

# 第3章 周期性

## 第1節 同じものが繰り返し現われるとき

### 例1-1

次のように、□と■がならんでいます。



先ず、

[□□■■■] の [5つ] で、  
[1グループ] と読み取る。

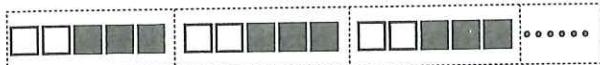
① [8番目] は  
[□] ですか [■] ですか。

この問題①の場合は、書いてある図を数えて  
[8番目] を確かめれば [■] と分かります。

しかし、  
[101番目] となると、  
図を書いてみるのはちょっとめんどうですし、  
[1001番目] となると、  
全部書いていくのはもちろんいやですね。

そこで、  
計算によって求める方法を  
考えねばなりません。

次のように、



5つずつに区切ると、  
同じ [□□■■■] の  
くりかえしになります。

たとえば、  
3番目、8番目、13番目……は、  
いずれも、[■] です。

[3, 8, 13,] に  
共通していることは何でしょう。

それは、[3, 8, 13,] を  
[5] で [わる] と、  
いずれも、[3余る] ということです。

算数のうでまえをあげる方法は、  
カンタンな数の時に  
大きい数のときにでもできる方法を  
考えることです。

例1-1 ①のような問題のときは、  
すぐに、数えて答えを求めがちなのですが、  
法則性を見つけるように力を注ぐことが  
大きな実力アップにつながります。

☆いくつかをひとまとめとして解く問題を  
考えます。

② [21番目] は  
[□] ですか [■] ですか。

[5個] で [1つの周期] を作っていますから、

$21 \div 5 = 4 \cdots \text{余り } 1$   
[余りが1つ] ならば、  
つぎの「グループ」の最初  
[□] です。

③ [125番目] は  
[□] ですか [■] ですか。

[5個] で [1つの周期] を作っていますから、

$125 \div 5 = 25 \cdots \text{余り } 0$   
[余りが0個] ならば、  
[5個] のいちばん後ろですから、  
[■] です。

## 例1-2

次のように、□と■がならんでいます。



- ① [20番目]までに  
[■]はいくつありますか。

[□□□■■■]の  
[5つ]で[1グループ]と、まず読みとる。

[1グループ]の中に[■]は[3個]  
[20番目]までには  
 $[20 \div 5] = [4\text{グループ}]$   
 $[3\text{個} \times 4] = [12\text{個}]$

- ② [27番目]までに  
[□]はいくつありますか。

[1グループ]の中に[□]は[2個]  
[27番目]までには  
 $[27 \div 5] = [5\text{グループ}] \text{と}[余り2個]$

①②③④⑤ ⑥⑦ ..... ⑪⑫ ⑯⑰  
 $\square = 2 \times 5 + 2 = 12\text{個}$

[5グループ]の中に、  
 $[2\text{個} \times 5] = [10\text{個}]$   
[余り2個]は、次グループの[□2個]ゆえ、  
合計 =  $10 + 2 = [12]\text{個}$

- ③ [51番目]までに  
[□]はいくつありますか。

[1グループ]の中に[□]は[2個]  
[51番目]までには  
 $[51 \div 5] = [10\text{グループ}] \text{と}[余り1]$

[10グループ]の中に、  
 $[2\text{個} \times 10] = [20\text{個}]$   
[余り1個]の中に、[□は1個]ゆえ、  
合計 =  $20 + 1 = [21]\text{個}$

- ④ [■]と[□]の数の差が  
[1個]あるとのことです。  
[何番目まで]のことでしょうか。

この問題は、すこし複雑になります。

1つに決まりませんので、  
いろいろ見つけて楽しんで下さい。

	□の数	■の数	その差	
①	□	0	1	★
②	□	0	2	
③	■	1	1	★
④	■	2	0	
⑤	■	3	1	★
⑥	□	3	0	
⑦	□	3	1	★
⑧	■	4	0	
⑨	■	5	1	★
⑩	■	6	2	
⑪	□	6	1	★
⑫	□	6	0	
⑬	■	7	1	★
⑭	■	8	2	
⑮	■	9	3	
⑯	□	9	2	
⑰	□	9	1	★
⑱	■	10	2	
⑲	■	11	3	
⑳	■	12	4	

21番目から後は、  
□が、■に  
[1の差]まで追いつくことはない。

## 【参考意見】

[式]ではかんたんに求められないものを  
[表]を作って調査したりすることは、  
算数の応用上非常に有益です。

[算数]というと、  
[式と計算]のことだと思いがちですが、  
[式]にたどりつく前には、  
[図]や[表]の働きが重要です。

いずれ、皆さんも、  
[表]や[グラフ]や[図]のねうちを  
強く感じる日が来ます。

### 例 1—3

次のように  
[1, 2, 3 の数字] がならんでいます。

1 2 3 2 1 1 2 3 2 1 1 2 3 2 1 .....  
.....

Digitized by srujanika@gmail.com

の[5つ]で[1グループ]と、先ず読み取る。

① [20番目] までに  
[1] はいくつありますか。

$$\begin{aligned} & [1\text{ グループ}] \text{ の中に } [1] \text{ は } [2\text{ 個}] \\ & [20\text{ 番目}] \text{ までには} \\ & [20 \div 5] = [4\text{ グループ}] \\ & [2\text{ 個} \times 4] = [8\text{ 個}] \end{aligned}$$

② [27番目]までに  
[2]はいくつありますか。

[1 グループ] の中に [2] は [2 個]  
[27 番目] までには  
[ $27 \div 5$ ] = [5 グループ] と [余り 2 個]

[5グループ] の中に  
 [2個×5] = [10個]、  
 [余り2個] の中に [2は1個] ゆえ、  
 合計 =  $10 + 1 = [11]$  個

③ [51番目]までに  
[1]はいくつありますか。

〔1 グループ〕の中に〔1〕は〔2個〕  
〔51 番目〕までには  
〔 $51 \div 5$ 〕 = 〔10 グループ〕と〔余り 1〕

[10 グループ] の中に、  
[2 個 × 10] = [20 個]  
[余り 1 個] の中に、「1 は 1 個」ゆえ、

$$= [20 + 1] \\ = [21] \text{ 個}$$

④ 38番目までの数を加えると  
いくらになりますか。

〔1 グループ〕の中の数字の個数は  
〔5 個〕ですから、  
〔38 個〕の中の「数字のグループの個数」は、

$$= [38 \text{ 個} \div 5 \text{ 個}]$$

$$\begin{aligned} & [1\text{グループ}] \text{ の中の } [数の和] \text{ は、} \\ & [1+2+3+2+1] \\ & = [9] \text{ ですから、} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 & \text{全体で、} \\
 & [9 \times 7] + [1 + 2 + 3] \\
 & = [63] + [6] \\
 & = [69]
 \end{aligned}$$

## 例 1-4

[1] を [7] で [わる] と  
[同じ数が繰り返し現われます]  
[ $1 \div 7$ ] = [0.142857 142857 …]

- ① 小数第 20 位の数は何ですか。
- ② 小数第 70 位の数は何ですか。
- ③ 小数第 99 位の数は何ですか。

[6ヶタ] で [同じ数がくりかえされる] ので、  
[小数第何位] かを表わす数を  
[6でわって]  
[余りの個数] を調べると次のように分かります。

[余り 1 個] なら、その位の数は [1]  
[余り 2 個] なら、その位の数は [4]  
[余り 3 個] なら、その位の数は [2]  
[余り 4 個] なら、その位の数は [8]  
[余り 5 個] なら、その位の数は [5]  
[余り 0 個] なら、その位の数は [7]

## 類題

[2] を [7] で [わる] と  
[同じ数が繰り返し現われます]  
[ $2 \div 7$ ] = [0.285714 285714 …]

- ① 小数第 20 位の数は何ですか。
- ② 小数第 40 位の数は何ですか。
- ③ 小数第 99 位の数は何ですか。

[6ヶタ] で [同じ数がくりかえされる] ので、  
[小数第何位] かを表わす数を  
[6でわって]  
[余りの数] を調べると次のように分かる。

[余り 1 個] なら、[2]  
[余り 2 個] なら、[8]  
[余り 3 個] なら、[5]  
[余り 4 個] なら、[7]  
[余り 5 個] なら、[1]  
[余り 0 個] なら、[4]

$$\textcircled{1} \quad [20 \div 6] = [3 \text{余り } 2] \text{ ゆえ、[4]}$$

$$\textcircled{1} \quad [20 \div 6] = [3 \text{余り } 2] \text{ ゆえ、[8]}$$

$$\textcircled{2} \quad [70 \div 6] = [11 \text{余り } 4] \text{ ゆえ、[8]}$$

$$\textcircled{2} \quad [40 \div 6] = [6 \text{余り } 4] \text{ ゆえ、[7]}$$

$$\textcircled{3} \quad [99 \div 6] = [16 \text{余り } 3] \text{ ゆえ、[2]}$$

$$\textcircled{3} \quad [99 \div 6] = [16 \text{余り } 3] \text{ ゆえ、[5]}$$

## 第2節 周期性を組み合わせた問題

### 例 2-1

[1～9の整数]を書いたカードがあります。  
 [3でわって]  
 [1余る数]を[Aの箱]  
 [2余る数]を[Bの箱]  
 [0余る数]を[Cの箱]に入れました。  
 この箱の中から、カードを2枚取り出して  
 次のような計算をしました。

この時の[和]や[積]を  
 [3でわった余り]を答えとして  
 箱に入れると、どの箱に入りますか。

#### [和]

$$\begin{array}{l} \textcircled{1} A + A = [ ] \\ \textcircled{2} A + B = [ ] \\ \textcircled{3} A + C = [ ] \end{array}$$

$$\begin{array}{l} \textcircled{4} B + A = [ ] \\ \textcircled{5} B + B = [ ] \\ \textcircled{6} B + C = [ ] \end{array}$$

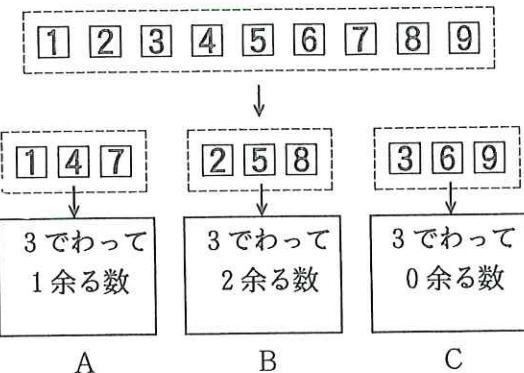
$$\begin{array}{l} \textcircled{7} C + A = [ ] \\ \textcircled{8} C + B = [ ] \\ \textcircled{9} C + C = [ ] \end{array}$$

#### [積]

$$\begin{array}{l} \textcircled{1} A \times A = [ ] \\ \textcircled{2} A \times B = [ ] \\ \textcircled{3} A \times C = [ ] \end{array}$$

$$\begin{array}{l} \textcircled{4} B \times A = [ ] \\ \textcircled{5} B \times B = [ ] \\ \textcircled{6} B \times C = [ ] \end{array}$$

$$\begin{array}{l} \textcircled{7} C \times A = [ ] \\ \textcircled{8} C \times B = [ ] \\ \textcircled{9} C \times C = [ ] \end{array}$$



1～9以外のどんな大きな整数にも共通した、何かの法則があるかも知れません。

実際に少し計算してみましょう。

#### 例

$$\begin{array}{l} [4] + [7] = [11] \\ [3\text{でわって}] + [3\text{でわって}] = [3\text{でわって}] \\ \quad \text{余り1} \quad \text{余り1} \quad \text{余り2} \\ [A] + [A] = [B] \end{array}$$

$$\begin{array}{l} [7] + [8] = [15] \\ [3\text{でわって}] + [3\text{でわって}] = [3\text{でわって}] \\ \quad \text{余り1} \quad \text{余り2} \quad \text{余り3} \\ \qquad \qquad \qquad = [3\text{でわって}] \\ \qquad \qquad \qquad \quad \text{余り0} \\ [A] + [B] = [C] \end{array}$$

$$\begin{array}{l} [4] \times [7] = [28] \\ [3\text{でわって}] \times [3\text{でわって}] = [3\text{でわって}] \\ \quad \text{余り1} \quad \text{余り1} \quad \text{余り1} \\ [A] \times [A] = [A] \end{array}$$

$$\begin{array}{l} [5] \times [8] = [40] \\ [3\text{でわって}] \times [3\text{でわって}] = [3\text{でわって}] \\ \quad \text{余り2} \quad \text{余り2} \quad \text{余り4} \\ \qquad \qquad \qquad = [3\text{でわって}] \\ \qquad \qquad \qquad \quad \text{余り1} \\ [B] \times [B] = [A] \end{array}$$

見つかりましたか？

## [和]

\* 計算 \*

- ① [余り 1] + [余り 1] = [余り 2]
- ② [余り 1] + [余り 2] = [余り 0]
- ③ [余り 1] + [余り 0] = [余り 1]
  
- ④ [余り 2] + [余り 1] = [余り 0]
- ⑤ [余り 2] + [余り 2] = [余り 1]
- ⑥ [余り 2] + [余り 0] = [余り 2]
  
- ⑦ [余り 0] + [余り 1] = [余り 1]
- ⑧ [余り 0] + [余り 2] = [余り 2]
- ⑨ [余り 0] + [余り 0] = [余り 0]

## [積]

\* 計算 \*

- ① [余り 1] × [余り 1] = [余り 1]
- ② [余り 1] × [余り 2] = [余り 2]
- ③ [余り 1] × [余り 0] = [余り 0]
  
- ④ [余り 2] × [余り 1] = [余り 2]
- ⑤ [余り 2] × [余り 2] = [余り 1]
- ⑥ [余り 2] × [余り 0] = [余り 0]
  
- ⑦ [余り 0] × [余り 1] = [余り 0]
- ⑧ [余り 0] × [余り 2] = [余り 0]
- ⑨ [余り 0] × [余り 0] = [余り 0]

\* 答え \*

- ① [A] + [A] = [B]
- ② [A] + [B] = [C]
- ③ [A] + [C] = [A]
  
- ④ [B] + [A] = [C]
- ⑤ [B] + [B] = [A]
- ⑥ [B] + [C] = [B]
  
- ⑦ [C] + [A] = [A]
- ⑧ [C] + [B] = [B]
- ⑨ [C] + [C] = [C]

\* 答え \*

- ① [A] × [A] = [A]
- ② [A] × [B] = [B]
- ③ [A] × [C] = [C]
  
- ④ [B] × [A] = [B]
- ⑤ [B] × [B] = [A]
- ⑥ [B] × [C] = [C]
  
- ⑦ [C] × [A] = [C]
- ⑧ [C] × [B] = [C]
- ⑨ [C] × [C] = [C]

※ [差] や [商] を考えると、  
すこし違った問題がおこりますので、  
ここでは、取り上げないことにしましょう。

### 第3節 [曜日] と [日にち]

#### 例3-1

[1日] が [月曜日] の月は  
[各日] は  
[何曜日] になりますか。

順に求めたり  
カレンダーで読んだりするのではなく  
かんたんな計算方法を考えなさい。

1	2	3	4	5	6	7
8	9	10	11	12	13	14
15	16	17	18	19	20	21
22	23	24	25	26	27	28
29	30	31				
月	火	水	木	金	土	日

日	月	火	水	木	金	土
1	2	3	4	5	6	7
7	8	9	10	11	12	13
14	15	16	17	18	19	20
21	22	23	24	25	26	27
28	29	30	31			

上の数字を、  
[横] に見ずに [縦] に見ます。

各曜日の日の数字が  
[7ずつ] 増えていくことは  
カレンダーの性質から分かっていることです。

このことをもとに考えてみます。

[1, 8, 15, 22, 29 日] の全ては  
[月曜日] です。  
これに共通していることは、  
[7でわれば、1余る] ということです。

同じように、  
[2, 9, 16, 23, 30 日] の全ては  
[火曜日] です。  
これに共通していることは、  
[7でわれば、2余る] ということです。

このようにして、  
[7でわって 余る数] を見れば、  
[曜日] が分かります。

[1日] が [月曜日] の月は、

[月曜日] は、[7でわって、1余る日]

[火曜日] は、[7でわって、2余る日]

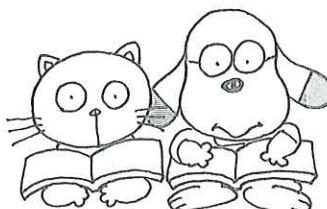
[水曜日] は、[7でわって、3余る日]

[木曜日] は、[7でわって、4余る日]

[金曜日] は、[7でわって、5余る日]

[土曜日] は、[7でわって、6余る日]

[日曜日] は、[7でわって、わり切れる日] です。



## 例3-2

[11日] が [月曜日] の月は  
[それぞれの日] は  
[何曜日] になりますか。

順に求めたり  
カレンダーで読んだりするのではなく  
かんたんな計算方法を考えなさい。

[11日] が [月曜日] ということは、  
 $[11 \div 7 = 1 \text{ 余り } 4]$  で、  
[4余る日] が [月曜日] ということで、

[4余る日] が [月曜日]  
[5余る日] が [火曜日]  
[6余る日] が [水曜日]  
[0余る日] が [木曜日]  
[1余る日] が [金曜日]  
[2余る日] が [土曜日]  
[3余る日] が [日曜日] です。

このように、  
[余る数] と [曜日] の [対応表] ができる。

後は、  
[日数] を [7] で [わって]  
[余りの数] を確かめ、  
上の  
[余る数と曜日の対応表] に合わせる。

[8日] は [余り1] ゆえ、[金曜日]  
[9日] は [余り2] ゆえ、[土曜日]  
[10日] は [余り3] ゆえ、[日曜日]  
[11日] は [余り4] ゆえ、[月曜日]  
[12日] は [余り5] ゆえ、[火曜日]  
[13日] は [余り6] ゆえ、[水曜日]  
[25日] は [余り4] ゆえ、[月曜日]  
[29日] は [余り1] ゆえ、[金曜日]

などとします。

算数の問題と直接関係ないのだけれど  
日にちの読み方を  
ここでちょっと見ておきたい。

1日	ツイタチ	11日	ジュウイチニチ
2日	ツツカ	12日	ジュウニニチ
3日	ミッカ	13日	ジュウサンニチ
4日	ヨッカ	14日	ジュウヨッカ
5日	イツカ	15日	ジュウゴニチ
6日	ムイカ	16日	ジュウロクニチ
7日	ナヌカ・ナノカ	17日	ジュウシチニチ
8日	ヨオカ	18日	ジュウハチニチ
9日	ココノカ	19日	ジュウクニチ
10日	トオカ	20日	ハツカ

21日	ニジュウイチニチ
22日	ニジュウニニチ
23日	ニジュウサンニチ
24日	ニジュウヨッカ
25日	ニジュウゴニチ
26日	ニジュウロクニチ
27日	ニジュウシチニチ
28日	ニジュウハチニチ
29日	ニジュウクニチ
30日	サンジュウニチ ミソカ

[日] を [カ] と読む [日] を [ニチ] と読む

こうして表わしてみると、  
自分たちが知っている積りのことでも  
[ああ、そうだったのか] と、あらためて  
気がつくものではありませんか。

## 例3-3

[1月1日]が[月曜日]のとき  
[平年]の[各月の最後の日]が  
[何曜日]か調べなさい。

時には、  
[各月の日数]を知らない人がいますので  
このことを先ず確かめておきましょう。

1月 = 31日

3月 = 31日

5月 = 31日

7月 = 31日

8月 = 31日

10月 = 31日

12月 = 31日

2月 = 28日

4月 = 30日

6月 = 30日

9月 = 30日

11月 = 30日

[31日ある月]を  
[大の月]  
といい、

[31日無い月]を  
[小の月]と  
言います。

[2, 4, 6, 9, 11月]なので、  
[11]を、  
[士]と書いて、[さむらい]と読み

[二四六九、士]  
[にしむくさむらい]

[西向く士 小の月]

と唱えて、  
[小の月]をおぼえる方法が  
昔から有名です。

[各月の末日]が  
[1月1日]から数えて[何日目]にあたるかを  
調べます。

1月31日 → [0] + [31] → 1月 31日

2月28日 → [31] + [28] → 1月 59日

3月31日 → [59] + [31] → 1月 90日

4月31日 → [90] + [30] → 1月 120日

5月31日 → [120] + [31] → 1月 151日

6月30日 → [151] + [30] → 1月 181日

7月31日 → [181] + [31] → 1月 212日

8月31日 → [212] + [31] → 1月 243日

9月30日 → [243] + [30] → 1月 273日

10月31日 → [273] + [31] → 1月 304日

11月30日 → [304] + [30] → 1月 334日

12月31日 → [334] + [31] → 1月 365日

1月 1日 → [365] + [1] → 1月 366日

[1日]が[月曜日]ですから、  
[余りが1]なら、[月曜日]  
[余りが2]なら、[火曜日]  
下の表のようになります。

余り	1	2	3	4	5	6	0
曜日	月	火	水	木	金	土	日

1月31日 → 1月31日 $31 \div 7 = 4$ 余り 3 → 水曜日
2月28日 → 1月59日 $59 \div 7 = 8$ 余り 3 → 水曜日
3月31日 → 1月90日 $90 \div 7 = 12$ 余り 6 → 土曜日
4月30日 → 1月120日 $120 \div 7 = 17$ 余り 1 → 月曜日
5月31日 → 1月151日 $151 \div 7 = 21$ 余り 4 → 木曜日
6月30日 → 1月181日 $181 \div 7 = 25$ 余り 6 → 土曜日
7月31日 → 1月212日 $212 \div 7 = 30$ 余り 2 → 火曜日
8月31日 → 1月243日 $243 \div 7 = 34$ 余り 5 → 金曜日
9月30日 → 1月273日 $273 \div 7 = 39$ 余り 0 → 日曜日
10月31日 → 1月304日 $304 \div 7 = 43$ 余り 3 → 水曜日
11月30日 → 1月334日 $334 \div 7 = 47$ 余り 5 → 金曜日
12月31日 → 1月365日 $365 \div 7 = 52$ 余り 1 → 月曜日

## 例3-4

[1月1日] が [月曜日] の年の  
[祝日] の [曜日] を求めなさい。

計算で求める方法を考えなさい。  
2月を28日として計算しなさい。

ついたち  
[1日] が [月曜日] ですから、  
[余りの数][1],[2],[3],[4],[5],[6],[0]  
[曜日][月],[火],[水],[木],[金],[土],[日]

## \* 計算 \*

7でわって  
2月11日 →  $31 + 11 = 42$  月 42日 余り 0  
4月29日 →  $90 + 29 = 119$  月 119日 余り 0  
5月 3日 →  $120 + 3 = 123$  月 123日 余り 4  
5月 5日 →  $120 + 5 = 125$  月 125日 余り 6  
9月15日 →  $243 + 15 = 258$  月 258日 余り 6  
10月10日 →  $273 + 10 = 283$  月 283日 余り 3  
11月 3日 →  $304 + 3 = 307$  月 307日 余り 6  
11月23日 →  $304 + 23 = 327$  月 327日 余り 5  
12月23日 →  $334 + 23 = 357$  月 357日 余り 0

それぞれの曜日は次のとおりです。

[元日] → [1月1日] → [月曜日]  
[成人の日] → [1月15日] → [月曜日]  
[建国の日] → [2月11日] → [日曜日]  
[緑の日] → [4月29日] → [日曜日]  
[憲法記念日] → [5月3日] → [木曜日]  
[子どもの日] → [5月5日] → [土曜日]  
[敬老の日] → [9月15日] → [土曜日]  
[体育の日] → [10月10日] → [水曜日]  
[文化の日] → [11月3日] → [土曜日]  
[勤労感謝の日] → [11月23日] → [金曜日]  
[天皇誕生日] → [12月23日] → [日曜日]

[春分の日] [秋分の日] は、  
年により少しずれることもあるので、  
はずしておきます。

[平年] で、  
[同じ曜日] となる [祝日]

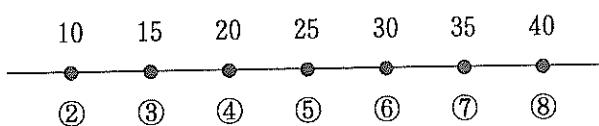
- A [元日] [成人の日]  
B [建国の日] [緑の日] [天皇誕生日]  
C [子どもの日] [敬老の日] [文化の日]

## 例3-5

1月8日から3月20日までの間に  
 ①日曜日は何日ありますか。  
 ②水曜日は何日ありますか。  
 ただし、1月1日は月曜日です。  
 また、平年とします。

## 【準備の問題】

(1) [10から40]までの間に  
 [5の倍数]はいくつ？



$$40 \div 5 = 8\text{こ}$$

$$10 \div 5 = 2\text{こ}$$

[②から⑧までいくつあります]  
 【第4編第1章植木算付節】参照

このようにすると、  
 10が5の倍数であるかどうか  
 の検討が必要ですので、  
 10の1手前の数にして、  
 もし、  
 10が5の倍数であるときも、  
 割り算の商をそのまま引くことにより  
 個数を求められるようにしておきます。

つまり、

$$[40 \div 5] = [8\text{こ}]$$

$$[(10-1) \div 5] = [1\text{こ} \text{あまり } 4]$$

$$[8\text{こ} - 1\text{こ}] = [7\text{個}]$$

少し、数がややこしくなります。

(2) [8から79]までの間に  
 [7の倍数]はいくつ？

$$[79 \div 7] = [11\text{こ} \text{あまり } 2]$$

$$[(8-1) \div 7] = [1\text{こ} \text{あまり } 0]$$

$$[11\text{こ} - 1\text{こ}] = [10\text{個}]$$

(3) [13から43]までの間に  
 [5でわって、3あまる数]は  
 いくつありますか？

[5でわって、3余る数]とは、  
 [わられる数]から[3を引いて]おけば  
 ちょうど[5でわりきれる数]です。

ですから、準備(1)と考えあわせて、

$$[(43-3) \div 5] = [8\text{こ}]$$

$$[(13-4) \div 5] = [1\text{こ} \text{あまり } 4]$$

$$[8\text{こ} - 1\text{こ}] = [7\text{個}]$$

として求められる。

少し、数がややこしくなります。

(4) [8から79]までの間に  
 [7でわって、3余る数]は  
 いくつありますか？

$$[(79-3) \div 7] = [10\text{こ} \text{あまり } 6]$$

$$[(8-4) \div 7] = [0\text{こ} \text{あまり } 4]$$

$$[10\text{こ} - 0\text{こ}] = [10\text{個}]$$

## ① 日曜日は何日ありますか

$$\begin{aligned} & [3月20日] \\ & = [1月31日 + 28日 + 20日] \\ & = [1月79日] \end{aligned}$$

[日曜日] は、  
[日にち] を [7でわって]  
[余りが0] の日ですから、  
[準備の問題(2)] が解答となります。

## 類題

4月8日から7月20日までの間に  
日曜日は何日ありますか。  
ただし、1月1日は月曜日、平年とします。

[日曜日] は、[7でわって余りが0] の日。

$$\begin{aligned} & [7月20日] \\ & = [1月31日 + 28日 + 31日 + 30日 + 31日 + 30日 + 20日] \\ & = [1月201日] \end{aligned}$$

## ② 水曜日は何日ありますか

[水曜日] は、  
[日にち] を [7でわって]  
[余りが3] の日ですから、  
[準備の問題(4)] が解答となります。

$$\begin{aligned} & [4月8日] \\ & = [1月31日 + 28日 + 31日 + 8日] \\ & = [1月98日] \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 201 & \div 7 = 28 \text{あまり } 5 \\ (98 - 1) & \div 7 = 13 \text{あまり } 6 \\ [28 - 13] & = [15] \text{日} \end{aligned}$$

## 類題

9月1日から12月24日までの間に  
日曜日は何日ありますか。  
ただし、1月1日は月曜日、平年とします。

[日曜日] は、[7でわって余りが0] の日。

$$\begin{aligned} & [365 - 7] = [358] \\ & [12月 24日] \\ & = [1月 358日] \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} & [9月 1日] \\ & = [1月 244日] \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 358 & \div 7 = 51 \text{あまり } 1 \\ (244 - 1) & \div 7 = 34 \text{あまり } 5 \\ [51 - 34] & = [17] \text{日} \end{aligned}$$

## 第4節 百年カレンダー

毎年、カレンダーの[日にち]と[曜日]は、少しづつずれていきます。

そのため、カレンダーは毎年新しく作られるのですが、長い間使えるカレンダーはできないか、と考えてみました。

**平年**の[1年間]は[365日]ですから、[52週間と1日]です。  
そのため、[曜日]は、毎年、[1日ずつ後へずれる]ことになります。

[平年]の[1月1日]が[月曜日]なら、翌年の[1月1日]は[火曜日]です。

[うるう年]の[1月1日]が[月曜日]なら、翌年の[1月1日]は[水曜日]です。

このことを、まとめて表に表わすと、次のように  
それぞれ[7通り]になります。

[1月1日の曜日を比べます。]

平年	翌年	うるう年	翌年
月	→ 火	月	→ 水
火	→ 水	火	→ 木
水	→ 木	水	→ 金
木	→ 金	木	→ 土
金	→ 土	金	→ 日
土	→ 日	土	→ 月
日	→ 月	日	→ 火

[うるう年]の[1年間]は[366日]ですから、[52週間と2日]です。  
そのため、[次の年の曜日]は、[2日、後へずれる]ことになります。

こうして、1月1日の曜日を比べます。

\*

[日にち]を[7でわった余り]で分類すると、[余りの数]によって[おなじ曜日]を表せることは、第3節で学びました。

1月1日の曜日を[1]で表すと  
2月1日の曜日は[4]で表せます。

以下、同じようにして作ったのが次ページ左の数の表です。

### 【参考】

[西暦年数]を[4でわって]  
[わりきれる年]が[うるう年]です。

$$1996 \div 4 = 499 \cdots \cdots \text{うるう年}$$

$$1997 \div 4 = 499 \text{余り } 1 \cdots \cdots \text{平年}$$

うるう年には、かいさいオリンピックが開催されます。

[毎月の1日]の[曜日]の変化は、  
[前月の日数]により少しづつずれます。

[28日の月]は[4週間ちょうど]ですから、  
[次の月]は[同じ曜日]になります。

[29日の月]は[4週間と1日]ですから、  
[次の月]は[1日後の曜日]になります。

[30日の月]は[4週間と2日]ですから、  
[次の月]は[2日後の曜日]になります。

[31日の月]は[4週間と3日]ですから、  
[次の月]は[3日後の曜日]になります。

[平年]のはあい、[各月の曜日のずれ]は  
次のような[数のずれ]になります。

月	①	②	③	④	⑤	⑥	⑦	⑧	⑨	⑩	⑪	⑫	翌年 ①
	+3	+0	+3	+2	+3	+2	+3	+3	+2	+3	+2	+3	+3
1	4	4	0	2	5	0	3	6	1	4	6	2	
2	5	5	1	3	6	1	4	0	2	5	0	3	
3	6	6	2	4	0	2	5	1	3	6	1	4	
4	0	0	3	5	1	3	6	2	4	0	2	5	
5	1	1	4	6	2	4	0	3	5	1	3	6	
6	2	2	5	0	3	5	1	4	6	2	4	0	
0	3	3	6	1	4	6	2	5	0	3	5	1	

\*

左の[数のずれ]を、

[1=日曜日] [2=月] [3=火] [4=水]  
[5=木] [6=金] [0=土]

として表すと、

次の表ができます。

### [平年]

月	①	②	③	④	⑤	⑥	⑦	⑧	⑨	⑩	⑪	⑫	翌年 ①
曜日	+3	+0	+3	+2	+3	+2	+3	+3	+2	+3	+2	+3	+3
日	水	水	土	月	木	土	火	金	日	水	金	月	
月	木	木	日	火	金	日	水	土	月	木	土	火	
火	金	金	月	水	土	月	木	日	火	金	日	水	
水	土	土	火	木	日	火	金	月	水	土	月	木	
木	日	日	水	金	月	水	土	火	木	日	火	金	
金	月	月	木	土	日	木	日	水	金	月	水	土	
土	火	火	金	日	水	金	月	木	土	火	木	日	

[うるう年]のはあい、[各月の曜日のずれ]は  
次のような[数のずれ]になります。

月	①	②	③	④	⑤	⑥	⑦	⑧	⑨	⑩	⑪	⑫	翌年 ①
	+3	+1	+3	+2	+3	+2	+3	+3	+2	+3	+2	+3	+3
1	4	5	1	3	6	1	4	0	2	5	0	3	
2	5	6	2	4	0	2	5	1	3	6	1	4	
3	6	0	3	5	1	3	6	2	4	0	2	5	
4	0	1	4	6	2	4	0	3	5	1	3	6	
5	1	2	5	0	3	5	1	4	6	2	4	0	
6	2	3	6	1	4	6	2	5	0	3	5	1	
0	3	4	0	2	5	0	3	5	1	4	6	2	

### [うるう年]

月	①	②	③	④	⑤	⑥	⑦	⑧	⑨	⑩	⑪	⑫	翌年 ①
曜日	+3	+1	+3	+2	+3	+2	+3	+3	+2	+3	+2	+3	+3
日	水	木	日	火	金	日	水	土	月	木	土	火	
月	木	金	月	水	土	月	木	日	火	金	日	水	
火	金	土	火	木	日	火	金	月	水	土	月	木	
水	土	日	水	金	月	水	土	火	木	日	火	金	
木	日	月	木	土	火	木	日	水	金	月	水	土	
金	月	火	金	日	水	金	月	木	土	火	木	日	
土	火	水	土	月	木	土	火	金	日	水	金	月	

ついたち  
**1日曜日表**

1901年～1925年

	①	②	③	④	⑤	⑥	⑦	⑧	⑨	⑩	⑪	⑫	
1901	火	金	金	月	水	土	月	木	日	火	金	日	明治 34
1902	水	土	土	火	木	日	火	金	月	水	土	月	明治 35
1903	木	日	日	水	金	月	水	土	火	木	日	火	明治 36
1904	金	月	火	金	日	水	金	月	木	土	火	木	明治 37
1905	日	水	水	土	月	木	土	火	金	日	水	金	明治 38
1906	月	木	木	日	火	金	日	水	土	月	木	土	明治 39
1907	火	金	金	月	水	土	月	木	日	火	金	日	明治 40
1908	水	土	日	水	金	月	水	土	火	木	日	火	明治 41
1909	金	月	月	木	土	火	木	日	水	金	月	水	明治 42
1910	土	火	火	金	日	水	金	月	木	土	火	木	明治 43
1911	日	水	水	土	月	木	土	火	金	日	水	金	明治 44
1912	月	木	金	月	水	土	月	木	日	火	金	日	大正 1
1913	水	土	土	火	木	日	火	金	月	水	土	月	大正 2
1914	木	日	日	水	金	月	水	土	火	木	日	火	大正 3
1915	金	月	月	木	土	火	木	日	水	金	月	水	大正 4
1916	土	火	水	土	月	木	土	火	金	日	水	金	大正 5
1917	月	木	木	日	火	金	日	水	土	月	木	土	大正 6
1918	火	金	金	月	水	土	月	木	日	火	金	日	大正 7
1919	水	土	土	火	木	日	火	金	月	水	土	月	大正 8
1920	木	日	月	木	土	火	木	日	水	金	月	水	大正 9
1921	土	火	火	金	日	水	金	月	木	土	火	木	大正 10
1922	日	水	水	土	月	木	土	火	金	日	水	金	大正 11
1923	月	木	木	日	火	金	日	水	土	月	木	土	大正 12
1924	火	金	土	火	木	日	火	金	月	水	土	月	大正 13
1925	木	日	日	水	金	月	水	土	火	木	日	火	大正 14

上に示す〔曜日表〕は、  
ついたち  
 [各年度の各月の1日の曜日]を示す  
 [百年カレンダー]です。  
 前ページの表を組み合わせて作りました。

ついたち  
**1日曜日表**

1926年～1950年

	①	②	③	④	⑤	⑥	⑦	⑧	⑨	⑩	⑪	⑫	
1926	金	月	月	木	土	火	木	日	水	金	月	水	昭和 1
1927	土	火	火	金	日	水	金	月	木	土	火	木	昭和 2
1928	日	水	木	日	火	金	日	水	土	月	木	土	昭和 3
1929	火	金	月	水	土	月	木	日	火	金	日	水	昭和 4
1930	水	土	土	火	木	日	火	金	月	水	土	月	昭和 5
1931	木	日	日	水	金	月	水	土	火	木	日	火	昭和 6
1932	金	月	火	金	日	水	金	月	木	土	火	木	昭和 7
1933	日	水	水	土	月	木	土	火	金	日	水	金	昭和 8
1934	月	木	木	日	火	金	日	水	土	月	木	土	昭和 9
1935	火	金	金	月	水	土	月	木	日	火	金	日	昭和 10
1936	水	土	日	水	金	月	水	土	火	木	日	火	昭和 11
1937	金	月	月	木	土	火	木	日	水	金	月	水	昭和 12
1938	土	火	火	金	日	水	金	月	木	土	火	木	昭和 13
1939	日	水	水	土	月	木	土	火	金	日	水	金	昭和 14
1940	月	木	金	月	水	土	月	木	日	火	金	日	昭和 15
1941	水	土	土	火	木	日	火	金	月	水	土	月	昭和 16
1942	木	日	日	水	金	月	水	土	火	木	日	火	昭和 17
1943	金	月	月	木	土	火	木	日	水	金	月	水	昭和 18
1944	土	火	水	土	月	木	土	火	金	日	水	金	昭和 19
1945	月	木	木	日	火	金	日	水	土	月	木	土	昭和 20
1946	火	金	金	月	水	土	月	木	日	火	金	日	昭和 21
1947	水	土	土	火	木	日	火	金	月	水	土	月	昭和 22
1948	木	日	月	木	土	火	木	日	水	金	月	水	昭和 23
1949	土	火	火	金	日	水	金	月	木	土	火	木	昭和 24
1950	日	水	水	土	月	木	土	火	金	日	水	金	昭和 25

ついたち  
 その月の1日の曜日が分かれば、  
 234ページの七曜表のいずれかで、  
 知りたい日の曜日を調べてください。  
 この部分の使い方は、  
 ふつうのカレンダーと同じです。

ついたち  
1日曜日表

1951年～1975年

	①	②	③	④	⑤	⑥	⑦	⑧	⑨	⑩	⑪	⑫	
1951	月	木	木	日	火	金	日	水	土	月	木	土	昭和 26
1952	火	金	土	火	木	日	火	金	月	水	土	月	昭和 27
1953	木	日	日	水	金	月	水	土	火	木	日	火	昭和 28
1954	金	月	月	木	土	火	木	日	水	金	月	水	昭和 29
1955	土	火	火	金	日	水	金	月	木	土	火	木	昭和 30
1956	日	水	木	日	火	金	日	水	土	月	木	土	昭和 31
1957	火	金	金	月	水	土	月	木	日	火	金	日	昭和 32
1958	水	土	土	火	木	日	火	金	月	水	土	月	昭和 33
1959	木	日	日	水	金	月	水	土	火	木	日	火	昭和 34
1960	金	月	火	金	日	水	金	月	木	土	火	木	昭和 35
1961	日	水	水	土	月	木	土	火	金	日	水	金	昭和 36
1962	月	木	木	日	火	金	日	水	土	月	木	土	昭和 37
1963	火	金	金	月	水	土	月	木	日	火	金	日	昭和 38
1964	水	土	日	水	金	月	水	土	火	木	日	火	昭和 39
1965	金	月	月	木	土	火	木	日	水	金	月	水	昭和 40
1966	土	火	火	金	日	水	金	月	木	土	火	木	昭和 41
1967	日	水	水	土	月	木	土	火	金	日	水	金	昭和 42
1968	月	木	金	月	水	土	月	木	日	火	金	日	昭和 43
1969	水	土	土	火	木	日	火	金	月	水	土	月	昭和 44
1970	木	日	日	水	金	月	水	土	火	木	日	火	昭和 45
1971	金	月	月	木	土	火	木	日	水	金	月	水	昭和 46
1972	土	火	水	土	月	木	土	火	金	日	水	金	昭和 47
1973	月	木	木	日	火	金	日	水	土	月	木	土	昭和 48
1974	火	金	金	月	水	土	月	木	日	火	金	日	昭和 49
1975	水	土	土	火	木	日	火	金	月	水	土	月	昭和 50

がんねん  
明治45年＝大正元年  
大正15年＝昭和元年  
昭和64年＝平成元年

ついたち  
1日曜日表

1976年～2000年

	①	②	③	④	⑤	⑥	⑦	⑧	⑨	⑩	⑪	⑫	
1976	木	日	月	木	土	火	木	日	水	金	月	水	昭和 51
1977	土	火	火	金	日	水	金	月	木	土	火	木	昭和 52
1978	日	水	水	土	月	木	土	火	金	日	水	金	昭和 53
1979	月	木	木	日	火	金	日	水	土	月	木	土	昭和 54
1980	火	金	土	火	木	日	火	金	月	水	土	月	昭和 55
1981	木	日	日	水	金	月	水	土	火	木	日	火	昭和 56
1982	金	月	月	木	土	火	木	日	水	金	月	水	昭和 57
1983	土	火	火	金	日	水	金	月	木	土	火	木	昭和 58
1984	日	水	木	日	火	金	日	水	土	月	木	土	昭和 59
1985	火	金	金	月	水	土	月	木	日	火	金	日	昭和 60
1986	水	土	土	火	木	日	火	金	月	水	土	月	昭和 61
1987	木	日	日	水	金	月	水	土	火	木	日	火	昭和 62
1988	金	月	火	金	日	水	金	月	木	土	火	木	昭和 63
1989	日	水	水	土	月	木	土	火	金	日	水	金	平成 1
1990	月	木	木	日	火	金	日	水	土	月	木	土	平成 2
1991	火	金	金	月	水	土	月	木	日	火	金	日	平成 3
1992	水	土	日	水	金	月	水	土	火	木	日	火	平成 4
1993	金	月	月	木	土	火	木	日	水	金	月	水	平成 5
1994	土	火	火	金	日	水	金	月	木	土	火	木	平成 6
1995	日	水	水	土	月	木	土	火	金	日	水	金	平成 7
1996	月	木	金	月	水	土	月	木	日	火	金	日	平成 8
1997	水	土	土	火	木	日	火	金	月	水	土	月	平成 9
1998	木	日	日	水	金	月	水	土	火	木	日	火	平成 10
1999	金	月	月	木	土	火	木	日	水	金	月	水	平成 11
2000	土	火	水	土	月	木	土	火	金	日	水	金	平成 12

この1日曜日表を観察して  
どのような法則のあることに  
気付きますか。

[元日の曜日] が決まると、  
[各月の1日の曜日] も決まります。  
それゆえ、

### がんじつ [元日曜日表]

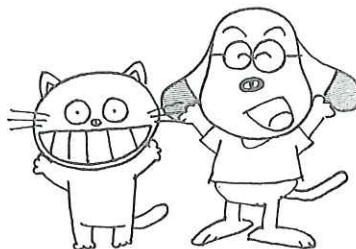
### ついたち [1日曜日表 2種]

### しちょうひょう [七曜表 7種]

を組みあわせれば、  
100年・200年間の全ての曜日が  
わかつことになります。

### がんじつ [元日曜日表]

年代	★	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
190	☆	日	火	水	木	金	日	月	火	水	金
191	☆	土	日	月	水	木	金	土	月	火	水
192	☆	木	土	日	月	火	木	金	土	日	火
193	☆	水	木	金	日	月	火	水	金	土	日
194	☆	月	水	木	金	土	月	火	水	木	土
195	☆	日	月	火	木	金	土	日	火	水	木
196	☆	金	日	月	火	水	金	土	日	月	水
197	☆	木	金	土	月	火	水	木	土	日	月
198	☆	火	木	金	土	日	火	水	木	金	日
199	☆	月	火	水	金	土	日	月	水	木	金



### ついたち [1日曜日表]

#### [平年用]

①	②	③	④	⑤	⑥	⑦	⑧	⑨	⑩	⑪	⑫
日	水	水	土	月	木	土	火	金	日	水	金
月	木	木	日	火	金	日	水	土	月	木	土
火	金	金	月	水	土	月	木	日	火	金	日
水	土	土	火	木	日	火	金	月	水	土	月
木	日	日	水	金	月	水	土	火	木	日	火
金	月	月	木	土	火	木	日	水	金	月	水
土	火	火	金	日	水	金	月	木	土	火	木

#### [うるう年用]

①	②	③	④	⑤	⑥	⑦	⑧	⑨	⑩	⑪	⑫
日	水	木	日	火	金	日	水	土	月	木	土
月	木	金	月	水	土	月	木	日	火	金	日
火	金	土	火	木	日	火	金	月	水	土	月
水	土	日	水	金	月	水	土	火	木	日	火
木	日	月	木	土	火	木	日	水	金	月	水
金	月	火	金	日	水	金	月	木	土	火	木
土	火	木	土	月	木	土	火	金	日	水	金

	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	
200	☆	土	月	火	水	木	土	日	月	火	木
201	☆	金	土	日	火	水	木	金	日	月	火
202	☆	水	金	土	日	月	水	木	金	土	月
203	☆	火	水	木	土	日	月	火	木	金	土
204	☆	日	後	は	く	り	か	え	し		
205	☆	土	1910	年	代	に	同	じ			
206	☆	木	1920	年	代	に	同	じ			
207	☆	水	1930	年	代	に	同	じ			
208	☆	月	1940	年	代	に	同	じ			
209	☆	日	1950	年	代	に	同	じ			

[七曜表]

日	月	火	水	木	金	土
1	2	3	4	5	6	7
8	9	10	11	12	13	14
15	16	17	18	19	20	21
22	23	24	25	26	27	28
29	30	31				

日	月	火	水	木	金	土
				1	2	3
4	5	6	7	8	9	10
11	12	13	14	15	16	17
18	19	20	21	22	23	24
25	26	27	28	29	30	31

日	月	火	水	木	金	土
	1	2	3	4	5	6
7	8	9	10	11	12	13
14	15	16	17	18	19	20
21	22	23	24	25	26	27
28	29	30	31			

日	月	火	水	木	金	土
					1	2
3	4	5	6	7	8	9
10	11	12	13	14	15	16
17	18	19	20	21	22	23
24	25	26	27	28	29	30
31						

日	月	火	水	木	金	土
		1	2	3	4	5
6	7	8	9	10	11	12
13	14	15	16	17	18	19
20	21	22	23	24	25	26
27	28	29	30	31		

日	月	火	水	木	金	土
						1
2	3	4	5	6	7	8
9	10	11	12	13	14	15
16	17	18	19	20	21	22
23	24	25	26	27	28	29
30	31					

日	月	火	水	木	金	土
			1	2	3	4
5	6	7	8	9	10	11
12	13	14	15	16	17	18
19	20	21	22	23	24	25
26	27	28	29	30	31	

\*

[小の月] については、  
月末を適当に消して読んでください。