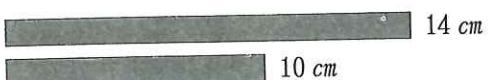


第1章 和 差 算

次の図のよう



長さが [14 cm] のテープと
[10 cm] のテープがあります。

この [2本のテープ] の
[長さの和] と [長さの差] を求めなさい。

[和] とは [たし算の結果] で、
[差] とは [ひき算の結果] です。

[2本のテープ] の
[長さの和] は、 [10 cm + 14 cm] で
[24 cm] になります。

また、

[2本のテープ] の
[長さの差] は、 [14 cm - 10 cm] で
[4 cm] になります。

[和] と [差] の意味を知つておれば
かんたんな問題です。

さて、今は、

[2本] の [テープ] の [それぞれの長さ]
[大の 14 cm] と [小の 10 cm] が

分かっていて、

[2本のテープ] の
[和] = [14 cm + 10 cm] = [24 cm] と
[差] = [14 cm - 10 cm] = [4 cm] を
求めました。

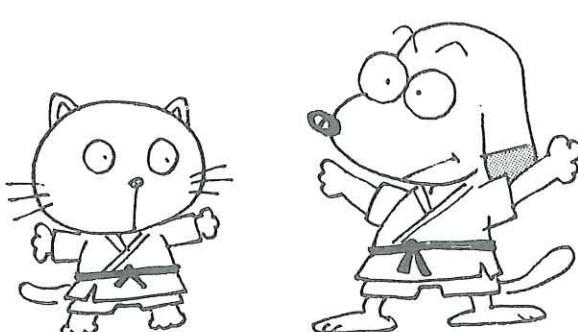
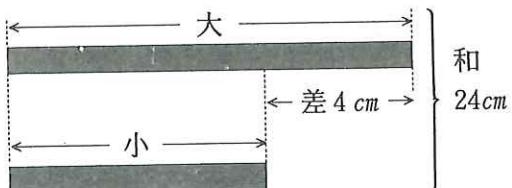
これを、 [逆] にして、
次のような問題を考えます。

第1節 [和と差] から [大と小] を求める 1

例 1

[2本のテープ] の
[長さの和] = [24 cm] と
[長さの差] = [4 cm] が分かっている時

[2本のテープ] のそれぞれの長さ
[大の長さ] と [小の長さ] とを
求めなさい。



【解き方1-1】

[小]を先に求めます



長さ不明の[大]があって、
長さ不明の[小]。

[大]と[小]の[和]は
[24 cm]です。

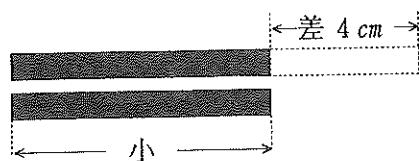


[大]と[小]の[差]は
[4 cm]です。



ここに並べた[大]と[小]について、

[小]はそのまま置き、
[大]の方から[4 cm]を引くと、
次の部分が残り、
[小]が[2本分]となります。



それは、

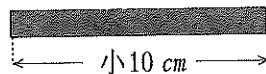
[和]の[24 cm]から、
[差]の[4 cm]を引いたものでもあります。
[20 cm]です。

この[20 cm]は、
[小]の[2本分]ですから、

当然、
[小1本分]

$$= [20 \text{ cm} \div 2]$$

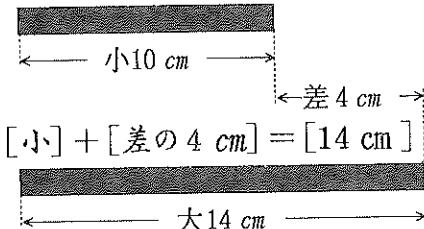
= [10 cm]となります。



$$(24 - 4) \div 2 = [10]$$

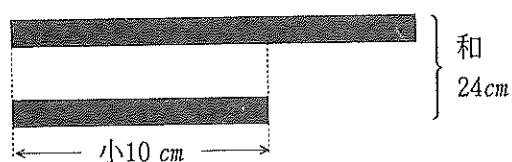
公式として、
(和 - 差) ÷ 2 = [小]です。

[小]が決まつたら、
[大]は、

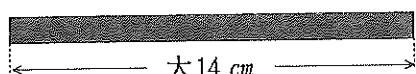


として求めるか、

$$\begin{aligned} & [\text{大}] \\ & = [\text{和}] - [\text{小}] \\ & \text{として、} \end{aligned}$$



[和] = [24 cm]から
[小] = [10 cm]を引いて、



[大] = [14 cm]が求められます。

今、

[小]を先に求めましたが、
[大]を先に求めてみます。

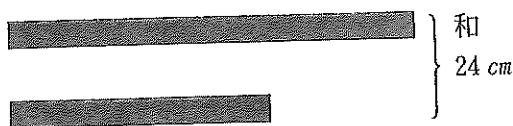
【解き方1-2】

[大] を先に求めます

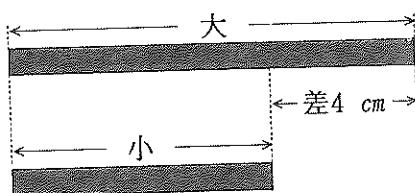


長さ不明の [大] がって、
長さ不明の [小] がって、

[大] と [小] の [和] は
[24 cm] です。

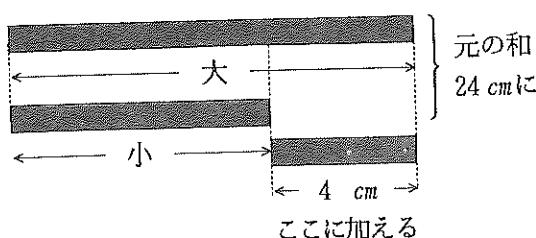


[大] と [小] の [差] は
[4 cm] です。



ここに並べた [大] と [小] について、

[大] はそのまま置き、
[小] の方に [4 cm] を加えると、
[大] が [2本分] となります。



それは、

[和] の [24 cm] に、
[差] の [4 cm] を加えたものもあるから、
[28 cm] です。



ですから、
当然、[大1本分] は、
[28 cm ÷ 2] で
[14 cm] となります。

$$(24 + 4) \div 2 = [14]$$

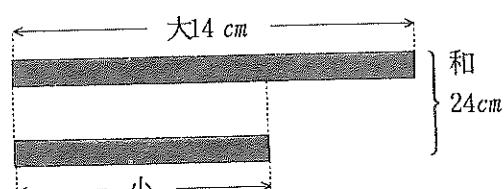
公式として、
 $(\text{和} + \text{差}) \div 2 = [\text{大}]$ です。

[大] = [14 cm] が求まつたら、

$$\begin{aligned} &[\text{小1本分}] \\ &= [\text{大}] - [\text{差}] \\ &= [14 \text{ cm}] - [4 \text{ cm}] \\ &= [10 \text{ cm}] \end{aligned}$$

として求めるか、

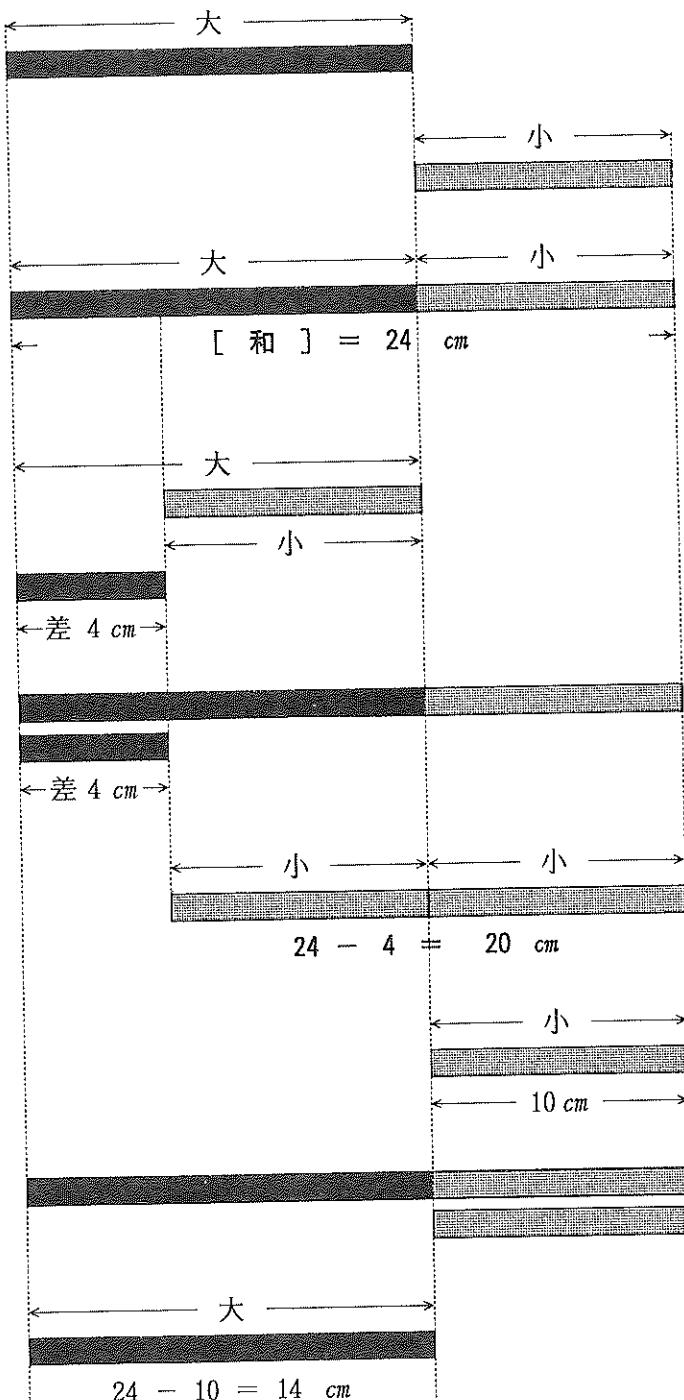
あるいは、
[和] = [24 cm] から
[大] = [14 cm] を引くことによって、



[小] = [10 cm] が求められます。

【解き方 2-1】

[小]を先に求めます



長さ不明の
[大] がって、

長さ不明の
[小] がって、

[大] と [小] の
[和] は
[24 cm] です。

[大] の内側に
[小] をとります。

[大] と [小] の [差] は
[4 cm] です。

[和] から
[差] の
[4 cm] を引くと、

[小2つ分] になります。
[小2つ分] は
[20 cm] です。

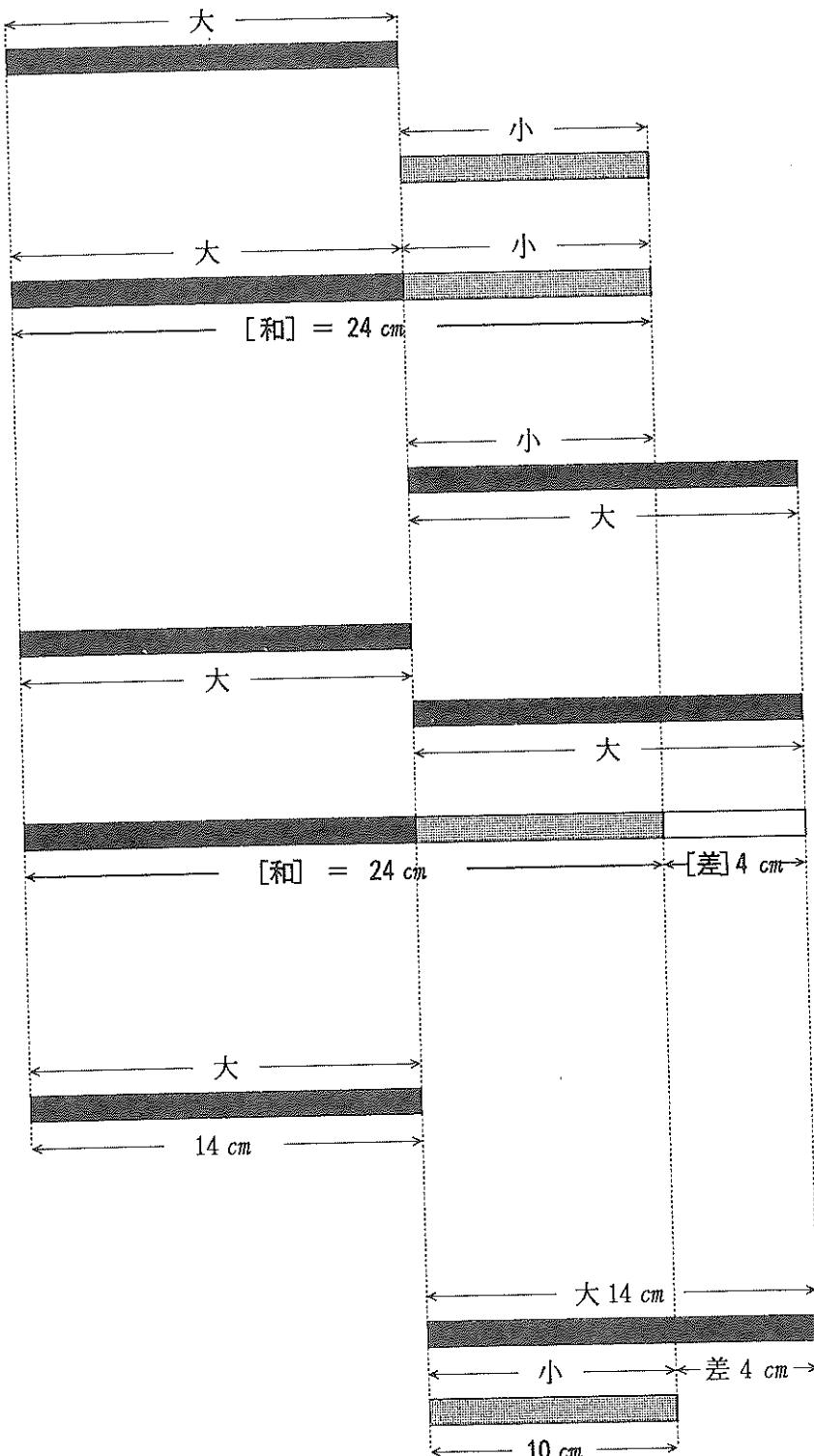
ですから、
[小1つ分] は
[10 cm] です。

[和] [24 cm] から
[小] [10 cm] を引けば

$$\begin{aligned}[大] &= [24 - 10] \\ &= [14 \text{ cm}] \text{ が、残る。}\end{aligned}$$

【解き方 2-2】

[大]を先に求めます



長さ不明の
[大] がって、

長さ不明の
[小] がって、

[大] と [小] の
[和] は
[24 cm] です。

[小] をこえて
[大] をとります。

[元の大] に

[新たな大] を加えると、

$$[24 \text{ cm} + 4 \text{ cm}] = [28 \text{ cm}]$$

[大2つ分] となります。

とすれば、

$$[\text{大1つ分}] \text{ は}$$

$$[28 \text{ cm} \div 2] = [14 \text{ cm}]$$

[小] は [大] より
[4 cm] 短いのだから、

$$[\text{小}] = [14 \text{ cm} - 4 \text{ cm}]$$

$$= [10 \text{ cm}]$$

次のそれぞれの問題の、
[大]と[小]
[それぞれの数量]を求めなさい。

類題 1

大と小2つの数の和が24で
その差は4です。
大と小それぞれの数を求めなさい。

$$(\text{和} - \text{差}) \div 2 = [\text{小}]$$

$$(24 - 4) \div 2 = [10]$$

$$(\text{和} + \text{差}) \div 2 = [\text{大}]$$

$$(24 + 4) \div 2 = [14]$$

検 算

$$[\text{大}] + [\text{小}] = [\text{和}]$$

$$[14] + [10] = [24]$$

$$[\text{大}] - [\text{小}] = [\text{差}]$$

$$[14] - [10] = [4]$$

類題 2

[大]と[小]2つの数の[和が40]で
その[差は10]です。
[大]の数量を求めなさい。
[小]の数量を求めなさい。

$$(\text{和} - \text{差}) \div 2 = [\text{小}]$$

$$(40 - 10) \div 2 = [15]$$

$$(\text{和} + \text{差}) \div 2 = [\text{大}]$$

$$(40 + 10) \div 2 = [25]$$

検 算

$$[\text{大}] + [\text{小}] = [\text{和}]$$

$$[25] + [15] = [40]$$

$$[\text{大}] - [\text{小}] = [\text{差}]$$

$$[25] - [15] = [10]$$

類題 3

兄と弟の所持金の合計は40円で
兄は弟よりも10円多く持っています。
兄と弟の所持金はそれぞれ何円ですか。

$$(\text{和} - \text{差}) \div 2 = [\text{弟}]$$

$$(40\text{円} - 10\text{円}) \div 2 = [15\text{円}]$$

$$(\text{和} + \text{差}) \div 2 = [\text{兄}]$$

$$(40\text{円} + 10\text{円}) \div 2 = [25\text{円}]$$

けん さん
検 算

$$[\text{兄}] + [\text{弟}] = [\text{和}]$$

$$[25\text{円}] + [15\text{円}] = [40\text{円}]$$

$$[\text{兄}] - [\text{弟}] = [\text{差}]$$

$$[25\text{円}] - [15\text{円}] = [10\text{円}]$$

類題 4

400円のお金を分けるのに
兄は弟よりも100円多くもらいました。
兄と弟はそれぞれ何円ずつもらいましたか。

$$(\text{和} + \text{差}) \div 2 = [\text{兄}]$$

$$(400\text{円} + 100\text{円}) \div 2 = [250\text{円}]$$

$$(\text{和} - \text{差}) \div 2 = [\text{弟}]$$

$$(400\text{円} - 100\text{円}) \div 2 = [150\text{円}]$$

けん さん
検 算

$$[\text{兄}] + [\text{弟}] = [250\text{円}] + [150\text{円}] = [400\text{円}]$$

$$[\text{兄}] - [\text{弟}] = [250\text{円}] - [150\text{円}] = [100\text{円}]$$

類題 5

AからBを引くと5で
AとBを加えると45になります。
AとBそれぞれの数を求めなさい。

$$(\text{和} + \text{差}) \div 2 = [\text{大}]$$

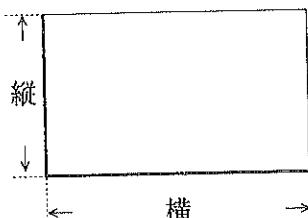
$$(45 + 5) \div 2 = [25] = [\text{A}]$$

$$(\text{和} - \text{差}) \div 2 = [\text{小}]$$

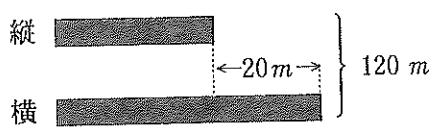
$$(45 - 5) \div 2 = [20] = [\text{B}]$$

類題 6

長方形の縦と横の和が 120 m で、
横は縦よりも 20 m 長い。
長方形の縦と横はそれぞれ何 m ですか。



このままの図では、
少し考えにくいかもしれないで、
縦も横にたおしてならべてみます。



これで、
今まで見てきたのと同じ
[和差算]となりました。

$$\begin{aligned} & (\text{和} - \text{差}) \div 2 \\ &= [\text{小}] \\ &= [\text{縦}] \\ &= (120\text{ m} - 20\text{ m}) \div 2 \\ &= [50\text{ m}] \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} & (\text{和} + \text{差}) \div 2 \\ &= [\text{大}] \\ &= [\text{横}] \\ &= (120\text{ m} + 20\text{ m}) \div 2 \\ &= [70\text{ m}] \end{aligned}$$

検 算

$$\begin{aligned} & [\text{縦} + \text{横}] = [\text{和}] \\ &= [70\text{ m} + 50\text{ m}] \\ &= [120\text{ m}] \end{aligned}$$

[和差算] とは

[大] も
[小] も分かっていないけれど、
[大と小の和] と
[大と小の差] が分かっている時、
[大の量] と [小の量] を
[求める] 問題です。

[和差算] の解き方

$$(\text{和} - \text{差}) \div [2] = [\text{小}]$$

$$(\text{和} + \text{差}) \div [2] = [\text{大}]$$

$$\begin{aligned} & [\text{和}] - [\text{小}] = [\text{大}] \\ & [\text{和}] - [\text{大}] = [\text{小}] \end{aligned}$$

今見てきた問題は、すべて

[和] や [差] が
[直接的] に示されている問題

でした。次に、

[和] や [差] が
[間接的] に示されている問題

を考えてみよう。

第2節 [和と差] から [大と小] を求める 2

[和] や [差] が
[間接的] に示されている問題

例 2-1

大と小 2 つの数の和の半分が 20 で
その差は 10 です。
大と小それぞれの数量を求めなさい。

[大と小]、[2つの数の和] の [半分] が
[20] だというのですから、
[大と小] の [2つの数の和] は [40] です。

これが分かれば、
[第1節] の [類題2] の問題と同じです。

例 2-3

大と小 2 つの数の和の 5 倍が 200 で
その差の 20 倍も 200 です。
大と小それぞれの数量を求めなさい。

[和の 5 倍] が [200] ですから、
[和] = $[200 \div 5] = [40]$ です。

[差の 20 倍] が [200] ですから、
[差] = $[200 \div 20] = [10]$ です。

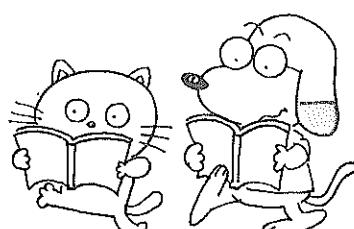
これらのこと分かれば、
上の問題と同じです。
答えも同じです。

例 2-2

大と小 2 つの数の平均が 20 で
その差は 10 です。
大と小それぞれの数量を求めなさい。

[大と小]、[2つの数の平均] が
[20] だというのですから、
[大と小] の [2つの数の和] は
[20] の 2 倍の [40] です。

これが分かれば
上の [例 2-1] 同じ問題です。
答えも同じです。



例 2-4

テスト2回の平均点が80点で
2回目は1回目より10点高かった。
1回目・2回目それぞれ何点でしたか。

[テスト2回]の[平均点が80点]ですから、

$$\begin{aligned} & [\text{テスト2回の和}] \\ & = [80 \text{点} \times 2] = [160 \text{点}] \end{aligned}$$

$$[\text{差}] = [10 \text{点}]$$

[和]が[160点]で、
[差]が[10点]です。

あとは、
今までの問題と同じです。

$$\begin{aligned} & [\text{1回目}] \\ & = (160 \text{点} - 10 \text{点}) \div 2 \\ & = [75 \text{点}] \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} & [\text{2回目}] \\ & = (160 \text{点} + 10 \text{点}) \div 2 \\ & = [85 \text{点}] \end{aligned}$$

例 2-5

昼が夜よりも2時間長かった。
昼と夜はそれぞれ何時間であったか。

この問題の難しさのポイントは

① 1日を、[昼と夜]に分けるだけで、
[朝]や[夕方]はないという、
算数上の習慣を知っているなければならない。

② [昼と夜の時間の和]の[24]を使う、
と気づく必要がある、
という点です。
これが分かっていれば単純な問題です。

$$\begin{aligned} [\text{昼}] & = (24 \text{時間} + 2 \text{時間}) \div 2 \\ & = [13 \text{時間}] \\ [\text{夜}] & = (24 \text{時間} - 2 \text{時間}) \div 2 \\ & = [11 \text{時間}] \end{aligned}$$

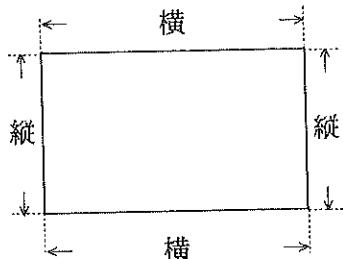
例 2-6

長方形の周囲が240mで
横は縦よりも20m長い。

- ① 長方形の縦と横はそれぞれ何mですか。
- ② この長方形の面積は何m²ですか。

気をつけなくてはいけないのは、
[長方形の周囲]は
[縦+横ではない]、
ということです。

[縦+横]は、
[周囲の240m]ではなくて、
[半分の120m]です。



$$\begin{aligned} & \text{① } (120 \text{m} - 20 \text{m}) \div 2 = 50 \text{m} \quad \text{縦} \\ & \quad (120 \text{m} + 20 \text{m}) \div 2 = 70 \text{m} \quad \text{横} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} & \text{縦横の和 } 120 \text{m} \times 2 = 240 \text{m} \\ & = \text{長方形の周囲} \end{aligned}$$

$$\text{② } 50 \text{m} \times 70 \text{m} = 3500 \text{m}^2$$

第3節 [和と差] から [大・中・小] を求める

第1節では、
[大] と [小] の [2つの数] がって、

[大と小の和] と
[大と小の差] が分かっているとき、

[大の大きさ] と [小の大きさ] を
求める方法を考えました。

次に、

[大・中・小] の [3つの数の和] と、
[大・中・小] の [3つの数の間の差] が
[2通り] 分かっていて、
[大・中・小] の [それぞれの大きさ] を
求める問題を考えます。

例 3-1

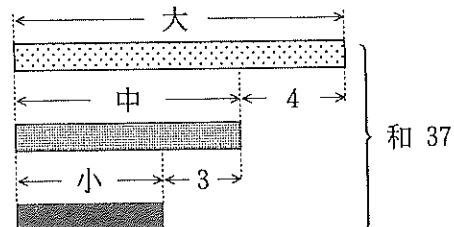
[3つの数] の [和] が [37]

[大と中の差が 4] [中と小の差が 3]
と分かっている時

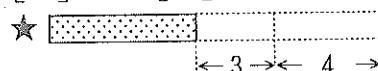
[大・中・小] の
[それぞれの大きさ] を求めなさい。

【解き方 1】

[小] を先に求めます



[大] を [小] の大きさにするには、
[大] から [4] と [3] を引きます。



[中] を [小] の大きさにするには、
[中] から [3] を引きます。



[小] は [小] です。



と言っても、
[大・中・小] それぞれの大きさが
わかっていないから、
[和の 37] から
[大と小の差] の [4 と 3] と、
[中と小の差] の [3] を引きます。
すると、
[小 3 つ分 ★★★] の大きさになります。

これは、

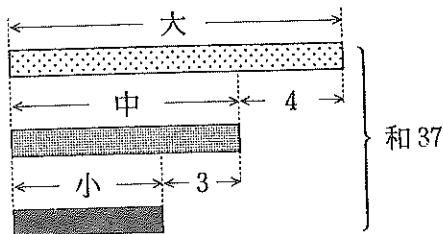
[和の 37] から
[差 4 と、差 3 の 2 倍] とを引くことになります。
よって、

$$\begin{aligned} & [\text{小 1 つ分}] \\ & = \{37 - (4 + 3 \times 2)\} \div 3 = [9] \\ & [\text{中 1 つ分}] = 9 + 3 = [12] \\ & [\text{大 1 つ分}] = 9 + 3 + 4 = [16] \end{aligned}$$

このとき、注意すべきことは、
図に表わすと間違わないことだが、
文章から直接、式に表わそうとすると、
[大] と [小] の [差] にあるはずの
[3] が [1つ]
[問題文] の中には表われない、
ということです。

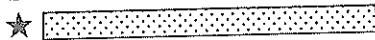
【解き方2】

[大]を先に求めます

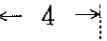


和37

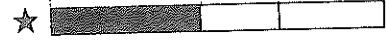
[大]は[大]



[中]に[4]を加えて[大]



[小]に[3]と[4]を加えて[大]



と言っても、

[大・中・小] それぞれの大きさが

わかっていますから、

[和の37]に

[大と中の差] の[4]と

[大と小の差] の[3+4]を加えます。

すると、

[大3つ分★☆☆] の大きさになります。

よって、

[大1つ分]

$$= \{37 + (4 + 3 + 4)\} \div 3 = [16]$$

[中1つ分] = 16 - 4

$$= [12]$$

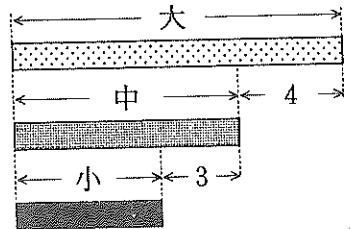
[小1つ分] = 16 - 4 - 3

$$= [9]$$

このとき、注意すべきことは、
図に表わすと間違わないことだが、
文章から直接、式に表わそうとすると、
[大]と[小]の[差]にあるはずの
[4]が[1つ]
[問題文]の中には表われない、
ということです。

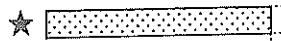
【解き方3】

[中]を先に求めます



和37

[大]から
[4]を引いて
[中]と同じ



[中]は[中]

[小]に
[3]を加えて
[中]と同じ

そして、

[大・中・小]の全てが
[中]になりました。

[大・中・小] それぞれの大きさが
わかっていますから、

[和の37]から

[大と中の差] の[4]を引き、

[中と小の差] の[3]を加えます。

すると、

[中3つ分★☆☆] の大きさになります。

よって、

[中1つ分]

$$= (37 - 差4 + 差3) \div 3 = [12]$$

[大1つ分] = 12 + 4 = [16]

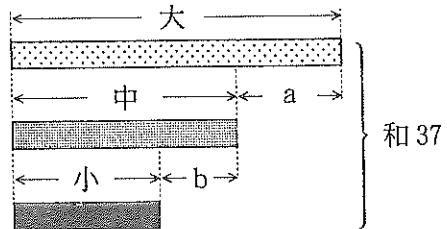
[小1つ分] = 12 - 3 = [9]

例3-2

[3つの数] の [和] が [37]
 [大と中の差が a] [中と小の差が b]
 と分かっている時
 [大・中・小] の
 [それぞれの大きさ] を求めなさい。

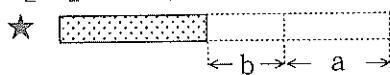
【解き方1】

[小] を先に求めます



[例1] で、
 [大・中・小] の [3つの数の和] と、
 [大・中・小] の [3つの数の間の差] が
 分かっていて、
 [大・中・小] の [それぞれの大きさ] を
 求める問題を考えたのだが、
 その [差] が、
 [文字] で表わされた時の
 [大・中・小] の表わし方を考えてみよう。

[大] を [小] の大きさにするには、
 [大] から [a] と [b] を引きます。



[中] を [小] の大きさにするには、
 [中] から [b] を引きます。



[小] は [小] です。



これで、
 [大・中・小] の全てが
 [小] になりました。

[和の37] から
 [大] と [小] の [差] の [aとb] と、
 [中] と [小] の [差] の [b] を引きます。

すると、
 [小3つ分★★★] の大きさになります。

これは、
 [和の37] から
 [差aと、差bの2倍] とを引くことになります。

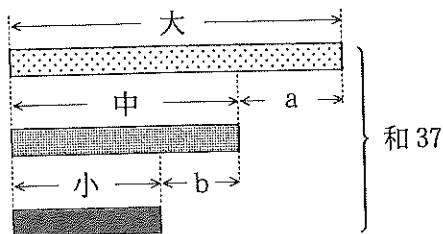
よって、

$$[\text{小1つ分}] = \{ 37 - (a + b \times 2) \} \div 3$$

このとき、注意すべきことは、
 図に表わすとあまり間違わないのですが、
 文章から直接 [式] に表わそうとすると、
 [大] と [小] の [差] にあるはずの
 [b] が [1つ]
 [問題文] の中には表われない、
 ということです。

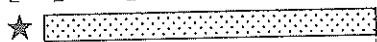
【解き方2】

[大]を先に求めます



和37

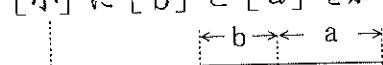
[大]は[大]。



[中]に[a]を加えて[大]



[小]に[b]と[a]を加えて[大]



と言っても、

[大・中・小] それぞれの大きさが

わかつていませんから、

[和の37]に

[大と中の差] の [a] と

[大と小の差] の [a+b] を加えます。

すると、

[大3つ分★★★] の大きさになります。

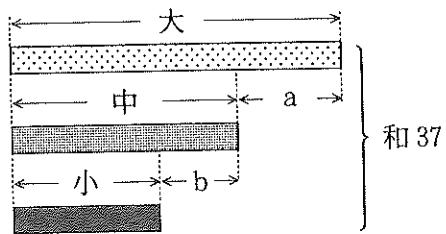
よって、

$$[\text{大1つ分}] = \{ 37 + (a + b + a) \} \div 3$$

このとき、注意すべきことは、
図に表わすと間違いないことだが、
文章から直接式に表わそうとすると、
[大]と[小]の[差]にあるはずの
[a]が[1つ]
[問題文]の中には表われない、
ということです。

【解き方3】

[中]を先に求めます



和37

[大]から
[a]を引いて
[中]と同じ

[中]は[中]

[小]に
[b]を加えて
[中]と同じ

そして、
[大・中・小]の全てが
[中]になりました。

[大・中・小] それぞれの大きさが
わかつていませんから、

[和の37]から

[大と中の差] の [a] を引き、

[中と小の差] の [b] を加えます。

すると、

[中3つ分★★★] の大きさになります。

よって、

$$[\text{中1つ分}] = (37 - \text{差 } a + \text{差 } b) \div 3$$