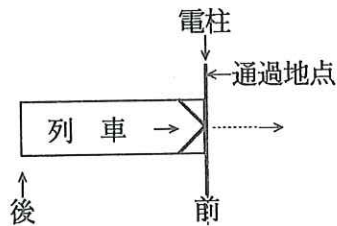


第2章 通過算

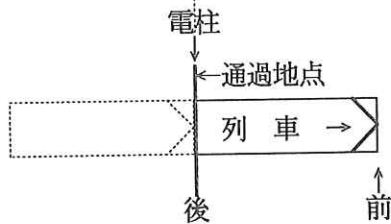
通過算に使われる用語

[長さのある][列車]が
[長さの無い][人]や[電柱]を
[通過する]ばあい。

[図1]



[図2]

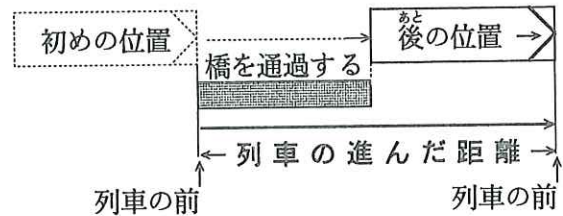


[図1]の状態から、
[図2]の状態になった時、
[電柱を通過した]と言います。

[人間]でも[電柱]でも
[幅]がありますが、
[列車の長さ]などにくらべ、
[無視できる]ほど[短い]と考え、
通過算の問題の多くの場合、
その幅は[0]と考える習慣です。

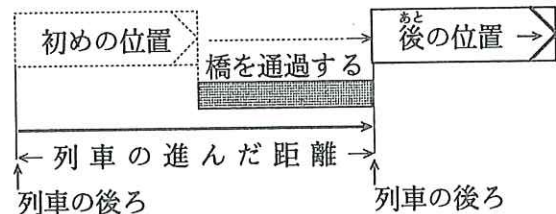
注意深い問題の場合は、
[幅は無視する]、と宣言するか、
[本当に幅の無いもの]を題材にしています。

[長さのある][列車]が
[長さのある][橋]や[ホーム]を
[通過する]ばあい。



上のように、
[前の端]が[移動した距離]とみるか、

下のように、
[後ろの端]が[移動した距離]とみるか、



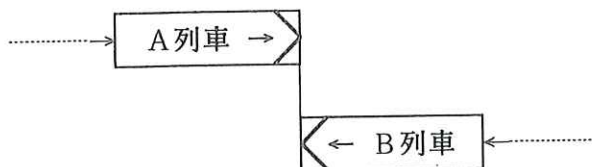
通過した時の[進んだ距離]は、
[前、前]で計っても
[後ろ、後ろ]で計っても
[同じ距離]となります。あたりまえ!

通過するとは、

[列車の前の端]が
[通過すべき地]の[最初の点]にかかってから
[列車の後ろの端]が
[通過すべき地]の[最後の点]にかかるまで
[移動する]こと。

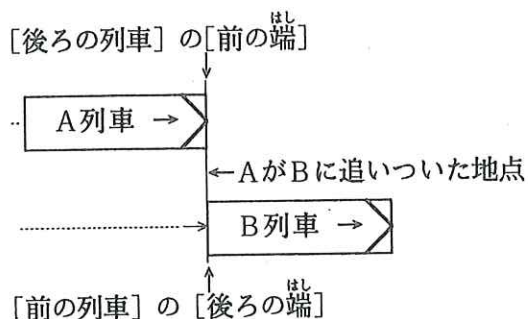
【出会う】 とは、

[向かい合^{はし}って進む^{はし}両列車] の
[前^{はし}の端] と [前^{はし}の端] とが
[同じ位置] に来た時、をいう。



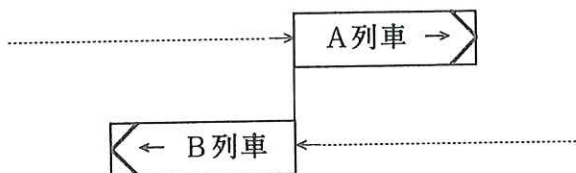
【追いつく】 とは、

[後ろの列車の前^{はし}の端] が
[前の列車の後^{はし}ろの端] と
[同じ位置] に来た時、をいう。



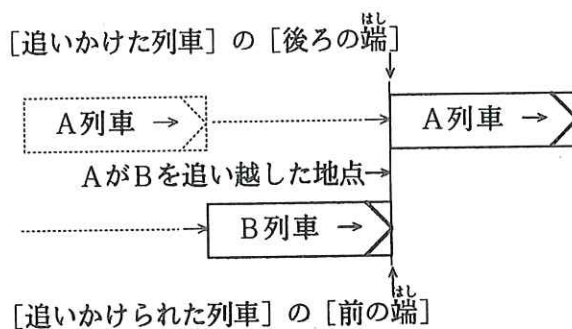
【離れる】 とは、

[向かい合^{はし}って進む^{はし}両列車] の
[後^{はし}ろの端] と [後^{はし}ろの端] とが
[同じ位置] に来た時、をいう。



【追い越す】 とは、

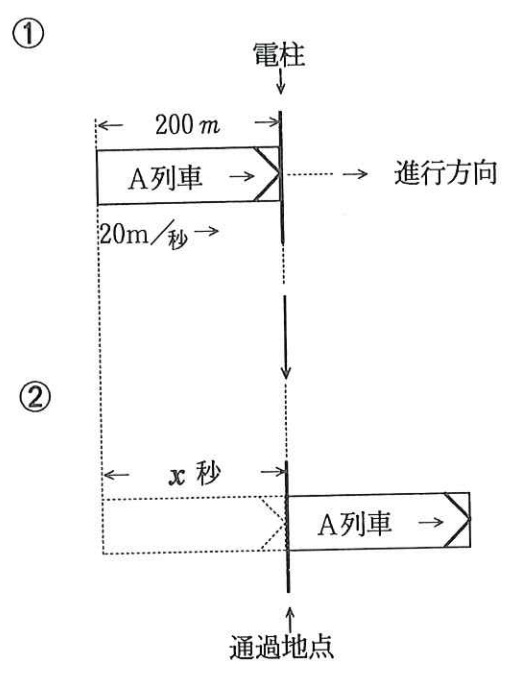
[追いかけて^{はし}いる列車] の [後^{はし}ろの端] が
[追いか^{はし}けられて^{はし}いる列車] の [前^{はし}の端] と
[同じ位置] に来た時、をいう。



第1節 列車が電柱を通過する

例1-1

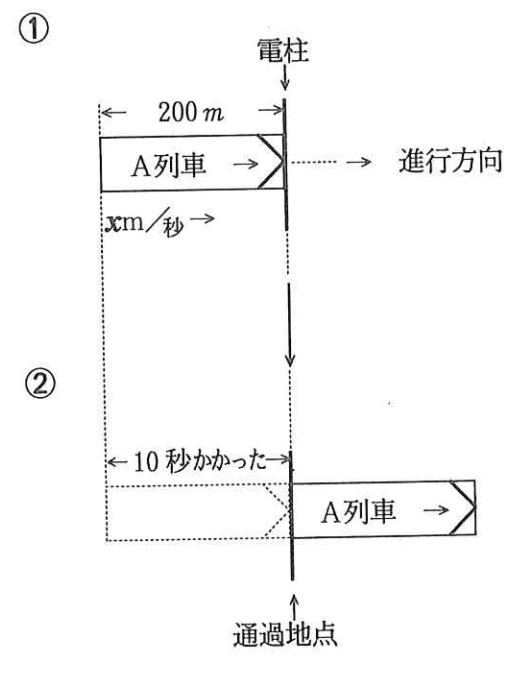
長さ $200m$ のA列車が
秒速 $20m$ で
電柱の前を通り過ぎる(通過する)のに
[何秒かかるか]。



[かかる時間]
 $=$ [距離] \div [速度]
 $=$ [200m] \div [20m/秒]
 $=$ [10秒]

例1-2

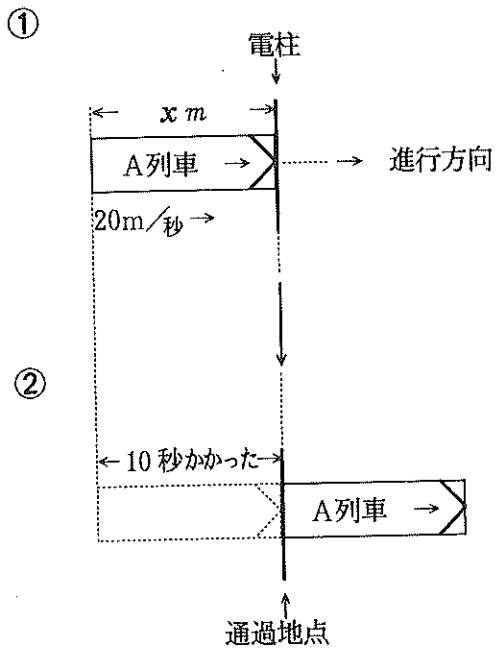
長さ $200m$ のA列車が
電柱の前を通過するのに
10秒かかった。
[A列車の速さは秒速何mか]。



[速度]
 $=$ [距離] \div [時間]
 $=$ [200m] \div [10秒]
 $=$ [10m/秒]

例1-3

秒速 $20m$ の A 列車が
電柱の前を通過するのに
10 秒かかった。
[A 列車の長さは何 m か]



$$\begin{aligned}
 & \text{[距離]} \\
 &= \text{[速度]} \times \text{[時間]} \\
 &= [20m/\text{秒}] \times [10\text{秒}] \\
 &= [200m]
 \end{aligned}$$

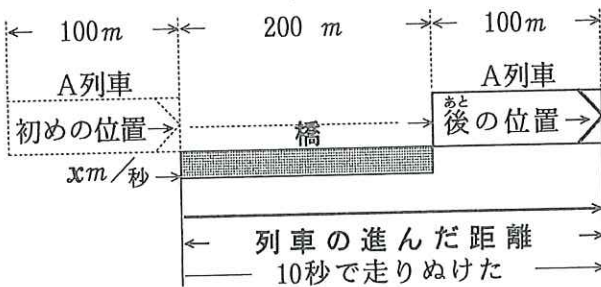
[長さのある] [動くもの] が
[長さのない] [動かないもの] を
[通過した] のです。

第2節 列車が橋を通過する

例2-1

長さ100mのA列車が
長さ200mの橋を渡り切るのに
10秒かかった。

[A列車の秒速は何mか]



[A列車]の[前の端]が
[橋]の[端]に初めて達した時から、

[A列車]の[後ろの端]が
[橋]の[端]を離れる瞬間まで

[A列車の進んだ距離]は、
[A列車の長さ] + [橋の長さ]
= [100m] + [200m]
= [300m]

その[300m]を、
[10秒]で進むのだから、

[300m ÷ 10秒] = [30m/秒]

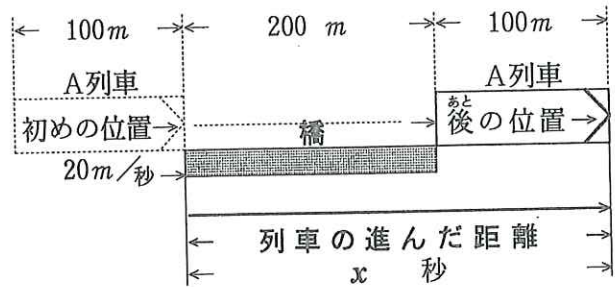
【式を1つにまとめると】

(100m + 200m) ÷ [10秒]
= [30m/秒]

例2-2

長さ100mのA列車が
長さ200mの橋を
秒速20mで走りぬけた。

渡りきるのには[何秒かかったか]



[100m + 200m] = [300m]
[300m ÷ 20m/秒] = [15秒]

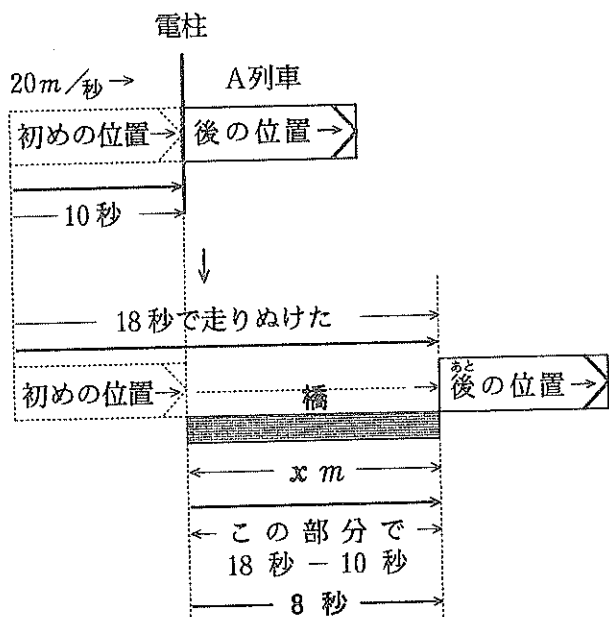
【式を1つにまとめると】

(100m + 200m) ÷ [20m/秒]
= [15秒]

例 2 - 3

秒速 $20m$ の A 列車が
電柱の前を通過するのに
10 秒かかった。
同じ速さで
橋を渡り切るのに 18 秒かかった。

[橋の長さは何 m か]



$$\begin{aligned} & [20m/\text{秒}] \times (18\text{秒} - 10\text{秒}) \\ &= [20m/\text{秒}] \times [8\text{秒}] \\ &= [160m] \end{aligned}$$

として解くか、

$$\begin{aligned} [20m/\text{秒}] \times [10\text{秒}] &= [200m] \\ [20m/\text{秒}] \times [18\text{秒}] &= [360m] \\ [360m] - [200m] &= [160m] \end{aligned}$$

とするかですが、

先の考えの方が、
これから多くの問題を考える時に
役立つことが多い。

例 2 - 4

長さ $100m$ の A 列車が
長さ $200m$ の橋を渡り切るのに
10 秒かかった。

同じ速さで
長さ $500m$ のトンネルを通り過ぎるには
何秒かかりますか。

$$\begin{aligned} & \text{[橋を渡る間に進んだ距離]} \\ &= [100m + 200m] \\ &= [300m] \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} & \text{[その時の秒速]} \\ &= [300m \div 10\text{秒}] \\ &= [30m/\text{秒}] \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} & \text{[トンネルを通り過ぎる間に進んだ距離]} \\ &= [100m + 500m] \\ &= [600m] \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} & \text{[600mを進むのに要する時間]} \\ &= [600m \div 30m/\text{秒}] \\ &= [20\text{秒}] \end{aligned}$$

【式を1つにまとめると】

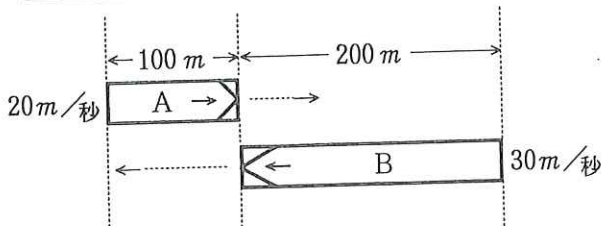
$$\begin{aligned} & (100m + 500m) \div \{(100m + 200m) \div 10\text{秒}\} \\ &= [600m] \div (300m \div 10\text{秒}) \\ &= [600m \div 30m/\text{秒}] \\ &= [20\text{秒}] \end{aligned}$$

[長さのある] [動くもの] が
[長さのある] [動かないもの] を
[通過する] 問題。

第3節 列車が **出会い** 離れる

例3-1

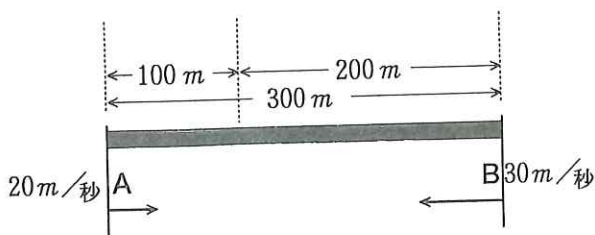
A列車は、長さ $100m$ ・秒速 $20m$
 B列車は、長さ $200m$ ・秒速 $30m$ です。
 出会ってから離れるまでに
 [x秒] かかります。



と、列車全体の動きを見ようとする
 と、何かよく分からなくなります。

A列車の後ろとB列車の後ろが
 出会うと考えると、
 今まで何度も練習した
 [旅人算] の [出会い] の問題になります。

[秒速 $20m$] の [A] と
 [秒速 $30m$] の [B] が
 [300m] 離れている。
 出会うまでに何秒かかりますか。



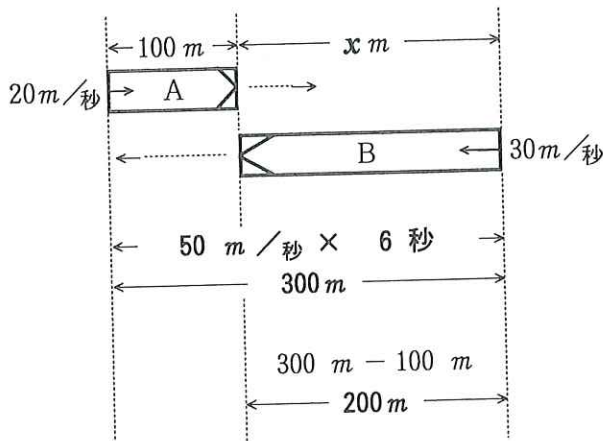
$$\begin{aligned} [100m + 200m] &= [300m] \\ [20m/\text{秒} + 30m/\text{秒}] &= [50m/\text{秒}] \\ [300m \div 50m/\text{秒}] &= [6\text{秒}] \end{aligned}$$

【式を1つにまとめると】

$$\begin{aligned} (100m + 200m) \div (20m/\text{秒} + 30m/\text{秒}) \\ &= [300m] \div [50m/\text{秒}] \\ &= [6\text{秒}] \end{aligned}$$

例3-2

A列車は、長さ $100m$ ・秒速 $20m$
 B列車は、[長さ xm]・秒速 $30m$ です。
 出会ってから離れるまでに6秒かかります。



$$\begin{aligned} [20m/\text{秒} + 30m/\text{秒}] \\ &= [50m/\text{秒}] \end{aligned}$$

$$[50m/\text{秒}] \times 6\text{秒} = [300m]$$

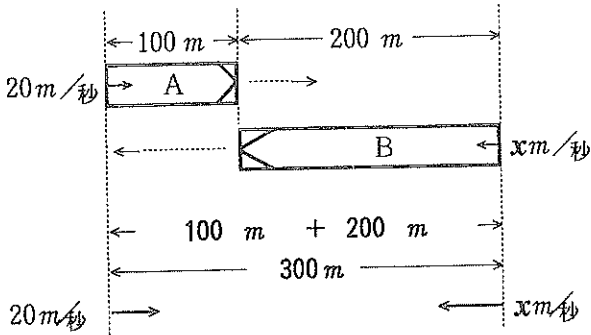
$$[300m - 100m] = [200m]$$

【式を1つにまとめると】

$$\begin{aligned} (20m/\text{秒} + 30m/\text{秒}) \times 6\text{秒} - 100m \\ &= [200m] \end{aligned}$$

例3-3

A列車は、長さ100m・秒速20m
 B列車は、長さ200m・[秒速xm]です。
 出会ってから離れるまでに
 6秒かかります。



$$[100m + 200m] = [300m]$$

$$[300m \div 6秒] = [50m/秒]$$

$$[50m/秒 - 20m/秒] = [30m/秒]$$

【式を1つにまとめると】

$$\begin{aligned} & (100m + 200m) \div 6秒 - [20m/秒] \\ &= [50m/秒] - [20m/秒] \\ &= [30m/秒] \end{aligned}$$

[長さのある][動いている][列車]が
 [長さのある][動いている][列車]と
 [出会って][離れる]問題。

例3-4

A列車は、長さ100m・秒速20m
 B列車は、長さ200m・秒速不明です。
 出会ってから離れるまでに
 6秒かかります。

このB列車が同じ速さで、
 長さ4000mのトンネルを通過するには
 [x秒間かかります]。

$$[100m + 200m] = [300m]$$

$$[300m \div 6秒] = [50m/秒]$$

$$[50m/秒 - 20m/秒] = [30m/秒]$$

ここまでは、

例3-3と同じです。

通過しなければならない距離

$$\begin{aligned} & [4000m + 200m] \\ &= [4200m] \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} & [4200m \div 30m/秒] \\ &= [140秒] \\ &= [2分20秒] \end{aligned}$$

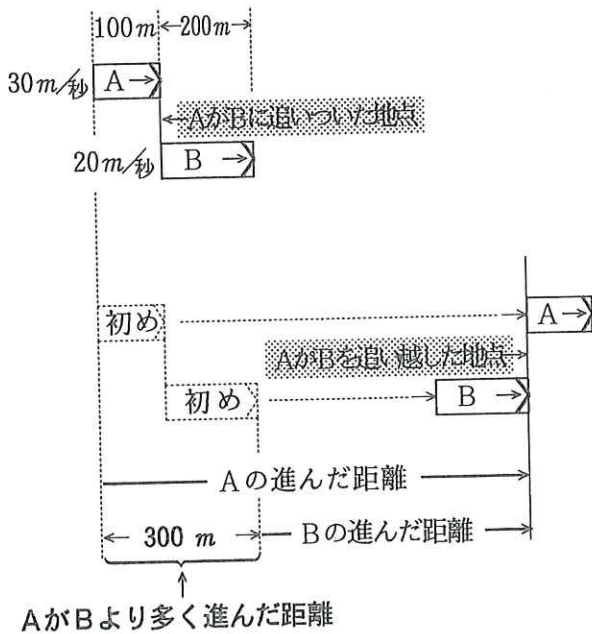
【式を1つにまとめると】

これはちょっとしんどい。
 やめておきましょう。

第4節 列車が追いつき 追い越す

例4-1

長さ $100m$ ・秒速 $30m$ の A 列車が
長さ $200m$ ・秒速 $20m$ の B 列車に
追いついてから追いこすまでに
[x 秒かかります]。



[AがBより多く進んだ距離]
= [$100m + 200m$] = [$300m$]

[1秒間にA列車がB列車より多く進む距離]
= [$30m/秒 - 20m/秒$] = [$10m/秒$]

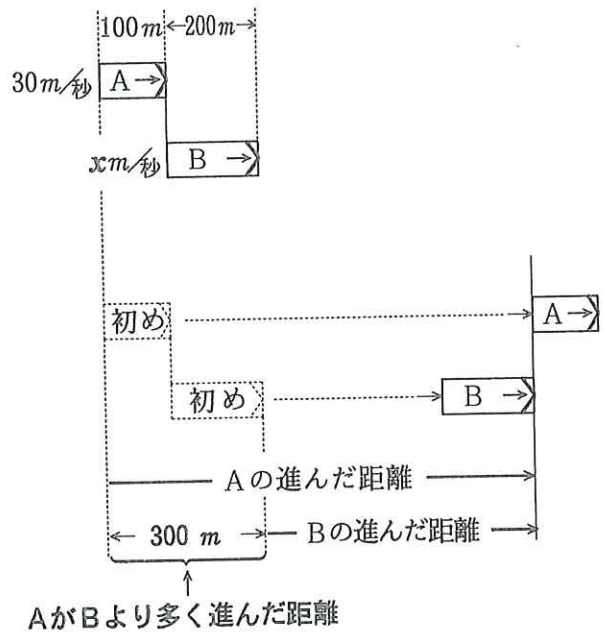
[$300m \div 10m/秒$] = [$30秒$]

【式を1つにまとめると】

$$\begin{aligned} & (100m + 200m) \div (30m/秒 - 20m/秒) \\ &= [300m] \div [10m/秒] \\ &= [30秒] \end{aligned}$$

例4-2

長さ $100m$ ・秒速 $30m$ の A 列車が
長さ $200m$ ・[秒速 xm] の B 列車に
追いついてから追いこすまでに
30秒かかります。



[$100m + 200m$] = [$300m$]

Aは、[30秒] かけて
Bより [$300m$] 多く進んだのだから、

[$300m \div 30秒$] = [$10m/秒$]
Bより速いことになる。

[$30m/秒 - 10m/秒$] = [$20m/秒$]

【式を1つにまとめると】

$$\begin{aligned} & [30m/秒] - [(100m + 200m) \div 30秒] \\ &= [30m/秒] - [300m \div 30秒] \\ &= [30m/秒] - [10m/秒] \\ &= [20m/秒] \end{aligned}$$

例4-3

長さ $100m$ ・[秒速 xm] のA列車が
長さ $200m$ ・秒速 $20m$ のB列車に
追いついてから追いこすまでに
30秒かかります。

$$[100m + 200m] = [300m]$$

$$[300m \div 30 \text{ 秒}] = [10m/\text{秒}]$$

$$[20m/\text{秒} + 10m/\text{秒}] = [30m/\text{秒}]$$

【式を1つにまとめると】

$$\begin{aligned} & [20m/\text{秒}] + (100m + 200m) \div 30 \text{ 秒} \\ = & [20m/\text{秒}] + [300m \div 30 \text{ 秒}] \\ = & [20m/\text{秒}] + [10m/\text{秒}] \\ = & [30m/\text{秒}] \end{aligned}$$

例4-4

長さ $100m$ ・秒速 $30m$ のA列車が
[長さ xm]・秒速 $20m$ のB列車に
追いついてから追いこすまでに
30秒かかります。

$$[30m/\text{秒} - 20m/\text{秒}] = [10m/\text{秒}]$$

$$[10m/\text{秒}] \times [30 \text{ 秒}] = [300m]$$

$$[300m - 100m] = [200m]$$

【式を1つにまとめると】

$$\begin{aligned} & (30m/\text{秒} - 20m/\text{秒}) \times 30 \text{ 秒} - 100m \\ = & [10m/\text{秒}] \times 30 \text{ 秒} - 100m \\ = & 300m - 100m \\ = & [200m] \end{aligned}$$

例4-5

[長さ xm]・秒速 $30m$ のA列車が
長さ $200m$ ・秒速 $20m$ のB列車に
追いついてから追いこすまでに
30秒かかります。

前問と同じ。

$$[30m/\text{秒} - 20m/\text{秒}] = [10m/\text{秒}]$$

$$[10m/\text{秒}] \times [30 \text{ 秒}] = [300m]$$

$$[300m - 200m] = [100m]$$

【式を1つにまとめると】

$$\begin{aligned} & (30m/\text{秒} - 20m/\text{秒}) \times 30 \text{ 秒} - 200m \\ = & [10m/\text{秒}] \times 30 \text{ 秒} - 200m \\ = & 300m - 200m \\ = & [100m] \end{aligned}$$

【長さのある】[動いている] [列車] が
【長さのある】[動いている] [列車] に
【追いつき】[追い越す] 問題。

第5節 複合問題

例5-1

長さ 100 m のA列車が
長さ 200 m の橋を渡り切るのに
 10 秒かかった。
同じ速さで
トンネルを通り過ぎるのに 20 秒かかった。

[トンネルの長さは何 m か]

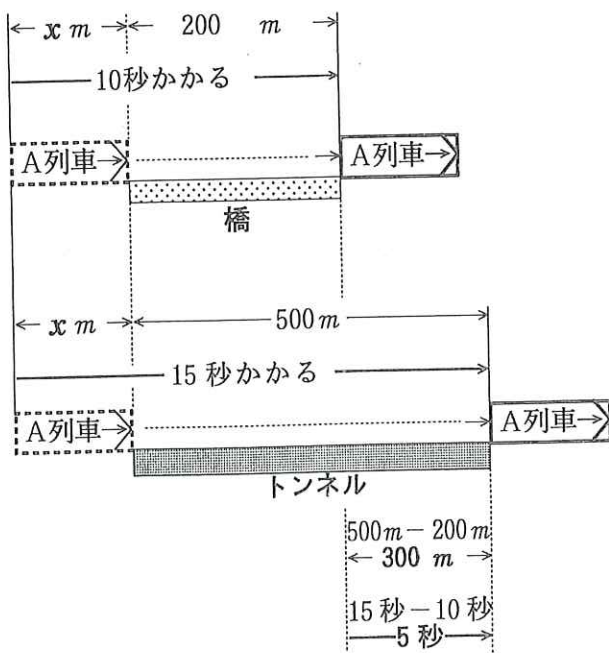
$$\begin{aligned} [100\text{ m} + 200\text{ m}] &= [300\text{ m}] \\ [300\text{ m} \div 10\text{ 秒}] &= [30\text{ m/秒}] \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} [30\text{ m/秒} \times 20\text{ 秒}] &= [600\text{ m}] \\ [600\text{ m} - 100\text{ m}] &= [500\text{ m}] \end{aligned}$$

【式を1つにまとめると】

$$\begin{aligned} \{ (100\text{ m} + 200\text{ m}) \div 10\text{ 秒} \} \times 20\text{ 秒} - [100\text{ m}] \\ = [500\text{ m}] \end{aligned}$$

【下の図は、右の問題の図です】



例5-2

長さ不明のA列車が
長さ 200 m の橋を渡り切るのに
 10 秒かかった。
同じ速さで
長さ 500 m のトンネルを通り過ぎるのに
 15 秒かかった。

[A列車の長さは何 m か]

[トンネルと橋の長さの差]
 $= [500\text{ m} - 200\text{ m}]$
 $= [300\text{ m}]$

[トンネルと橋] を通り過ぎる [時間の差]
 $= [15\text{ 秒} - 10\text{ 秒}]$
 $= [5\text{ 秒}]$

[列車の速さ]
 $= [300\text{ m} \div 5\text{ 秒}]$
 $= [60\text{ m/秒}]$

[A列車の長さ] は、

[橋 + A列車] - [橋]
 $= [60\text{ m/秒} \times 10\text{ 秒}] - [200\text{ m}]$
 $= [600\text{ m}] - [200\text{ m}]$
 $= [400\text{ m}]$ として求めるか、

[トンネル + A列車] - [トンネル]
 $= [60\text{ m/秒} \times 15\text{ 秒}] - [500\text{ m}]$
 $= [900\text{ m}] - [500\text{ m}]$
 $= [400\text{ m}]$

として求める。

[通過算]とは、次のような問題です。

①

[長さのある] [列車など] が
[長さの無い] [ある地点] を
[通過] するとき、

②

[長さのある] [列車など] が
[長さのある] [橋] や [トンネル] などを
[通過] するとき、

③

[長さのある] [列車など] が
[長さのある] [他の列車] と
[出会って、離れる] とき、

④

[長さのある] [列車など] が
[長さのある] [他の列車] や [自動車] に
[追いつき、追い越す] ときなど、

いくつかの条件から、

そこに示されていない

[走るものの速さ]

[かかった時間]

[列車や橋やトンネル] の [長さ] など
を求める問題です。

[通過算] を考える [こつ] は
[列車全体の動き] を考えずに、

列車の [前の端]^{はし} [後ろの端]^{はし} に注目し、
[前の端]^{はし} も [後ろの端]^{はし} も
[点] と見て、

[点と点がどれほど離れて]^{はな} いるのか、
[点と点が出会う]
[点と点が離れる]
[点が点に追いつく] とみることです。

すると、

旅人算とほとんど同じ問題に
読みかえることができます。

