

第3章 相当算

相当算の導入問題

[ある数] の [6倍] が [60] です。
[ある数] はいくらですか。

$$[60 \div 6] = [10]$$

[ある数] の [5倍] が [60] です。
[ある数] はいくらですか。

$$[60 \div 5] = [12]$$

[ある数] の [4倍] が [60] です。
[ある数] はいくらですか。

$$[60 \div 4] = [15]$$

[ある数] の [3倍] が [60] です。
[ある数] はいくらですか。

$$[60 \div 3] = [20]$$

[ある数] の [2倍] が [60] です。
[ある数] はいくらですか。

$$[60 \div 2] = [30]$$

[相当算] とは、
[実際の数量] が、
[全体のどれだけ] の
[割合] にあたるか (相当するか)
ということから、
[全体の量] を求める問題です。
5年生で学習する割合の考え方のうち、

$$\begin{aligned} & [\text{比べる量} \div \text{比べる量} \text{がもとにする量の何倍か}] \\ &= [\text{もとにする量}] \\ &= [1 \text{に当たる量}] \end{aligned}$$

を用いて解く問題です。
実際の数量が、
全体に対してどんな割合になっているかが、
初めから示されている場合と、
間接的に示されている場合とがあります。

[ある数] の [1.5倍] が [60] です。
[ある数] はいくらですか。

$$[60 \div 1.5] = [40]$$

[ある数] の [1.2倍] が [60] です。
[ある数] はいくらですか。

$$[60 \div 1.2] = [50]$$

[ある数] の [0.8倍] が [60] です。
[ある数] はいくらですか。

$$[60 \div 0.8] = [75]$$

[ある数] の [0.6倍] が [60] です。
[ある数] はいくらですか。

$$[60 \div 0.6] = [100]$$

[ある数] の [0.5倍] が [60] です。
[ある数] はいくらですか。

$$[60 \div 0.5] = [120]$$

[ある数] の [0.4倍] が [60] です。
[ある数] はいくらですか。

$$[60 \div 0.4] = [150]$$

[ある数] の [0.3倍] が [60] です。
[ある数] はいくらですか。

$$[60 \div 0.3] = [200]$$

[ある数] の [0.2倍] が [60] です。
[ある数] はいくらですか。

$$[60 \div 0.2] = [300]$$

[ある数] の [0.1倍] が [60] です。
[ある数] はいくらですか。

$$[60 \div 0.1] = [600]$$

前ページの問題を、
少し表現を変えて、
次のように言い換えても同じ問題です。

[60] は [ある数] の [1.5 倍] です。
[ある数] はいくらですか。

$$[60 \div 1.5] = [40]$$

[60] は [ある数] の [1.2 倍] です。
[ある数] はいくらですか。

$$[60 \div 1.2] = [50]$$

[60] は [ある数] の [0.8 倍] です。
[ある数] はいくらですか。

$$[60 \div 0.8] = [75]$$

[60] は [ある数] の [0.6 倍] です。
[ある数] はいくらですか。

$$[60 \div 0.6] = [100]$$

[60] は [ある数] の [0.5 倍] です。
[ある数] はいくらですか。

$$[60 \div 0.5] = [120]$$

[60] は [ある数] の [0.4 倍] です。
[ある数] はいくらですか。

$$[60 \div 0.4] = [150]$$

[60] は [ある数] の [0.3 倍] です。
[ある数] はいくらですか。

$$[60 \div 0.3] = [200]$$

[60] は [ある数] の [0.2 倍] です。
[ある数] はいくらですか。

$$[60 \div 0.2] = [300]$$

[60] は [ある数] の [0.1 倍] です。
[ある数] はいくらですか。

$$[60 \div 0.1] = [600]$$

さらに、
前ページの問題を、
次のように言い換えても同じ問題です。

[60] は [ある数] の [1.5 に当たる]。
[ある数] はいくらですか。

$$[60 \div 1.5] = [40]$$

[60] は [ある数] の [1.2 に当たる]。
[ある数] はいくらですか。

$$[60 \div 1.2] = [50]$$

[60] は [ある数] の [0.8 に当たる]。
[ある数] はいくらですか。

$$[60 \div 0.8] = [75]$$

[60] は [ある数] の [0.6 に当たる]。
[ある数] はいくらですか。

$$[60 \div 0.6] = [100]$$

[60] は [ある数] の [0.5 に当たる]。
[ある数] はいくらですか。

$$[60 \div 0.5] = [120]$$

[60] は [ある数] の [0.4 に当たる]。
[ある数] はいくらですか。

$$[60 \div 0.4] = [150]$$

[60] は [ある数] の [0.3 に当たる]。
[ある数] はいくらですか。

$$[60 \div 0.3] = [200]$$

[60] は [ある数] の [0.2 に当たる]。
[ある数] はいくらですか。

$$[60 \div 0.2] = [300]$$

[60] は [ある数] の [0.1 に当たる]。
[ある数] はいくらですか。

$$[60 \div 0.1] = [600]$$

第1節 直接相当

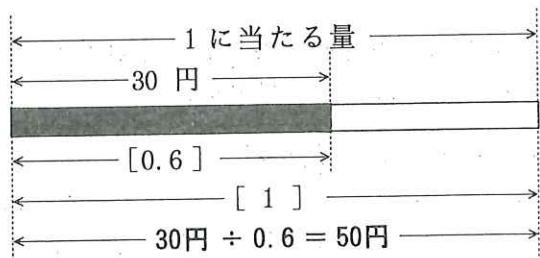
[量]と[その割合]が直接示されている時

例 1

[30] 円は
[全体]の [0.6 倍] にあたります。

全体は何円ですか。

[全体]は、
[1に当たる量]
と言い換えることができます。
この本では十分に実行できませんが、
線分図の上に[実際の量]を表わし、
線分図の下に
[その量が、
全体に対してどんな割合になっているか]
を表わすことにすると便利です。



問題を、次のように言い換えても
全く同じ意味です。

30 円は全体の 60 % に当たります。

30 円は全体の 6割です。

30 円は全体の 5分の 3 です。

30 円は全体の 5分の 3 に当たります。

[] 円の [60 %] は [30] 円です。

[] 円の [6割] は [30] 円です。

[] 円の [5分の 3] は [30] 円です。

上のように、
[割合]を
[百分率]、[歩合]、[分数]、[小数]の
いずれで表わしても
同じ考え方で解くことができます。

ちがった形で[割合]を表わすのは、
算数の発展のつごうや、
国による生活の習慣のつごうです。

古代エジプトなどで、先ず、
[分数]から始まりました。

[歩合]は、
中国、日本で古くから使われていました。

[小数]の考え方が出てきたのは
今から400年くらい前のことです。

[百分率]は、
[分数]の考え方ですから、
[分数]そのものと
同じくらい古いかもしれません。

[例1] のばい、
実際の数量についての割合が
直接示されているので、
[直接相当]
と呼んだりもしています。

とくに、この名前
[直接相当]をおぼえていなければならぬ
ということはありませんが、
考え方として知っている方が
便利ではあります。

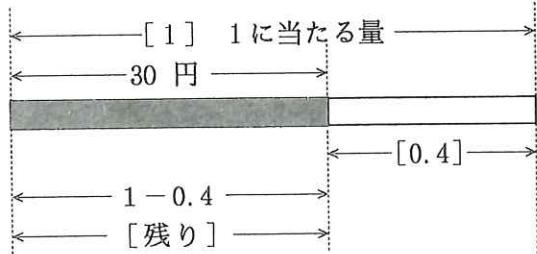
第2節 残相当

[残りの量] と
[間接的に表わされた割合] から
[全体の量] を求める

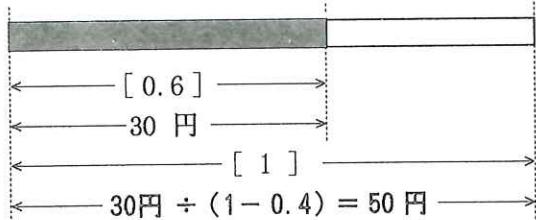
例 2-1

全体から
全体の 0.4 倍を引いたら
30 円になった。

全体は何円ですか。



以下のようにになって、
例 1 の問題と同じになる。



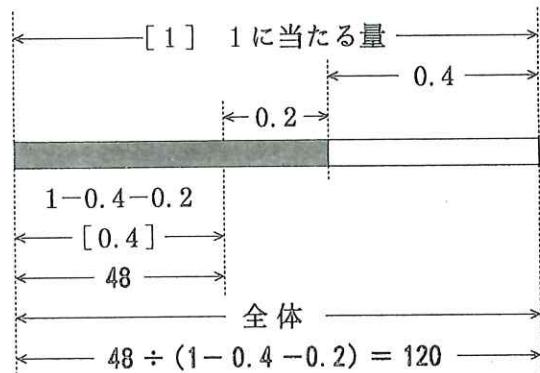
[実際の数量] の [30 円] が、
[全体] に対してどのような [割合] になるか、
初めには示されていない例のひとつ。

[実際の数量] が、
[全体の 1] から [ある割合] を引いた
[残りの割合] に [相当する] ので
[残相当] と呼んだりする。

例 2-2

ある数から
その数の 0.4 倍を引き
次に、さらに
もとの数の 0.2 倍を引いたら
48 になった。

ある数はいくらか。



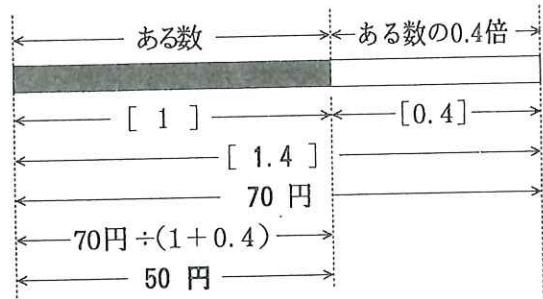
第3節 和相当

[和の量] と [その割合] から
[全体の量] を求める

例 3

ある数に
その数の 0.4 倍を加えたら
70 になった。
ある数はいくらか。

実際の量の割合とは違った大きさになっていますが



例 3 は、
示されている [実際の数量] が
[割合の和] に [相当する] ので、
[和相当] と呼ばれている。

[割合] は、
問題文の中に直接には示されていないくて、
たし算をして、[和] を求めなければならない、
という意味。

次のような問題も、
例 3 の問題と全く同じことは
すぐにわかりますね。

類題

ある品物の値段が
4割値上がりして
70 円になりました。

初めの値段は何円ですか。

$$[70 \text{ 円}] \div (1 + 0.4) = [50 \text{ 円}]$$

今日は
昨日より 40 % 増えて
70 個作れました。

昨日は何個作れましたか。

$$[70 \text{ 個}] \div (1 + 0.4) = [50 \text{ 個}]$$

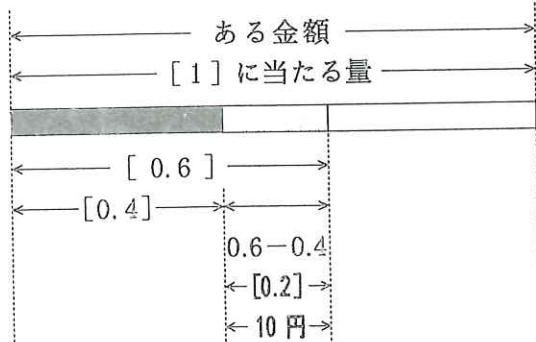
第4節 さ そう とう 差 相 当

[差の量] と
[その割合] が示されている時

例 4

ある金額の
0.6倍と0.4倍との差は
10円です。

A君の持っているお金は何円ですか。



[10円] が
[0.6と0.4の差] の
[0.2] に相当するので、

$$\begin{aligned} & [1 \text{に当たる量}] \\ &= [\text{もとの量}] \\ &= [\text{全体}] \\ &= [10\text{円}] \div [0.2] \\ &= [50\text{円}] \end{aligned}$$

[実際の数量] の [10円] が、
[全体] に対してどのような [割合] になるか、
初めには示されていない例のひとつ。

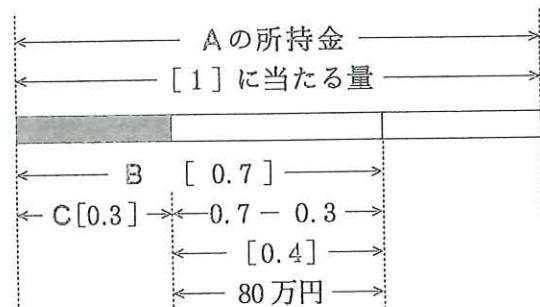
[実際の数量] が、
[割合の差] に [相当する] ので
[差相当] と呼んだりする。

[割合] を求めるのに、
[引き算] をして、
[差] を求めなければならない、
という意味。

類題

B君の持っているお金は
A君の0.7倍で
C君の持っているお金は
A君の0.3倍です。
B君とC君の持っているお金の差額は
80万円です。

A君の持っているお金は何円ですか。



[80万円] が
[0.7と0.3の差] の
[0.4] に相当するので、

$$\begin{aligned} & [A君の所持金] \\ &= [1 \text{に当たる量}] \\ &= [\text{もとの量}] \\ &= [\text{全体}] \\ &= [80\text{万円}] \div [0.4] \\ &= [200\text{万円}] \end{aligned}$$

第5節 [割合] が [百分率] で示されている時

例 5

①

400万円は
全体の80%にあたります。
全体は何円ですか。

$$400\text{万円} \div 0.8 = 500\text{万円}$$

②

全体から
全体の40%を引いたら
3000万円になった。
全体は何円ですか。

$$3000\text{万円} \div (1 - 0.4) = 5000\text{万円}$$

③

預けていたお金に
10年分の利息40%が加わり
70億円になった。
元、預けていたお金は何円か。

$$70\text{億円} \div (1 + 0.4) = 50\text{億円}$$

④

A君の持っているお金の
60%と40%との差は
10万円です。
A君の持っているお金は何円ですか。

$$10\text{万円} \div (0.6 - 0.4) = 50\text{万円}$$

第6節 [割合] が [歩合] で示されている時

例 6

①

私の持っているお金の30万円は
全体の2割にあたります。
全体は何円ですか。

$$30\text{万円} \div 0.2 = 150\text{万円}$$

②

私の持っていたお金の
7割を使ったら
300万円が残った。
私の持っていたお金は何円でしたか。

$$300\text{万円} \div (1 - 0.7) = 1000\text{万円}$$

③

私の持っていたお金に
4割を加えたら
70万円になった。
私の持っていたお金はいくらか。

$$70\text{万円} \div (1 + 0.4) = 50\text{万円}$$

④

A君の持っているお金の
6割と4割との差は
1000万円です。
A君の持っているお金は何円ですか。

$$1000\text{万円} \div (0.6 - 0.4) = 5000\text{万円}$$

第7節 [割合] が [分数] で示されている時

例 7

①

30円は
全体の5分の3にあたります。
全体は何円ですか。

$$[30\text{ 円}] \div [\frac{3}{5}] = [50\text{ 円}]$$

②

全体から
全体の5分の2を引いたら
30円になった。
全体は何円ですか。

$$[30\text{ 円}] \div (1 - \frac{2}{5}) = [50\text{ 円}]$$

③

ある数に
その数の5分の2を加えたら
70になった。
ある数はいくらか。

$$[70] \div (1 + \frac{2}{5}) = [50]$$

④

A君の持っているお金の
5分の3と5分の2との差は
10円です。
A君の持っているお金は何円ですか。

$$[10\text{ 円}] \div (\frac{3}{5} - \frac{2}{5}) = [50\text{ 円}]$$

次の

[第8節 割合が複雑な形で示されている時]
は、多くの人にとって難しいようです。

この本は、

[読めば分かる] を目標に書いていますが、
必ず、
[手で書いて読んでほしい] のです。

次の第8節などは、
手で書いて読まないと分かりにくい、
と思います。

[分かる] と [できる] とは
全然ちがう能力です。

[見ずに書ける] か
[見ずに言える] か、
どちらかの能力がなければ
[できる] とは言えません。

[できる] を目標に、
[手で書いて] 学んでください。

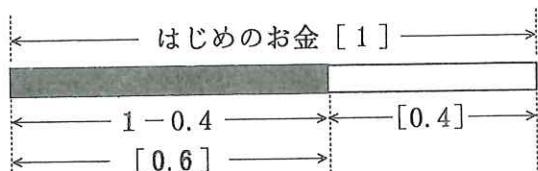
第8節 [割合] が複雑な形で示されている時

例 8

持っているお金から
その 0.4 倍を引き
次に
残りのお金の
0.2 倍を引いたら
48 円になった。
持っていたお金は何円ですか。

この問題のポイントは、
[残りのお金の 0.2 倍] にあります。

[解き方 1]



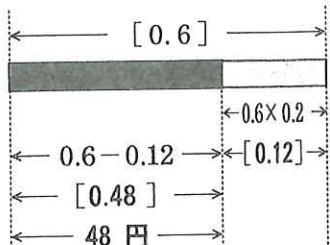
初めに、
[全体] の [0.4 倍] を引いたので、
[残り] は、
[全体] の [0.6 倍] になりました。

ですから、
[残り] の [0.2 倍] とは、
[全体の 0.6 倍] の [0.2 倍] です。

これを引くのですから、

$$[\text{全体}] \times (0.6 - 0.12)$$

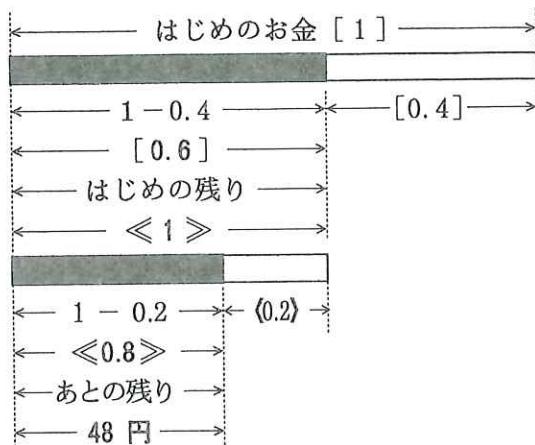
 $= [\text{全体}] \times [0.48]$



[この 0.48] が
[残り] の [48 円] に相当します。

[48 円] が [0.48] に当たるのですから、
 $[48 \text{ 円} \div 0.48] = [100 \text{ 円}]$

[解き方 2]



$$[\text{あと}の残り] \div 0.8 = [\text{初}めの残り]
[48 \text{ 円}] \div 0.8 = [60 \text{ 円}]$$

$$[\text{初}めの残り] \div 0.6 = [\text{初}めのお金]
[60 \text{ 円}] \div 0.6 = [100 \text{ 円}]$$

[類題1-1] [百分率]で表わした問題

A君は、持っているお金の
60%で家を買いました。
残りのお金の
20%で山を買いました。
残ったお金は3200万円でした。
初め、何円持っていたのでしょうか。

$$3200\text{万円} \div (1 - 0.2) \div (1 - 0.6) = 1\text{億円}$$

[類題1-2] [歩合]で表わした問題

A氏は、持っているお金の
6割で島を買いました。
残りのお金の
2割で飛行機を買いました。
残ったお金は16億円でした。
初め、何円持っていたのでしょうか。

$$16\text{億円} \div (1 - 0.2) \div (1 - 0.6) = 50\text{億円}$$

[類題1-3] [分数]で表わした問題

A君は、持っているお金の
5分の3で本を買いました。
残りのお金の
5分の2で鉛筆を買いました。
残ったお金は600円でした。
初め、何円持っていたのでしょうか。

$$600\text{円} \div (1 - \frac{2}{5}) \div (1 - \frac{3}{5}) \\ = 2500\text{円}$$

★もう少し複雑な問題

[類題2-1]

持っていたお金の40%を使いました。
次に
残りの20%を使いました。
さらに
残りの30%を使ったら
42万円が残りました。
初めに持っていたお金は何円か。

$$42\text{万円} \div (1 - 0.3) \div (1 - 0.2) \div (1 - 0.4) \\ = 125\text{万円}$$

[類題2-2]

ある数から
その数の2割を引き
次に
残りの3割を引き
さらに
残りの5割を引いたら
28になった。
ある数はいくらか。

$$28 \div (1 - 0.5) \div (1 - 0.3) \div (1 - 0.2) \\ = 100$$

[類題2-3]

ある数から
その数の5分の2を引き
次に
残りの5分の1を引き
さらに
残りの2分の1を引いたら
24になった。
ある数はいくらか。

$$24 \div (1 - \frac{1}{2}) \div (1 - \frac{1}{5}) \div (1 - \frac{2}{5}) \\ = 100$$