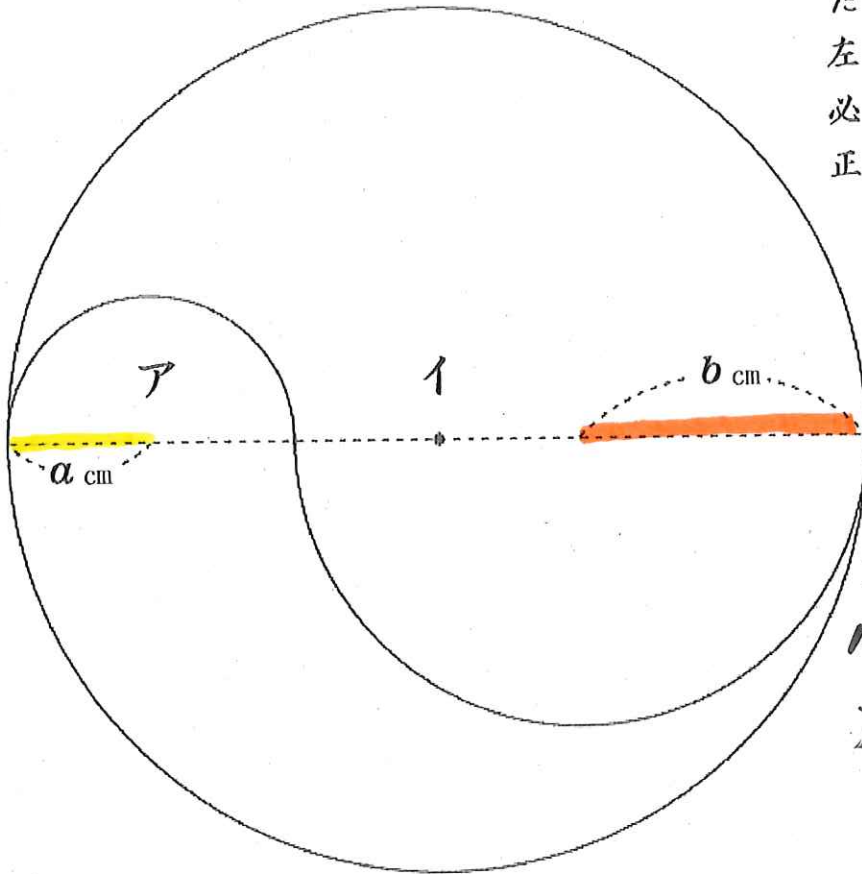


アの面積を求める式

イの面積を求める式

ア ; イ ; (ア + イ)





ただし
左の図の長さの比は
必ずしも
正確ではない。

小円の半径 a cm
中円の半径 b cm
大円の半径 $a+b$ (cm)

アの面積を求める式

$$\frac{(a+b)^2\pi}{2} - \frac{b^2\pi}{2} + \frac{a^2\pi}{2}$$

$$= \frac{1}{2}\pi \{(a^2+2ab+b^2) - b^2 + a^2\} = \frac{1}{2}\pi(2a^2+2ab)$$

$$= \pi a(a+b)$$

イの面積を求める式

$$\frac{1}{2}\pi \{(a^2+2ab+b^2) - a^2 + b^2\} = \frac{1}{2}\pi(2ab+2b^2)$$

$$= \pi b(a+b)$$

ア ; イ ; (ア+イ)

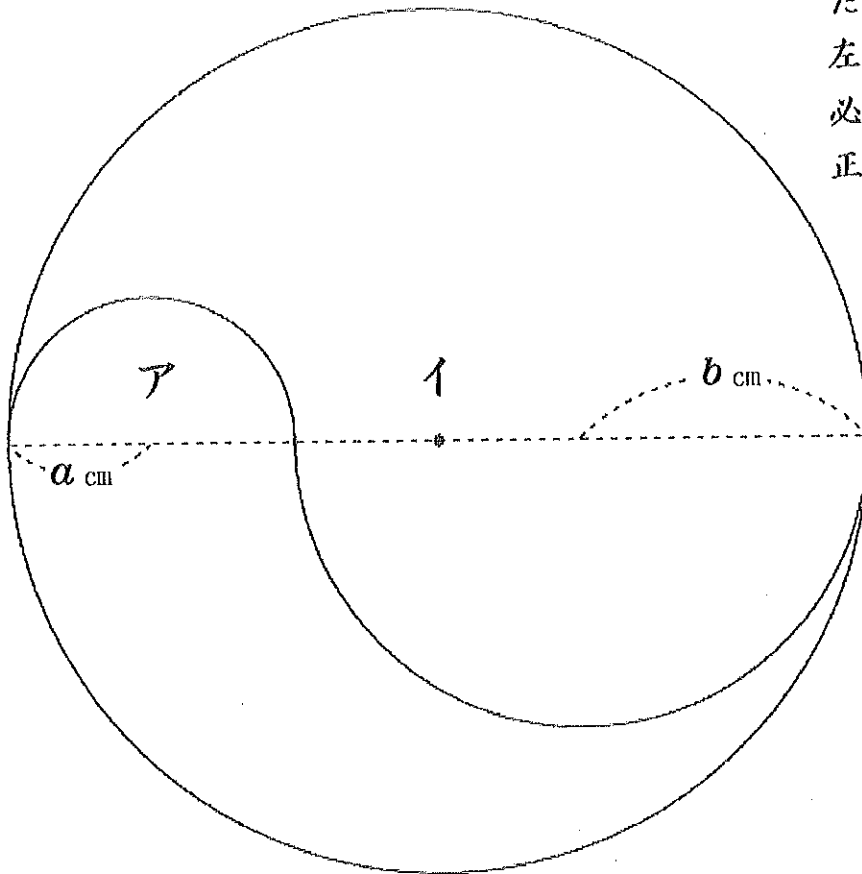
$$\pi a(a+b)$$

$$: \pi b(a+b)$$

$$: \pi(a+b)^2$$

$$= a : b : (a+b)$$

ただし
左の図の長さの比は
必ずしも
正確ではない。



アの面積を求める式

イの面積を求める式

ア ; イ ; (ア + イ)