



図形・測量編

図形 A4

(学年) [名前]

めん せき もと かた
面積の求め方

面積を求めるとき、
それぞれの 図形 の

ていぎ せいしつ
定義と性質 を

いくらか知っていることが必要です。

ここでは、

正方形

長方形

平行四辺形

三角形

台形 などの

た かくけい
多角形の面積 と、

立方体と直方体の

たいせき ひょうめんせき
体積と表面積 を、求めます。

その前に、もう一度、それらの形の

定義と性質 を 復習しておいてください。

めん せき
正方形の面積

面積は、

- [1辺が1mmの正方形の面積] = [1mm²]平方ミリメートル
- [1辺が1cmの正方形の面積] = [1cm²]平方センチメートル
- [1辺が1dmの正方形の面積] = [1dm²]平方デシメートル
- [1辺が1mの正方形の面積] = [1m²]平方メートル
- [1辺が10mの正方形の面積] = [1a]アール
- [1辺が100mの正方形の面積] = [1ha]ヘクタール (ヘクトアール)
- [1辺が1kmの正方形の面積] = [1km²]平方キロメートル

覚えて言いなさい。

など、

正方形の面積を

きほん
基本の大きさとして、

それがいくつ分か、と考えます。

いっばん
一般の正方形は、

たが
辺が互いに直角ですし、

同じ長さ ですから、

正方形の面積

$$= [1\text{辺}] \times [1\text{辺}]$$

と、表します。

【参考】

[1辺が0.1m]
デシメートル
すなわち [1辺が1dm] の
正方形の面積を
[1dm²] (1平方デシメートルと読む)
という単位はふつう使いませんが、
算数の学習には非常に便利ですから、
使うようにしましょう。

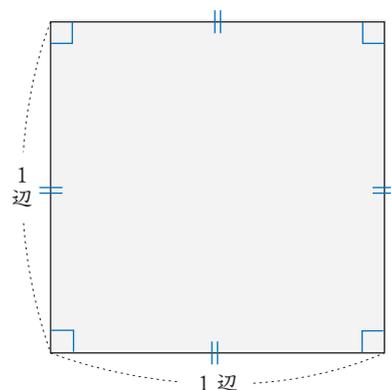
※ ちなみに、[デシ]とは、 $\frac{1}{10}$
[センチ]とは、 $\frac{1}{100}$
[ミリ]とは、 $\frac{1}{1000}$
という、意味です。

したがって、

$$[1\text{デシメートル}] = \frac{1}{10}\text{メートル} = 0.1\text{m} = 10\text{cm}$$

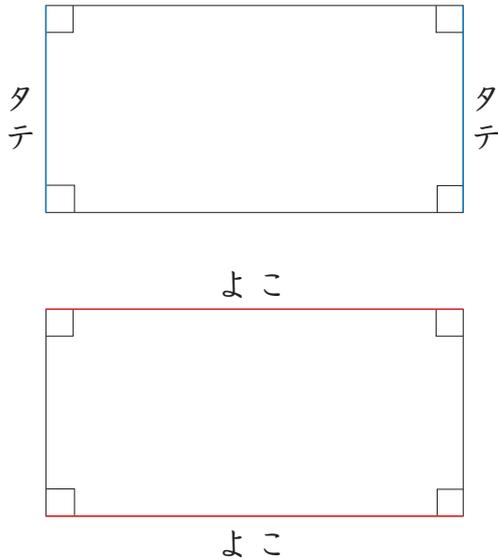
$$[1\text{センチメートル}] = \frac{1}{100}\text{メートル} = 0.01\text{m} = 1\text{cm}$$

$$[1\text{ミリメートル}] = \frac{1}{1000}\text{メートル} = 0.001\text{m} = 0.1\text{cm} = 1\text{mm}$$



何度もくりかえし読んで、りかい理解できたら、
テキストを見ながら、先生にせつめい説明しなさい。

長方形の面積

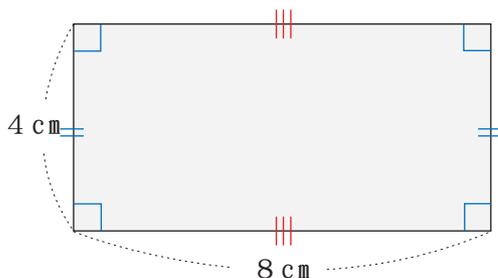


〔長方形〕の
 〔タテの辺〕と〔よこの辺〕とは
 〔たがいに ^{すいちよく}垂直〕ですから、

長方形の面積

$$= \text{〔タテ〕} \times \text{〔よこ〕}$$

で求められます。



$$[4 \text{ cm} \times 8 \text{ cm} = 32 \text{ cm}^2]$$

ちゅうもく

注目すべきことは、

〔タテ〕と〔よこ〕が

〔^{すいちよく}垂直 ^{かんけい}の関係にある〕 ことです。

いご
 以後の

めんせきけいさん ^{きほん}
面積計算の基本 は、

〔かけられる長さ〕と〔かける長さ〕とは、

〔^{つね}常に垂直の関係にある〕

ということです。

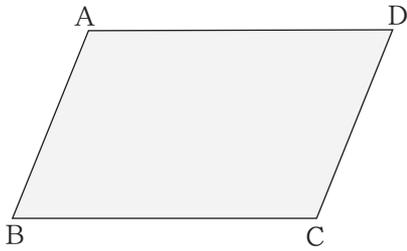
これは、

〔面積〕が

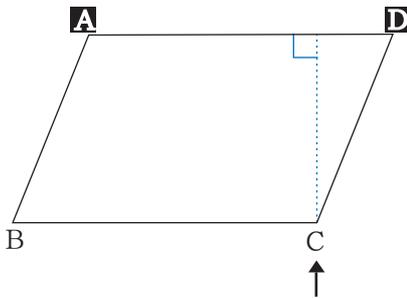
〔正方形の面積〕を基本に考えているからです。

何度もくりかえし読んで、^{りかい}理解できたら、
 テキストを見ながら、先生に^{せつめい}説明しなさい。

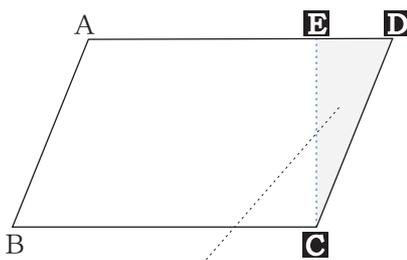
平行四辺形の面積 -1



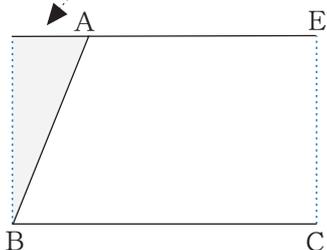
平行四辺形のままでは求められないので、
長方形に形を変えて求めます。



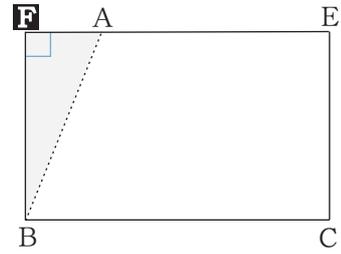
この点 C から
対辺 **AD** に
垂線を引きます。



この
[△ **CDE**] を



うっ
移します。



新しく、
[元の平行四辺形 ABCD]と
同じ面積の
[長方形 BCE**F**]ができました。

[長方形の面積]は
[タテ×よこ]で
求められることが分かっています。

つまり、
[新しくできた 長方形の面積]
を求めることは、

[元の 平行四辺形の面積]
を求めることになります。

このように、
算数では、

[すでに分かっていることにもどる]
ことにより、
新しい問題を **解決** していきます。

何度もくりかえし読んで、理解できたら、
テキストを見ながら、先生に説明しなさい。

平行四辺形の面積

-2

ここで、

[平行四辺形の面積] を
求めるために使った長さは、

平行四辺形の1つの辺 と

平行線間の距離 でした。

[長方形の辺] のように、
[タテ] と [よこ] と
呼ぶことはできません。

なぜなら、

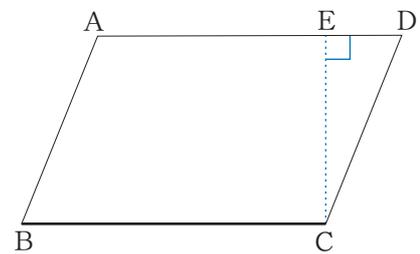
[長方形] の
[タテ] と [よこ] は、
[長方形の辺] でしたが、

[平行四辺形] のばあいは、
[2種類の辺] を
使うのではないからです。

[平行四辺形] の [となりあう辺] は
[たがいに垂直ではない] から

使えなかったわけです。

そこで、



[平行四辺形] の
[BC]の長さを [底辺]

[CよりADに垂直に引いた]

[CE]の長さを [高さ]

と呼ぶことになっています。

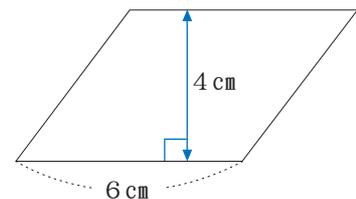
一般に、

[平行四辺形] において、

[1つの辺] を [底辺] と決めるとき、

[底辺と対辺] の [平行線間の距離] を

[平行四辺形の 高さ] と呼びます。



[底辺] が [6 cm]

[高さ] が [4 cm] であれば、

[平行四辺形の面積]

$$= 6 \text{ cm} \times 4 \text{ cm}$$

$$= 24 \text{ cm}^2$$

何度もくりかえし読んで、理解できたら、
テキストを見ながら、先生に説明しなさい。

平行四辺形の面積 -3

すなわち、いっばんてき一般的には、

平行四辺形の面積

$$= \text{〔底辺〕} \times \text{〔高さ〕}$$

として求めることができます。

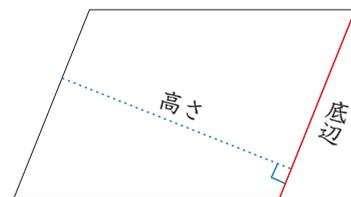
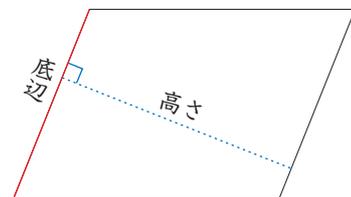
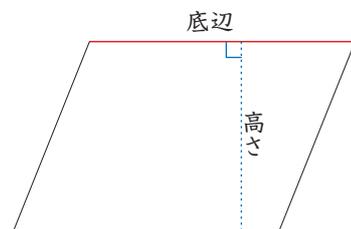
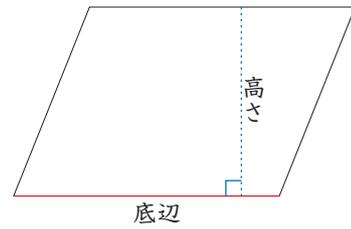
$$\text{平行四辺形の面積} \div \text{底辺} = \text{高さ}$$

$$\text{平行四辺形の面積} \div \text{高さ} = \text{底辺}$$

覚えて言いなさい。

右の平行四辺形は、
すべて 合同な平行四辺形 です。

どの辺を〔底辺〕とし、
どこを〔高さ〕とするかは、
そのときのつごうで決まるだけで、
この図を見ている人にとって、
下にある方が〔底辺〕
というわけでないのは
見ればわかる場所ですね。



何度もくりかえし読んで、理解できたら、
テキストを見ながら、先生に説明しなさい。

平行四辺形の面積 -4

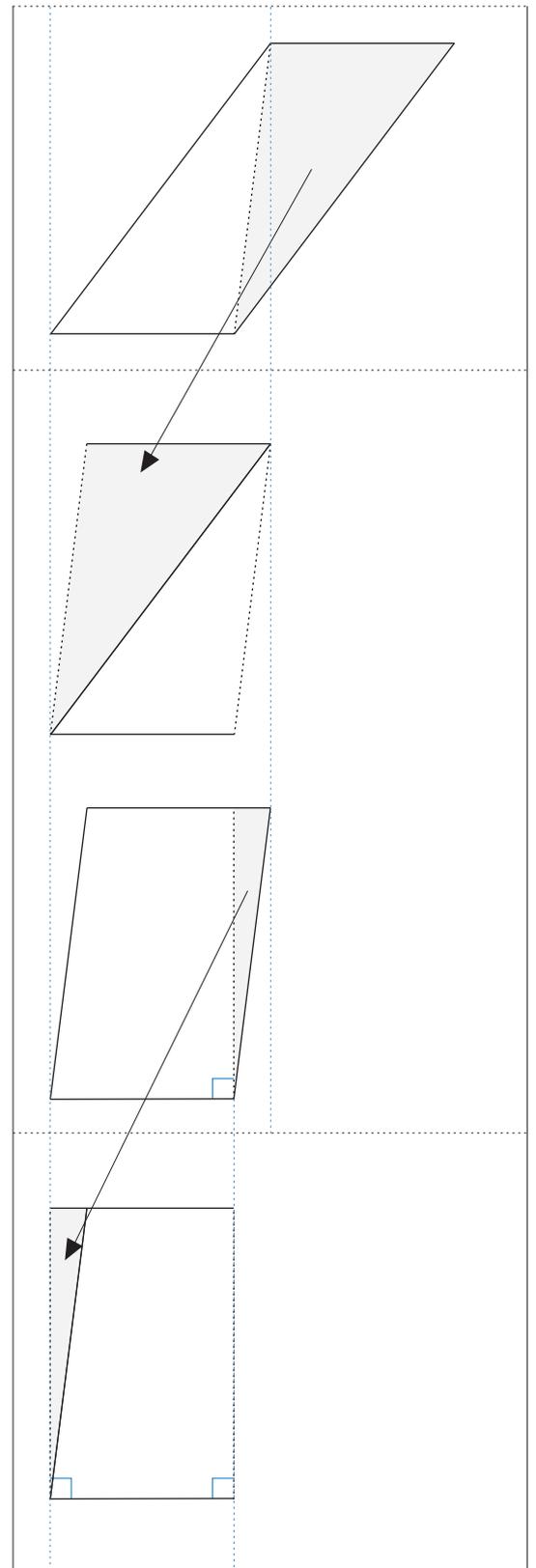
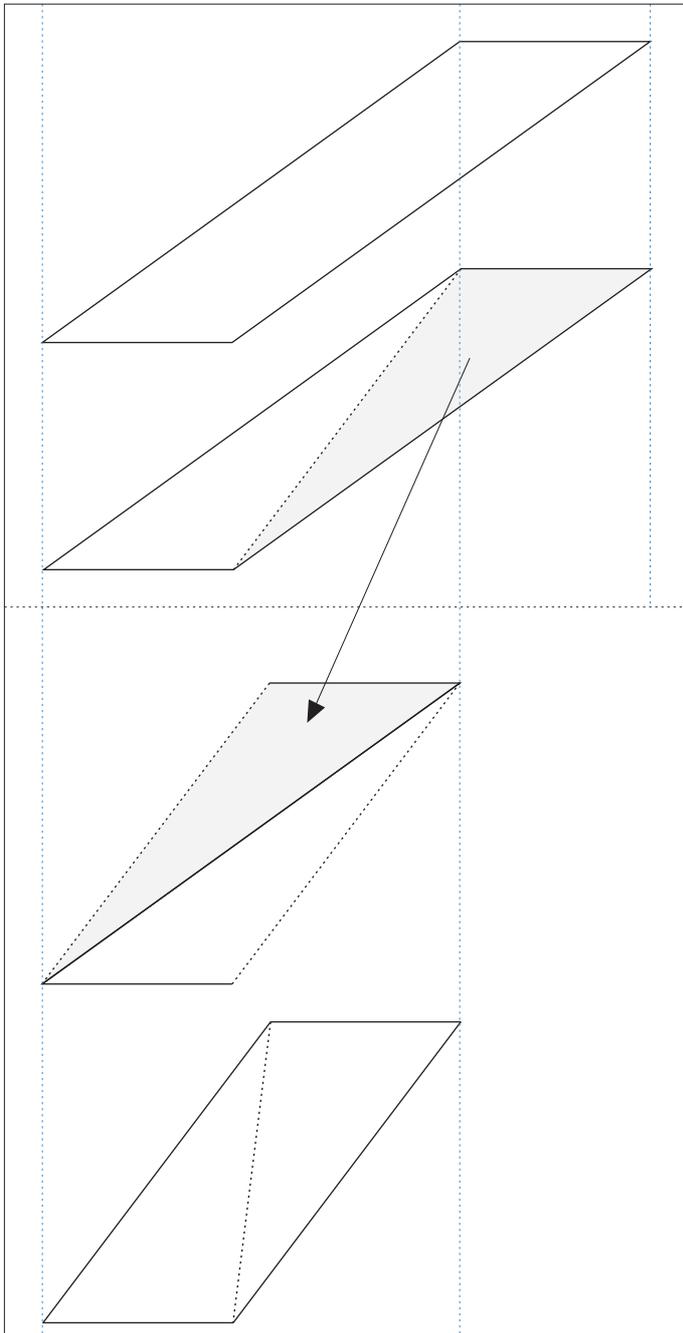
以下の図は、

[平行四辺形] が

[面積を変えず] に

[長方形] に

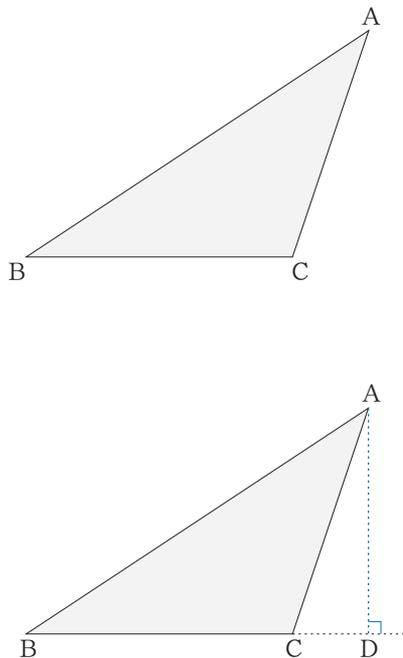
変わっていくようすを表したものです。



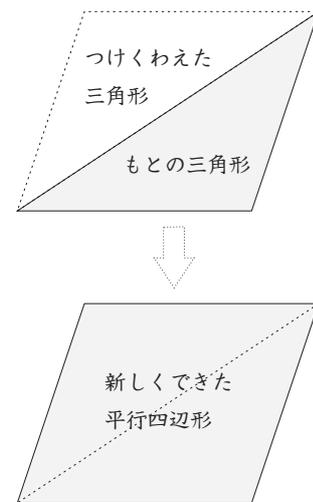
[長方形] となりました。

何度もくりかえしよく見て、理解できたら、テキストを見ながら、先生に説明しなさい。

三角形の面積 -1



〔三角形〕は、
 合同な三角形を
 つぎのようにくっつけると、
 〔平行四辺形〕になります。



上の図を指でおさえながら、
 次の定義を覚えて言いなさい。

〔三角形の頂点 A〕から、
 〔辺 BC の延長線上〕におろした
 〔垂線の長さ AD〕を、
 〔BC を底辺としたときの高さ〕
 と言います。

それゆえ、まず
 〔平行四辺形の面積〕を求め、
 それを〔2等分〕して
 〔三角形の面積〕を求めます。

このように、
 〔三角形の面積〕は、
 〔平行四辺形の面積の半分〕
 と考えると、
 どのような三角形のばあいも求められます。

何度もくりかえし読んで、理解できたら、
 テキストを見ながら、先生に説明しなさい。

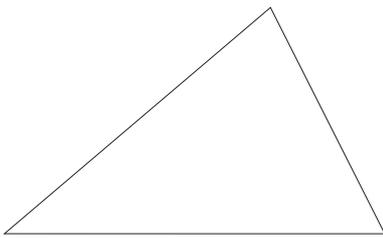
三角形の面積

-2

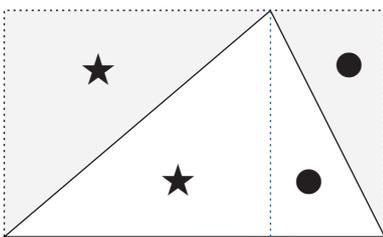
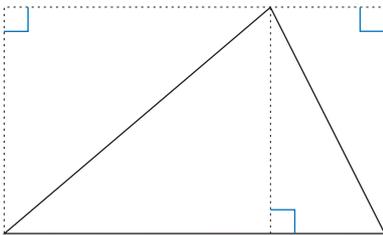
特別な三角形のばあいは、

〔長方形の半分〕

と考えることもできます。



この三角形の面積は、
次のように、
長方形を考えます。



★どうし、●どうしは 合同な三角形
ですから、
面積は等しい。

それゆえ、図のように、

〔長方形〕は

〔三角形の2倍〕の大きさです。

今見てきたとおり、

〔三角形〕2つを合わせると、

〔平行四辺形〕か〔長方形〕になります。

$$\begin{aligned} & \text{〔平行四辺形の面積〕} \\ & = \text{〔底辺〕} \times \text{〔高さ〕} \\ & \text{〔長方形の面積〕} \\ & = \text{〔よこ〕} \times \text{〔タテ〕} \end{aligned}$$

いずれのはあいも、

〔三角形の底辺〕 × 〔高さ〕

となります。

〔三角形の面積〕は
〔平行四辺形の半分〕または
〔長方形の半分〕ですから、

三角形の面積

$$\begin{aligned} & \text{三角形の} \\ & = \text{〔底辺〕} \times \text{〔高さ〕} \div 2 \end{aligned}$$

で求められます。

覚えて言いなさい。

三角形の面積を2倍すると
長方形（または平行四辺形）
を作ると考えられますから、

$$\text{三角形の面積} \times 2 \div \text{底辺} = \text{高さ}$$

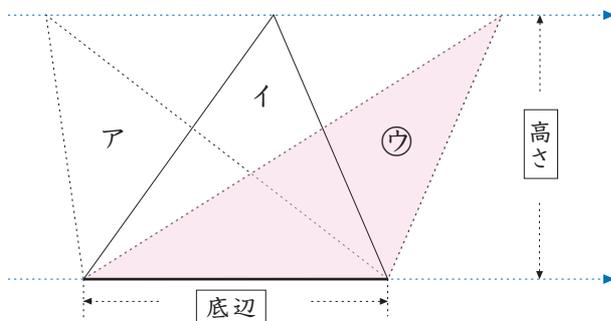
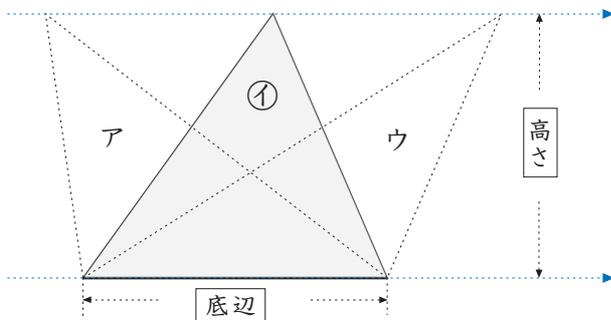
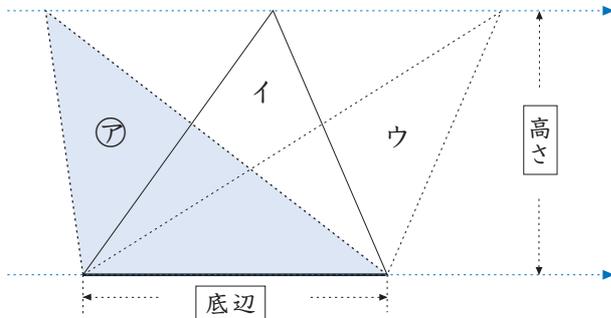
$$\text{三角形の面積} \times 2 \div \text{高さ} = \text{底辺}$$

となります。

何度もくりかえし読んで、理解できたら、
テキストを見ながら、先生に説明しなさい。

三角形の面積

-3



上の
 [三角形 ア] と
 [三角形 イ] と
 [三角形 ウ] とは
 同じ面積 です。

なぜなら、
 すでに調べたように、
 どのような形の三角形も、

$$\begin{aligned} & \text{[三角形の面積]} \\ & = \text{[底辺]} \times \text{[高さ]} \div 2 \end{aligned}$$

で求められました。

図のように、

[三角形の底辺] は
 まったく変わっていませんし、

[高さ] も

[同じ平行線間の距離] として、
 変化していません。

それゆえ、常に

[底辺] と [高さ] が [一定]

しています。

[底辺] と [高さ] が等しいなら
 [三角形の面積] も等しくなりますね。

何度もくりかえし読んで、理解できたら、
 テキストを見ながら、先生に説明しなさい。

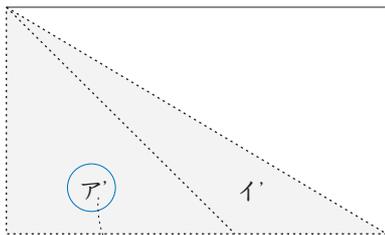
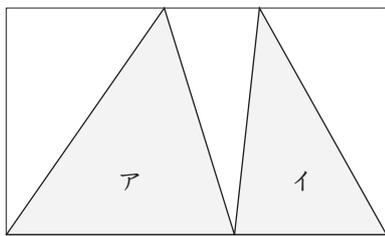
三角形の面積

-4

A4-図形-13 さんしやう を参照して、
なぜそうなるのか、説明しなさい。

長方形の中に描かれた
次のような2つの三角形
アとイを くわ 加えると

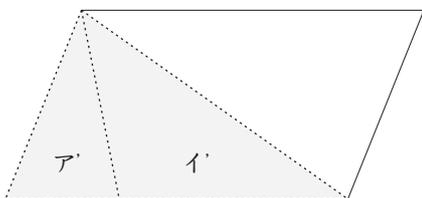
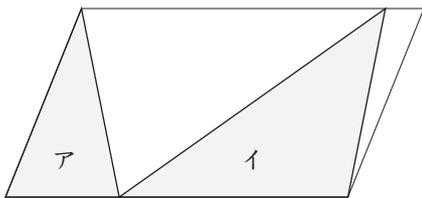
長方形の半分の大きさ になります。



→ (ア ダッシュ)

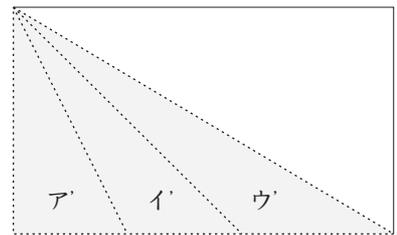
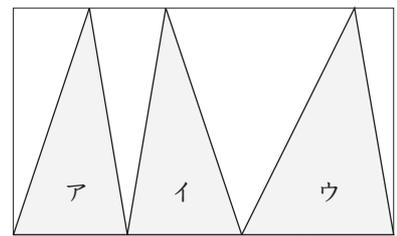
平行四辺形の中に描かれた
次のような2つの三角形
アとイ を加えると

平行四辺形の半分の大きさ になります。



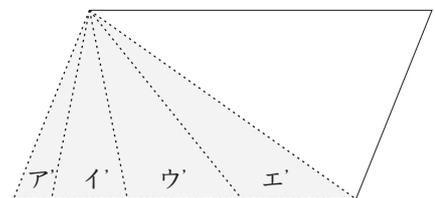
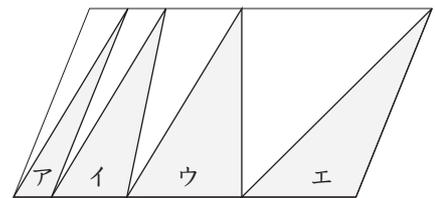
長方形の中に描かれた
次のような3つの三角形
ア、イ、ウ を加えると

長方形の半分の大きさ になります。



平行四辺形の中に描かれた
次のような4つの三角形
ア、イ、ウ、エ を加えると

平行四辺形の半分の大きさ になります。

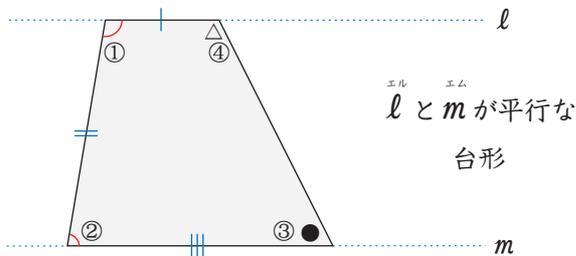


台形の面積 -1

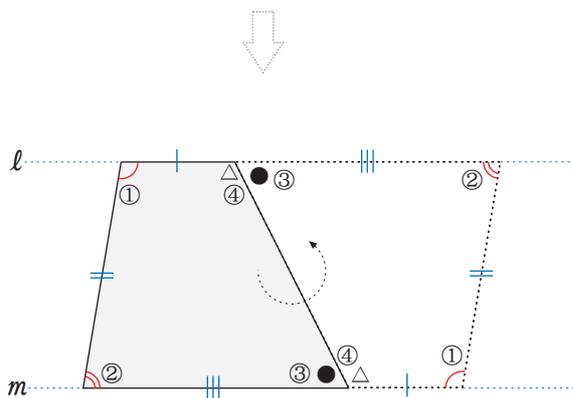
[平行四辺形] の面積は
[長方形] の形になおして考えました。

[台形] の面積は
[平行四辺形] の形

にして、考えられます。

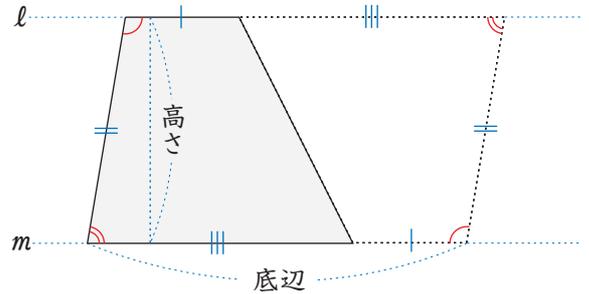


この台形と合同な台形を回転して
次の図のようにつけます。



新しくできた四角形は

[平行四辺形] です。



この平行四辺形の面積を求め、

それを **2等分** すれば

もとの **台形の面積** が求められます。

合同な2つの台形が
平行四辺形になることは、
A4-方眼-11~20でも
いくつも確かめました。

厳密な証明(説明)は、
中学で学びますが、

合同な台形2つを組み合わせ
平行四辺形になることは
納得できると思います。

何度もくりかえし読んで、理解できたら、
テキストを見ながら、先生に説明しなさい。

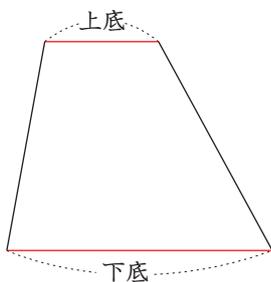
台形の面積 -2

台形のなかで、
 平行な関係にある

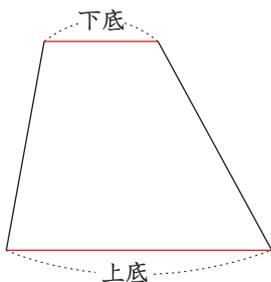
2つの辺の一方を [上底]、

もう一方を [下底]

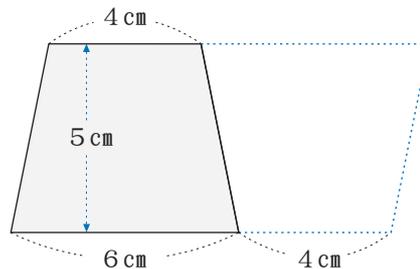
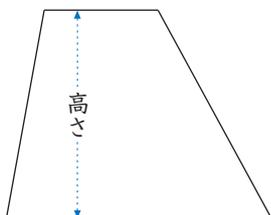
と呼ぶことになっています。



下のように読んでもかまわないのですが、
 ふつうは、
 あまのじゃくなことを言わないで、
 上を [上底] と言っています。



また、
 平行線間の距離は、
 平行四辺形と同じように、
 [高さ] と呼ぶことになっています。



台形の面積

= (上底 + 下底) × 高さ ÷ 2

として 求めることができます。

覚えて言いなさい。

$$(4 + 6) \times 5 \div 2 = 25 \text{ cm}^2$$

[台形の面積] を [2倍] すると、
 [上底 + 下底] を [底辺] とし、
 [台形の高さ] を [高さ] とする
 [平行四辺形] と、考えられるわけですから、

$$\boxed{\text{台形の面積} \times 2} \div (\text{上底} + \text{下底}) = \text{高さ}$$

$$\boxed{\text{台形の面積} \times 2} \div \text{高さ} = \text{上底} + \text{下底}$$

$$\boxed{\text{台形の面積} \times 2} \div (\text{高さ} - \text{上底}) = \text{下底}$$

$$\boxed{\text{台形の面積} \times 2} \div (\text{高さ} - \text{下底}) = \text{上底}$$

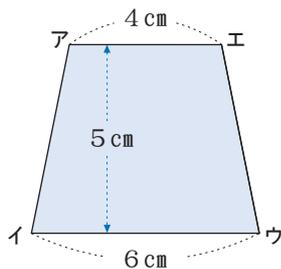
何度もくりかえし読んで、理解できたら、
 テキストを見ながら、先生に説明しなさい。

台形の面積

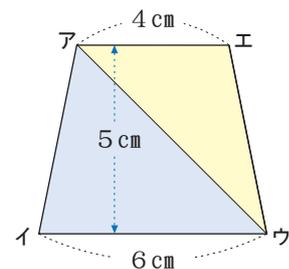
-3

[台形] の面積は
[三角形] の形にして
考えることもできます。

左の台形を、
下のような三角形の組み合わせに変えます。



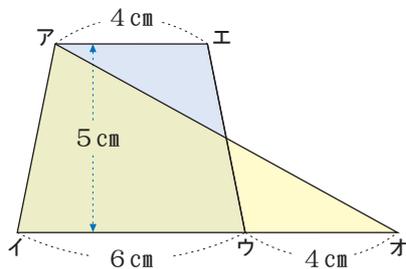
3



上の台形を、
下のような三角形に形を変えます。

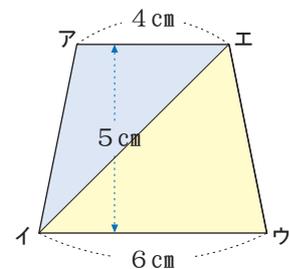
$$\begin{aligned} & \text{三角形アイウ} + \text{三角形アウエ} \\ &= 6 \times 5 \div 2 + 4 \times 5 \div 2 \\ &= (6 + 4) \times 5 \div 2 \end{aligned}$$

1



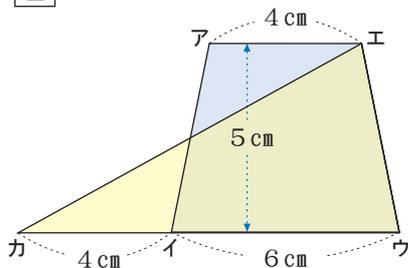
$$\begin{aligned} & \text{台形アイウエ} \\ &= \text{三角形アイオ} \\ &= (6 + 4) \times 5 \div 2 \end{aligned}$$

4



$$\begin{aligned} & \text{三角形アイエ} + \text{三角形エイウ} \\ &= 4 \times 5 \div 2 + 6 \times 5 \div 2 \\ &= (4 + 6) \times 5 \div 2 \end{aligned}$$

2



$$\begin{aligned} & \text{台形アイウエ} \\ &= \text{三角形エカウ} \\ &= (4 + 6) \times 5 \div 2 \end{aligned}$$

何度もくりかえし読んで、理解できたら、
テキストを見ながら、先生に説明しなさい。

台形の面積

-4

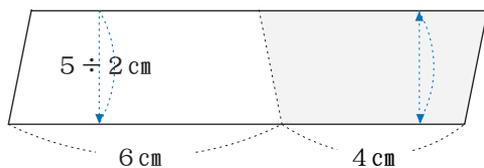
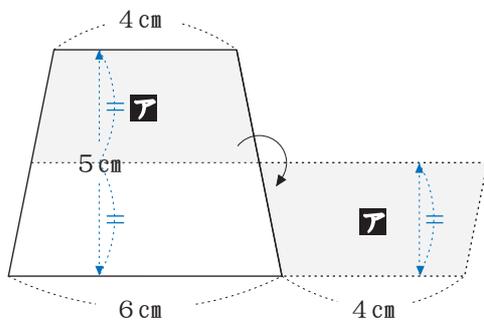
〔台形〕の面積は、

下の図のように

高さを2等分した

〔2つの台形〕の1つを

移動して、



〔平行四辺形〕を

作ることができます。

$$(6 + 4) \times 5 \div 2 = 25 \text{ cm}^2$$

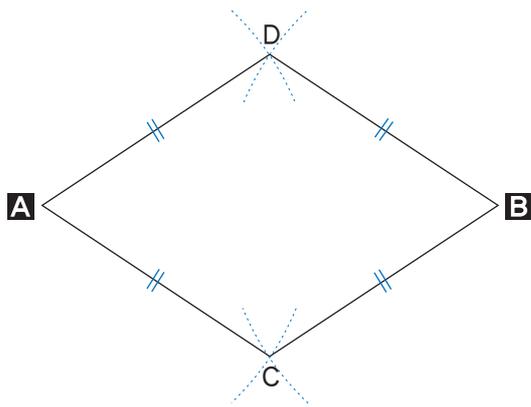
台形の面積を求める公式を
図形的に考えると、または
図形の組み立てをいろいろと考えると
別の形が見えてきます。

何度もくりかえし読んで、理解できたら、
テキストを見ながら、先生に説明しなさい。

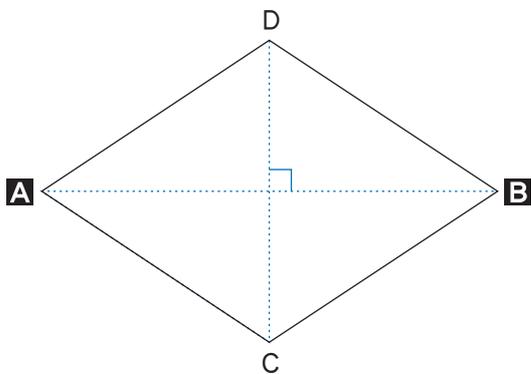
ひしがた
菱形の面積 -1

[4つの辺がすべて等しい四角形]は
[ひし形]と名づけられています。

[点 **A**]と[点 **B**]から
[すべて等しい距離]に
[**A** **C**][**A** **D**]
[**B** **C**][**B** **D**]をとると、
[ひし形]ができる。

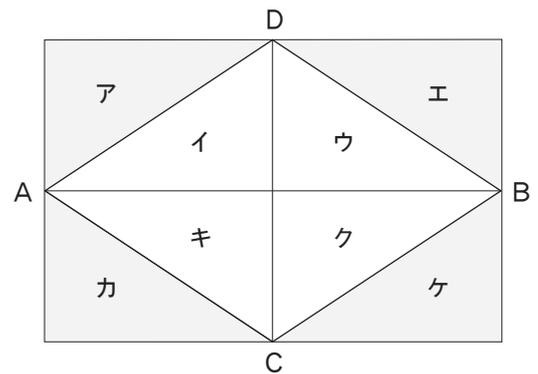
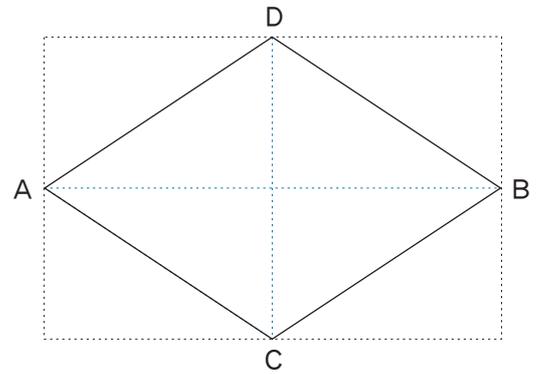


[対角線 **AB**]と[対角線 **CD**]をひく。



2つの対角線は
お互いを2等分するように
垂直に交わる。

次の図のように、
まわりに長方形を描きます。



ア、イ、ウ、エ、カ、キ、ク、ケの
8つの三角形は、
すべて合同です。

ですから、
[ひし形 **ACBD**]の面積は
[長方形の半分]です。

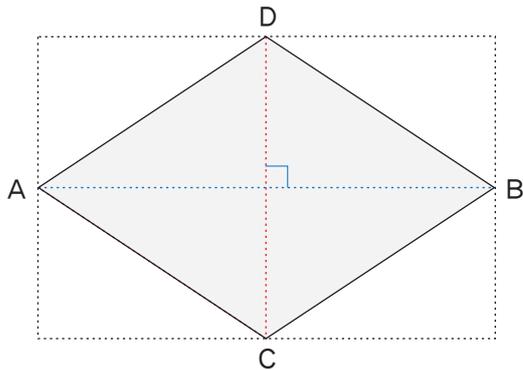
何度もくりかえし読んで、理解できたら、
テキストを見ながら、先生に説明しなさい。

ひしがた

菱形の面積

-2

[対角線CD]=[長方形のタテ]となりますし、
[対角線AB]=[長方形のよこ]となりますから、



[ひし形の面積]

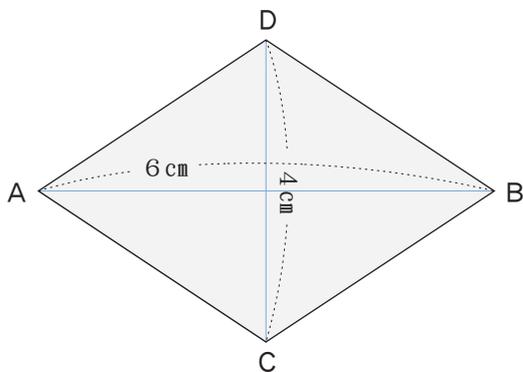
= 外ワクの大きい長方形の面積 ÷ 2

= 長方形のタテ × 長方形のよこ ÷ 2

= 対角線CD × 対角線AB ÷ 2

となります。

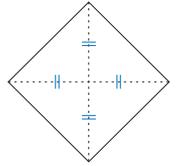
覚えて言いなさい。



$$\begin{aligned} &4\text{ cm} \times 6\text{ cm} \div 2 \\ &= 24\text{ cm}^2 \div 2 \\ &= 12\text{ cm}^2 \end{aligned}$$

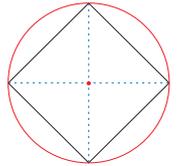
【参考】

[対角線の長さ]の[等しい]
[ひし形]があります。



このばあい、

[対角線]の[交点]を[中心]にして
[ひし形の頂点]を通る
[円]を描くことができます。



逆に言うと、

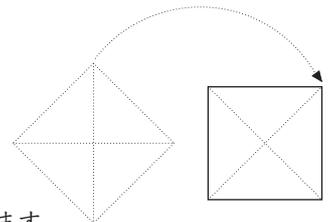
[円]の中に
[垂直に交わる直径]と[円周]との
[4つの交点]をむすんでできる
[四角形]は
[ひし形]です。

また、

見方を変えると、

この[ひし形]は

[正方形]でもあります。



それゆえ、

[半径]または[直径]が示されている
[円]の中に描かれた
[正方形の面積]は、

[ひし形の面積]として
求めることができます。

逆に言うと、

このようなばあい、

[正方形だから1辺の長さ!]

といった考え方では

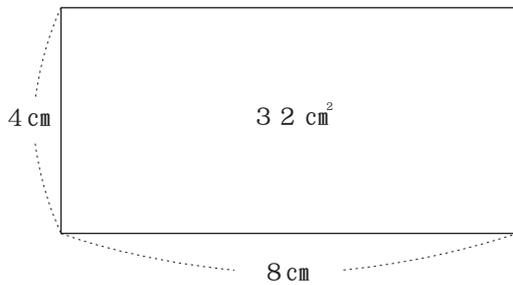
[正方形の面積]を

求めることができません。

何度もくりかえし読んで、理解できたら、
テキストを見ながら、先生に説明しなさい。

図形の面積問題いろいろ

面積 がわかっていると、
ある部分の長さ を求めることができます。

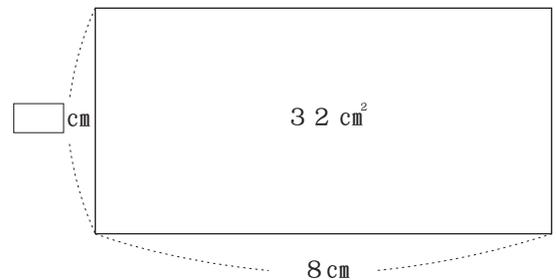


[タテ×よこ＝長方形の面積]ですから、
 [4 cm × 8 cm = 32 cm²]です。

ですから、もちろん

[長方形の面積 32 cm²]と
 [長方形のよこ 8 cm]が
 わかっているとき、

[長方形のタテ]を求める方法



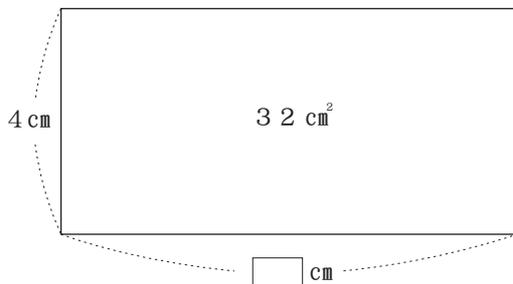
[長方形のタテ＝長方形の面積÷よこ]

[長方形のタテ = 32 cm² ÷ 8 cm]
 = 4 cm

となります。

[長方形の面積 32 cm²]と
 [長方形のタテ 4 cm]が
 わかっているとき、

[長方形のよこ]を求める方法



[長方形のよこ＝長方形の面積÷タテ]

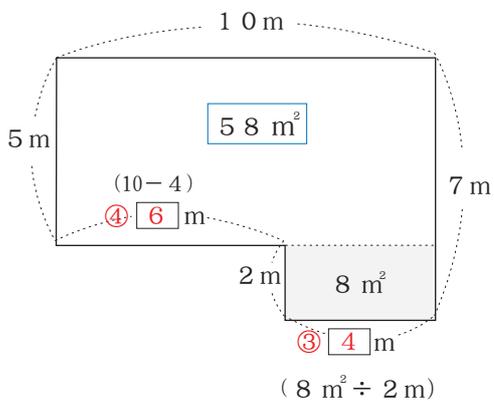
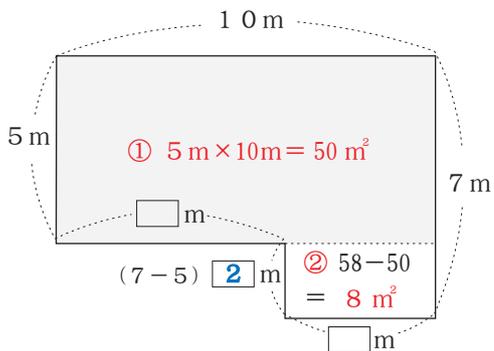
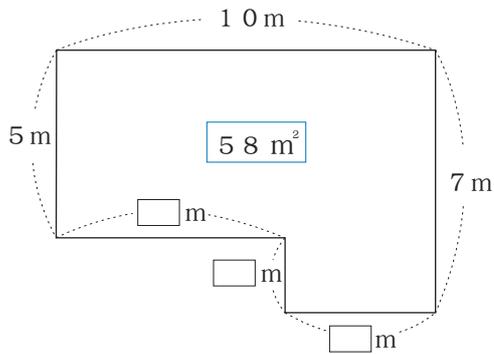
[長方形のよこ = 32 cm² ÷ 4 cm]
 = 8 cm

となります。

何度もくりかえし読んで、理解できたら、
 テキストを見ながら、先生に説明しなさい。

図形の面積問題いろいろ

下の図の の大きさの求め方



長方形を組み合わせた下の図の
 アイが10m、アサが8m、イキが5m
 全体の面積が56m²のとき、
 カシ、カキ、サシの長さを求めなさい。

図の中に数字を書き込んで、問題に答えなさい。

左の図の問題とまったく同じです。
 ただ、
 図の中に数字を書き込まれていないだけです。
 でも、ずいぶん難しい感じになりますね。

カシ = 8 - 5 =

56 m² - (10m × 5m) = 6 m²
50 m²

サシ = 6 m² ÷ 3 m =

カキ = 10 - 2 =

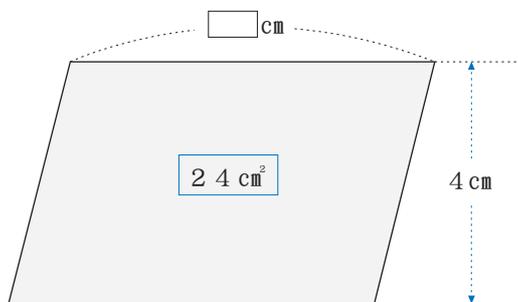
何度もくりかえし読んで、理解できたら、
 テキストを見ながら、先生に説明しなさい。

図形の面積問題いろいろ

平行四辺形の面積と底辺・高さ

[平行四辺形の面積 24 cm^2]と
 [平行四辺形の高さ 4 cm]が分かっているとき、
 [平行四辺形の底辺]を求める方法

は、



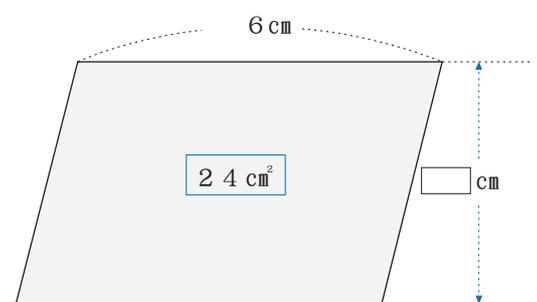
[底辺 × 高さ = 平行四辺形の面積]
 [$\square \text{ cm} \times 4 \text{ cm} = 24 \text{ cm}^2$]
 ですから、

[平行四辺形の底辺 = 平行四辺形の面積 ÷ 高さ]
 [平行四辺形の底辺 = $24 \text{ cm}^2 \div 4 \text{ cm}$]
 = $\square \text{ cm}$

となります。

[平行四辺形の面積 24 cm^2]と
 [平行四辺形の底辺 6 cm]が分かっているとき、
 [平行四辺形の高さ]を求める方法

は、



[底辺 × 高さ = 平行四辺形の面積]
 [$6 \text{ cm} \times \square \text{ cm} = 24 \text{ cm}^2$]
 ですから、

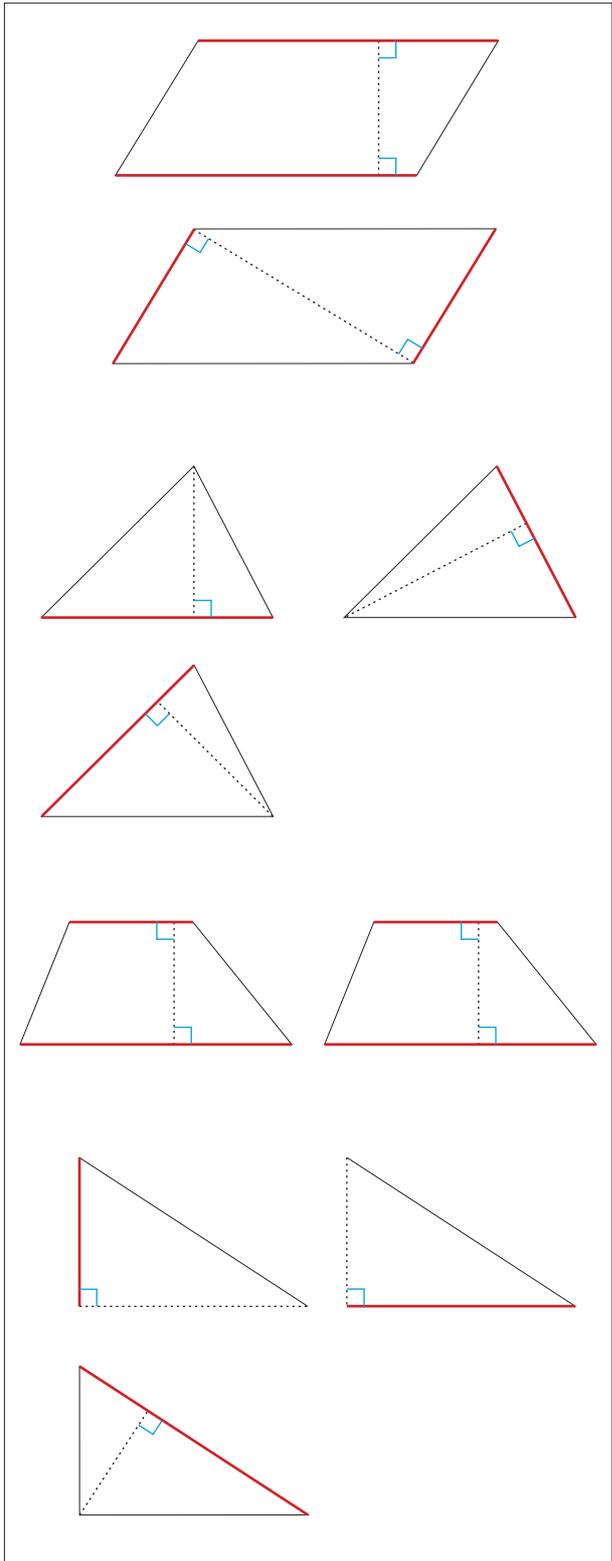
[$\square \text{ cm} = 24 \text{ cm}^2 \div 6 \text{ cm}$]
 [$\square \text{ cm} = 24 \text{ cm}^2 \div 6 \text{ cm}$]
 = $\square \text{ cm}$

となります。

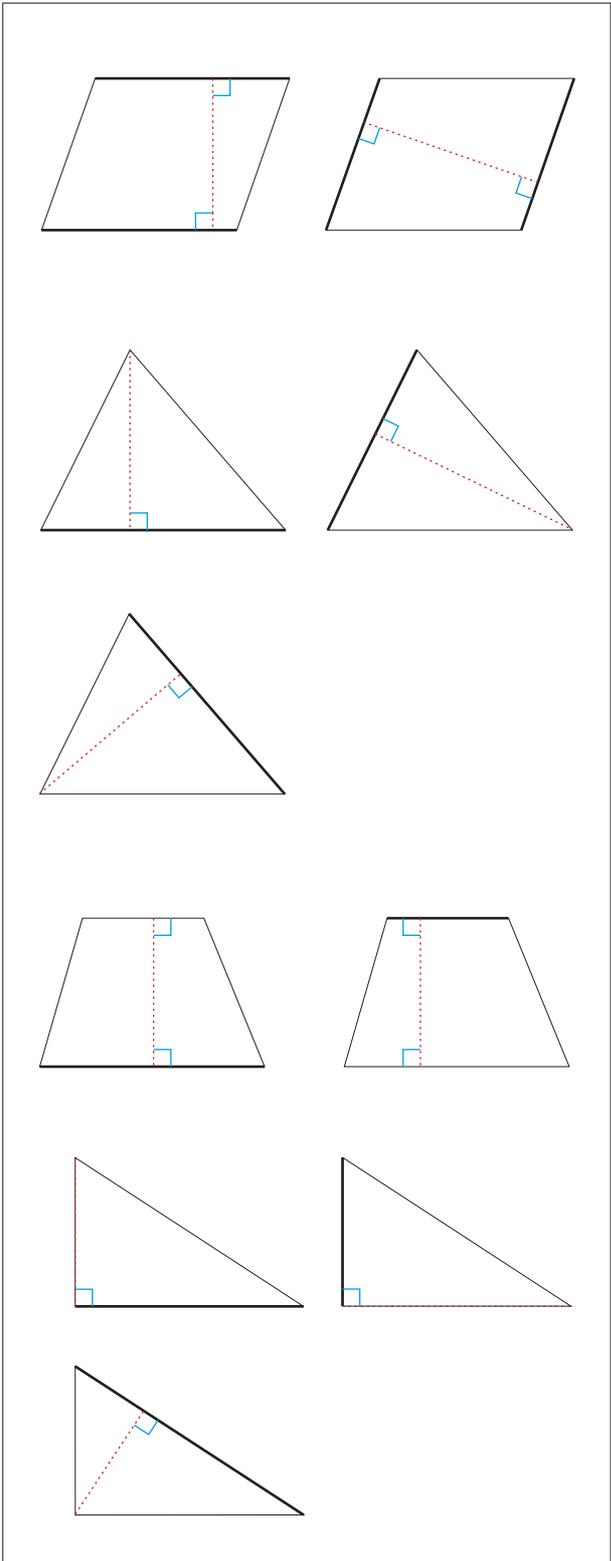
何度もくりかえし読んで、理解できたら、
 テキストを見ながら、先生に説明しなさい。

図形の面積問題いろいろ

それぞれの図形の **点線** を高さ とするときの、**底辺** を **太線** で示しなさい。



それぞれの図形の **太線** を底辺 とするときの、**高さ** を **点線** で示しなさい。



図形の面積問題いろいろ

今まで、学んできた面積を求める公式を
もう一度おさらいしましょう。

$$[\text{長方形の面積}] = [\text{タテ}] \times [\text{よこ}]$$

$$[\text{長方形のタテ}] = [\text{面積}] \div [\text{よこ}]$$

$$[\text{長方形のよこ}] = [\text{面積}] \div [\text{タテ}]$$

$$[\text{平行四辺形の面積}] = [\text{底辺}] \times [\text{高さ}]$$

$$[\text{平行四辺形の高さ}] = [\text{面積}] \div [\text{底辺}]$$

$$[\text{平行四辺形の底辺}] = [\text{面積}] \div [\text{高さ}]$$

$$[\text{台形の面積}] = (\text{上底} + \text{下底}) \times [\text{高さ}] \div 2$$

$$[\text{台形の高さ}] = [\text{面積}] \times 2 \div (\text{上底} + \text{下底})$$

$$[\text{台形の上底}] = [\text{面積}] \times 2 \div [\text{高さ}] - [\text{下底}]$$

$$[\text{台形の下底}] = [\text{面積}] \times 2 \div [\text{高さ}] - [\text{上底}]$$

$$[\text{ひし形の面積}] = [\text{対角線A}] \times [\text{対角線B}] \div 2$$

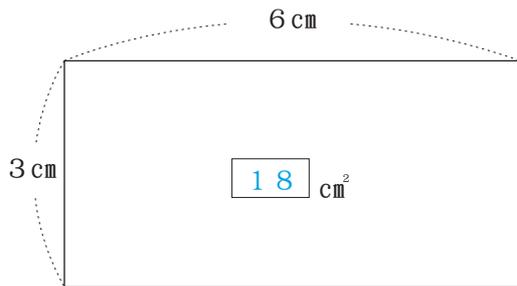
$$[\text{ひし形の対角線A}] = [\text{面積}] \times 2 \div [\text{対角線B}]$$

$$[\text{ひし形の対角線B}] = [\text{面積}] \times 2 \div [\text{対角線A}]$$

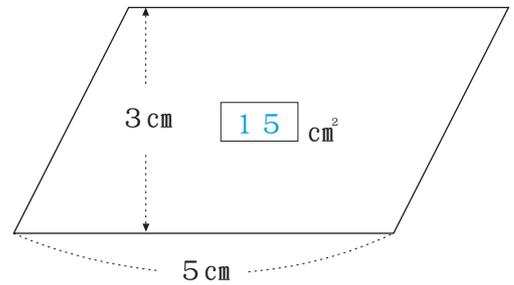
それぞれに覚えて言いなさい。

図形の面積問題いろいろ

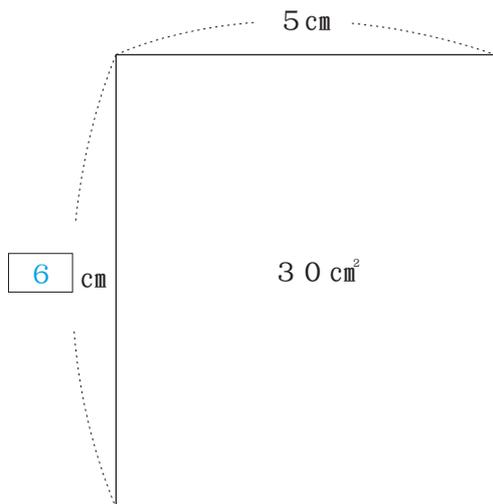
次の図形の てきとう に適当な数字を入れなさい。
 どうして求めたか、式も書きなさい。
(単位をつけなさい。)



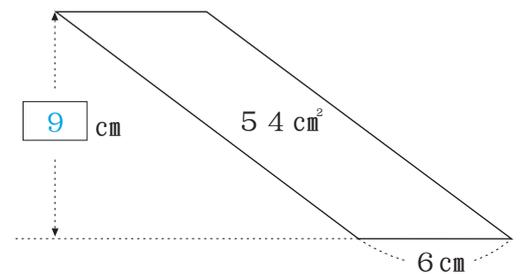
$$6 \text{ cm} \times 3 \text{ cm} = 18 \text{ cm}^2$$



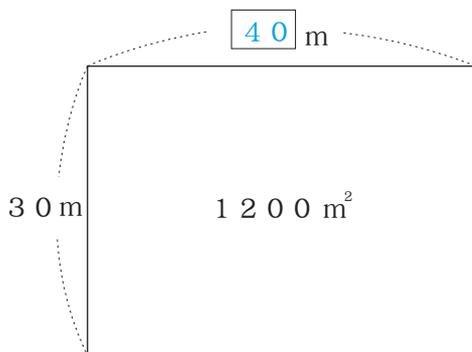
$$5 \text{ cm} \times 3 \text{ cm} = 15 \text{ cm}^2$$



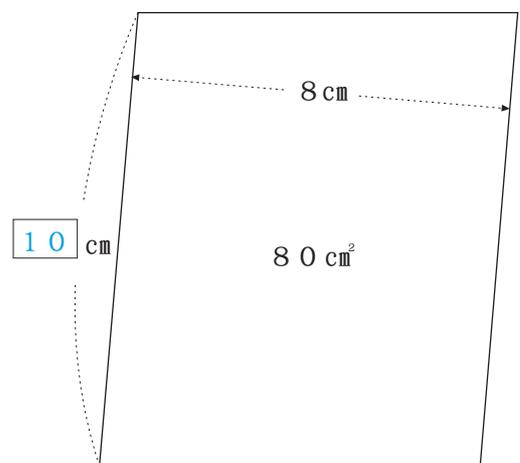
$$30 \text{ cm}^2 \div 5 \text{ cm} = 6 \text{ cm}$$



$$54 \text{ cm}^2 \div 6 \text{ cm} = 9 \text{ cm}$$



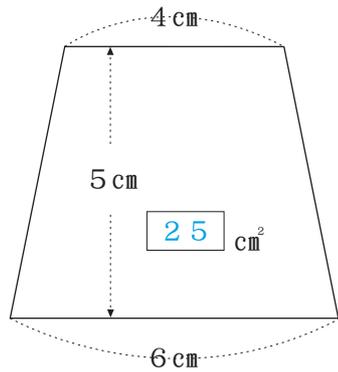
$$1200 \text{ m}^2 \div 30 \text{ m} = 40 \text{ m}$$



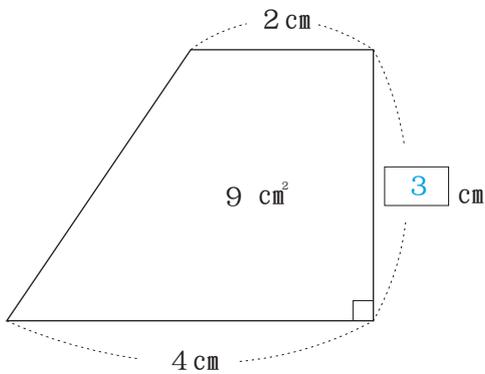
$$80 \text{ cm}^2 \div 8 \text{ cm} = 10 \text{ cm}$$

図形の面積問題いろいろ

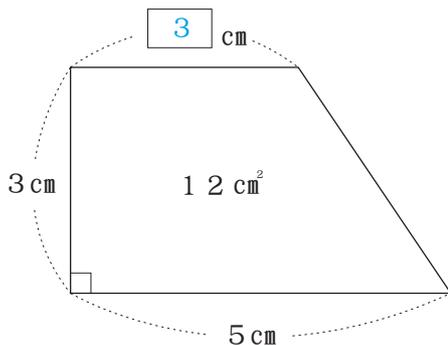
次の図形の に適当な数字を入れなさい。
 どうして求めたか、式も書きなさい。
(単位をつけなさい。)



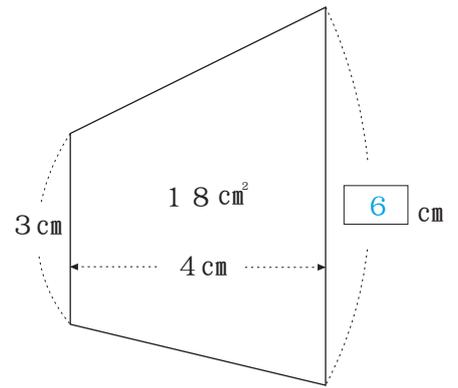
$$(4\text{ cm} + 6\text{ cm}) \times 5\text{ cm} \div 2 = 25\text{ cm}^2$$



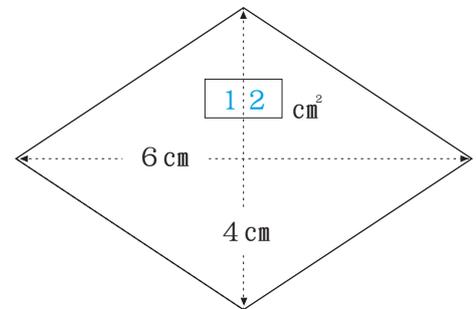
$$9\text{ cm}^2 \times 2 \div (2\text{ cm} + 4\text{ cm}) = 3\text{ cm}$$



$$12\text{ cm}^2 \times 2 \div 3\text{ cm} - 5\text{ cm} = 3\text{ cm}$$



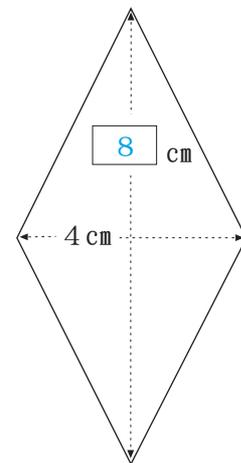
$$18\text{ cm}^2 \times 2 \div 4\text{ cm} - 3\text{ cm} = 6\text{ cm}$$



$$6\text{ cm} \times 4\text{ cm} \div 2 = 12\text{ cm}^2$$

面積

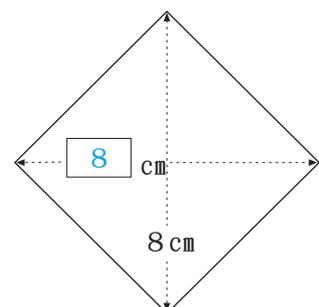
16 cm²



$$16\text{ cm}^2 \times 2 \div 4\text{ cm} = 8\text{ cm}$$

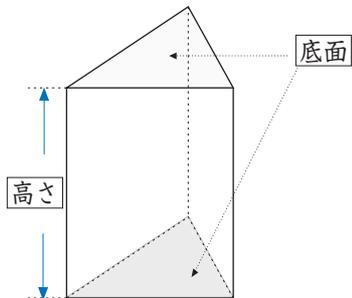
面積

32 cm²



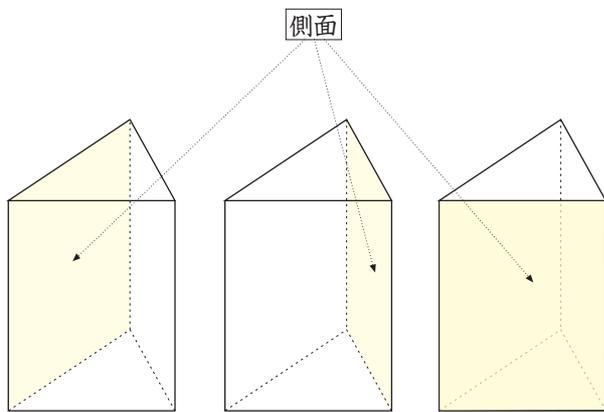
$$32\text{ cm}^2 \times 2 \div 8\text{ cm} = 8\text{ cm}$$

さん かく ちゅう
三角柱



〔三角柱の1つの底面〕から
〔もう1つの底面〕に
〔垂直〕に引いた〔線分の長さ〕を
三角柱の高さ と言う。

何度もくりかえし読んで、^{りかい}理解できたら、
テキストを見ながら、先生に^{せつめい}説明しなさい。



〔合同で、平行〕な
〔2つ〕の ^{ていめん} 三角形の底面 と
^{そくめん} 長方形をした側面 ^{かこ} で ^{りったい} 囲まれた立体を
三角柱 という。

三角柱の頂点の数
= [3 × 2]
= 6

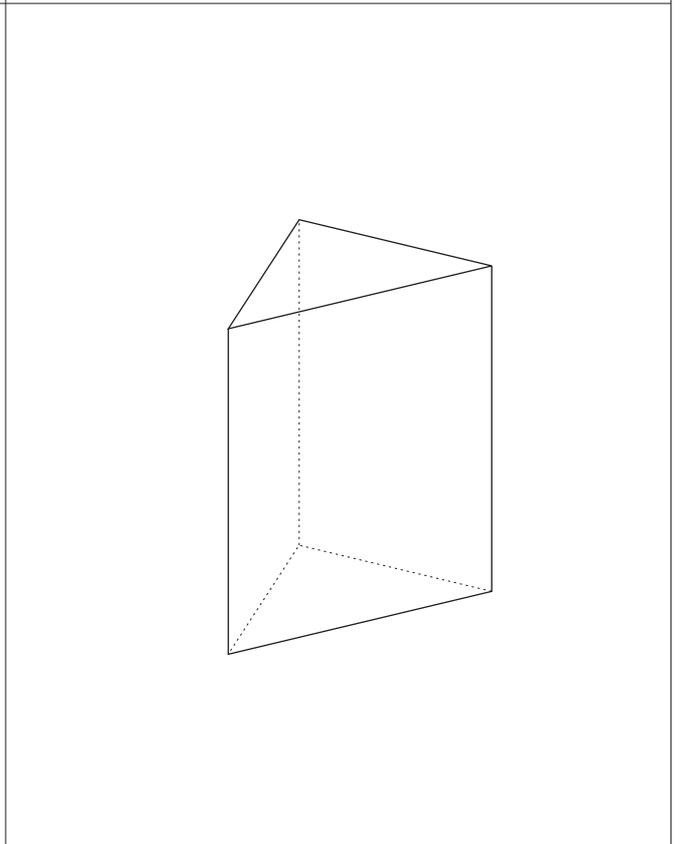
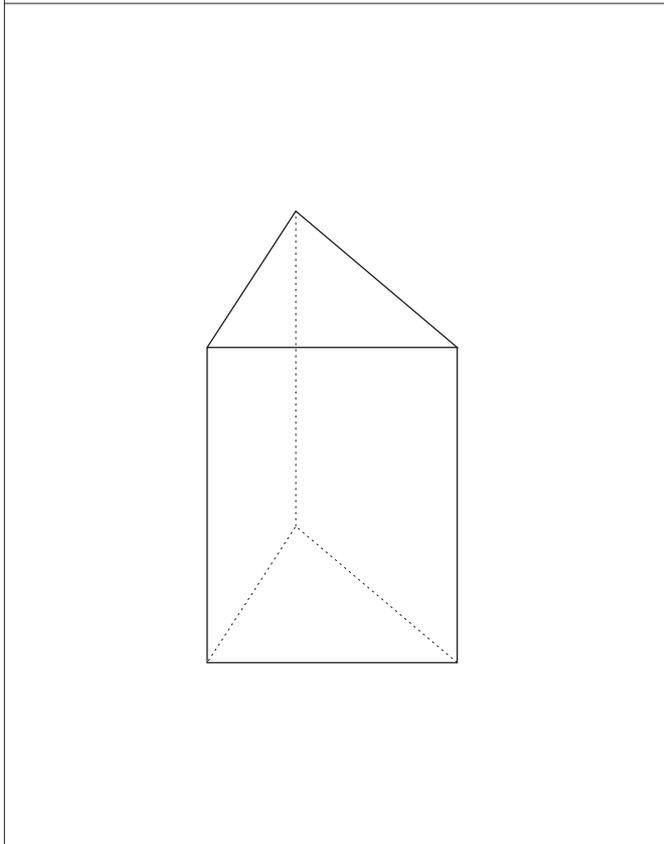
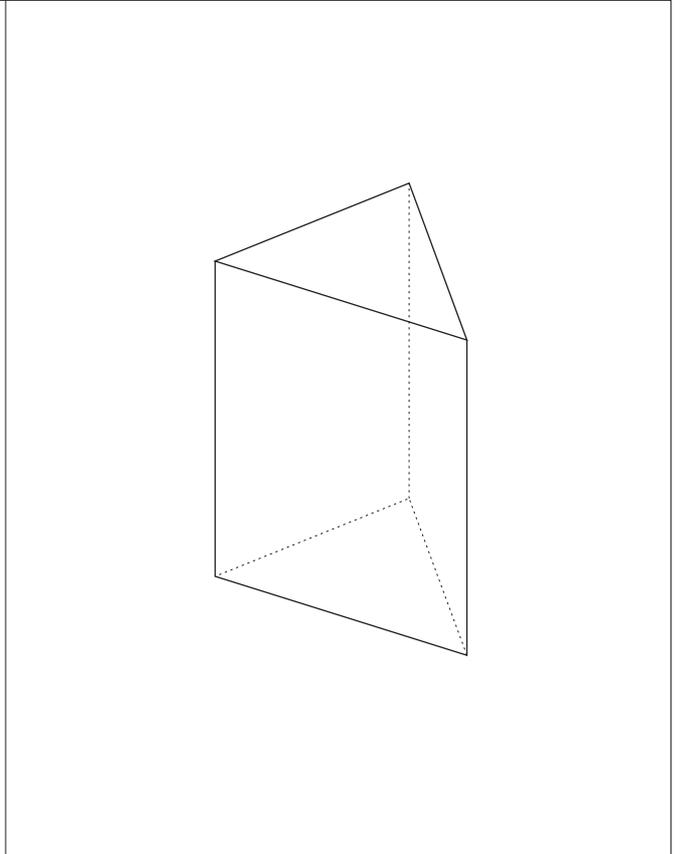
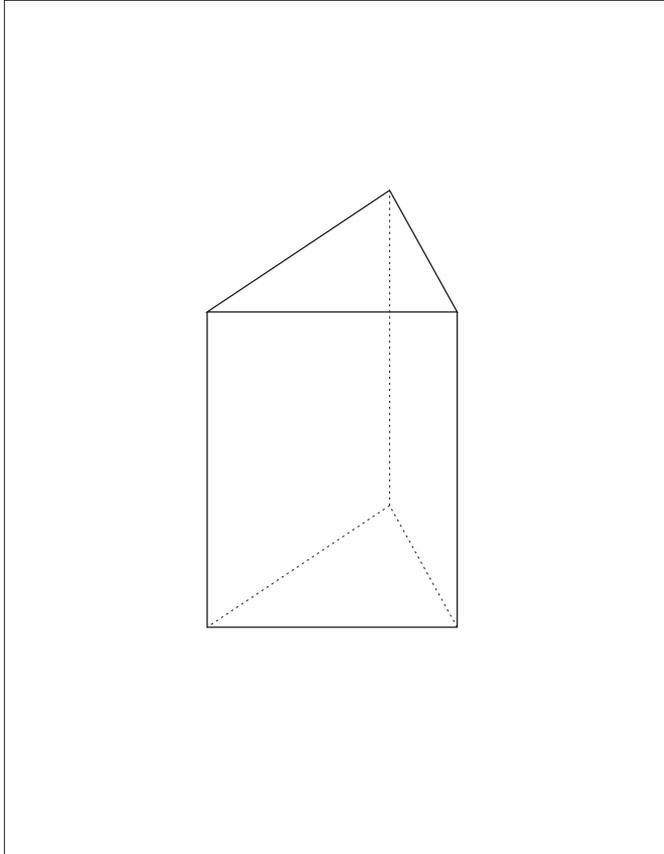
三角柱の辺の数
= [3 × 3]
= 9

三角柱の面の数
= [3 + 2]
= 5

覚えて言いなさい。

さん かく ちゅう
三角柱

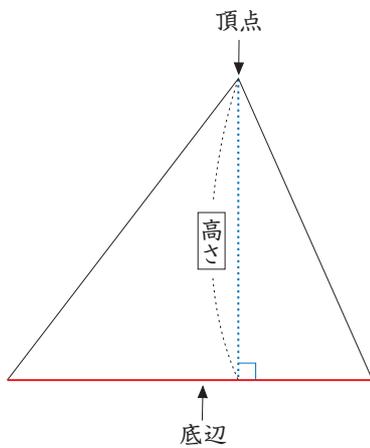
いか みどり ず
 以下の **三角柱の見取図** をよく見て、別紙に書き写しなさい。
べっし
へいこうかんけい じょうぎ じょうず
 (平行関係をよく見て、定規を上手に使えるように、練習しましょう。)



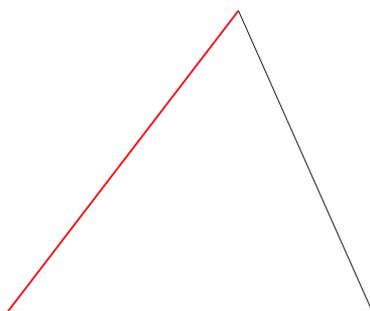
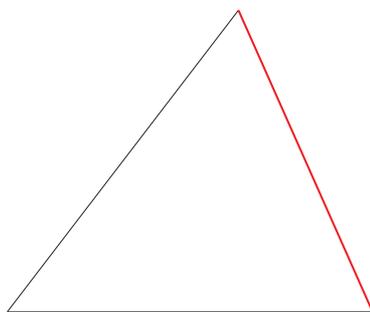
高さ

底辺と決めた辺 以外の 頂点 から、
底辺に垂直に引いた線分 の長さを、
三角形の高さ と言う。

覚えて言いなさい。

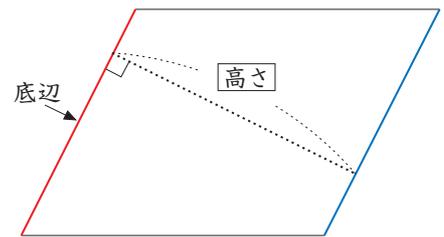
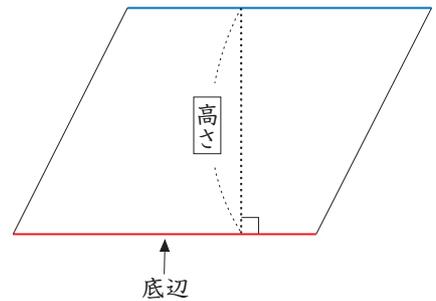


次の三角形の赤線の辺を底辺としたとき、
高さを書きこみなさい。(三角定規を使いなさい)



底辺と決めた辺と 平行な辺 との距離を、
平行四辺形の高さ と言う。

覚えて言いなさい。



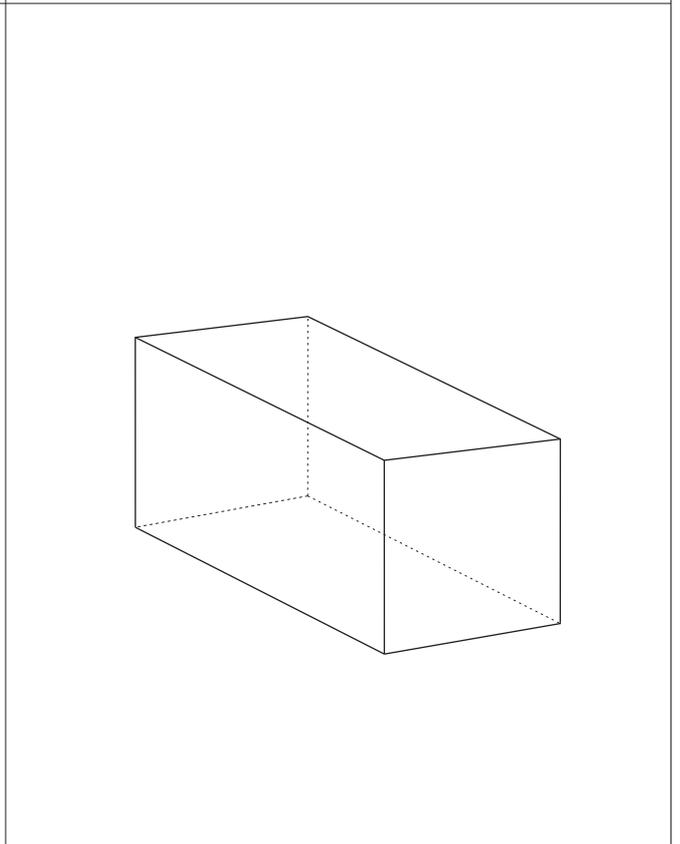
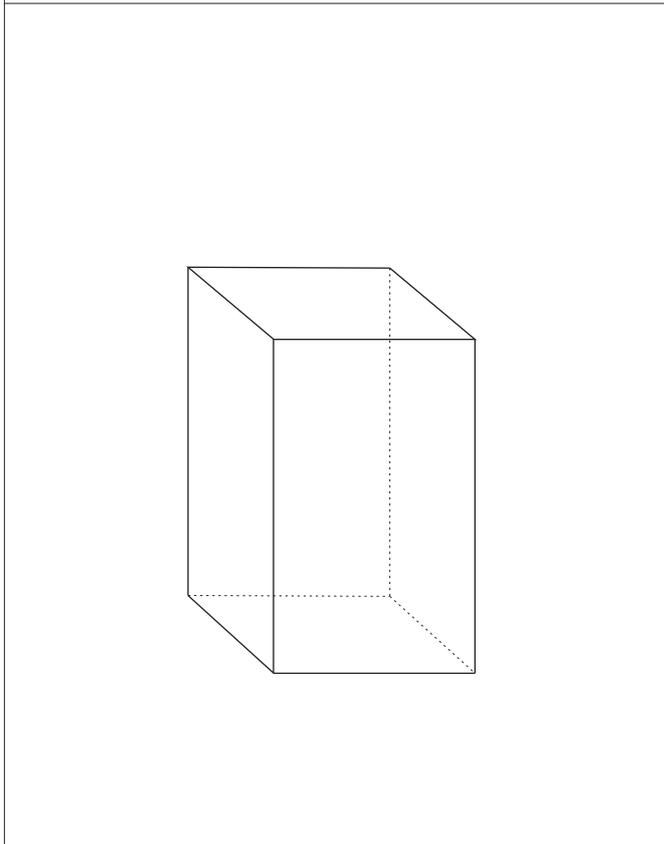
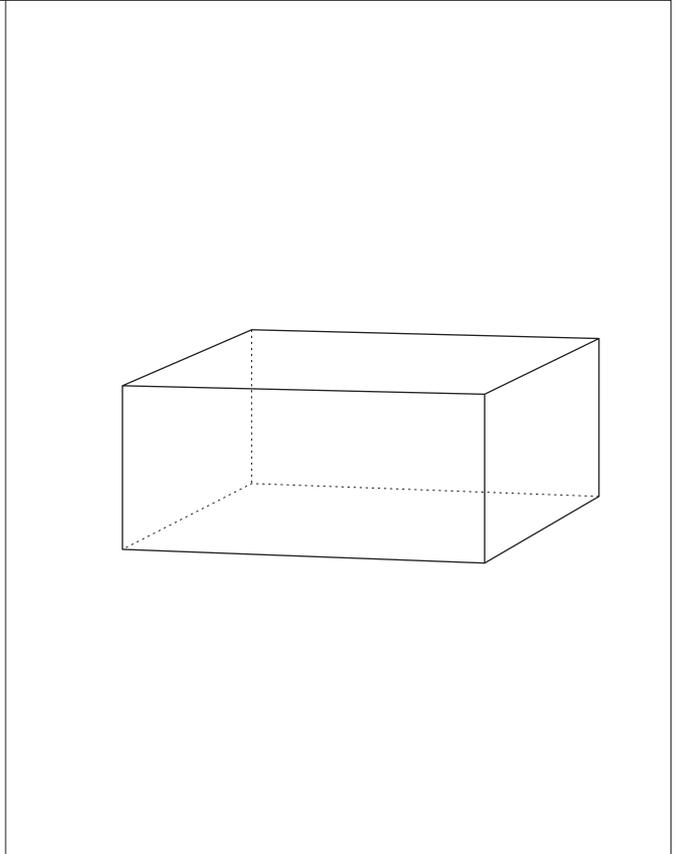
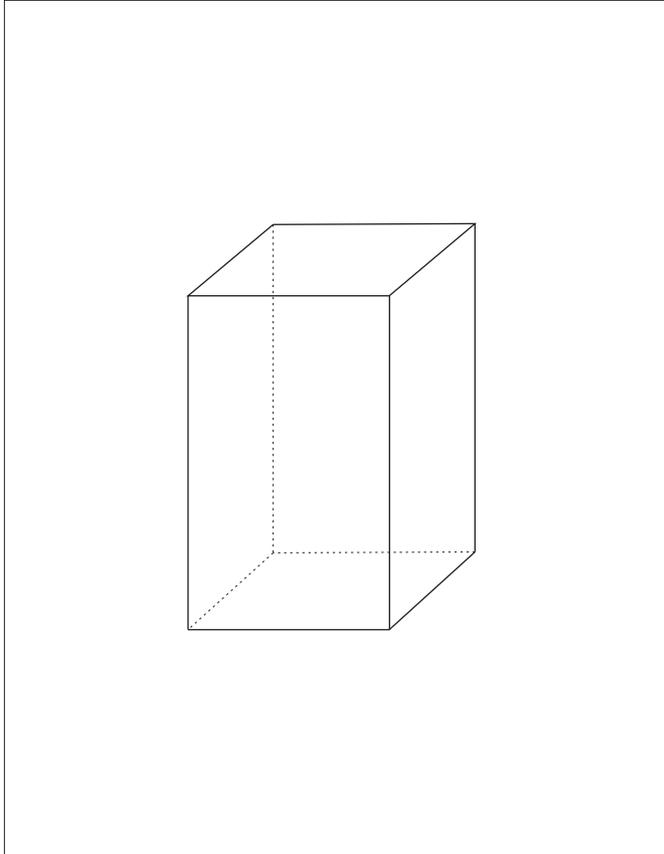
平行線の中に 垂直な線を引いた、
その線分の長さを、
平行線間の距離 と言う。

覚えて言いなさい。



しかくちゅう
四角柱

いか みどりず
以下の **四角柱の見取図** をよく見て、別紙に書き写しなさい。
べっし
(平行関係をよく見て、定規を上手に使えるように、練習しましょう。)



かく ちゅう
角 柱

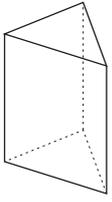
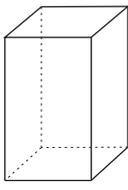
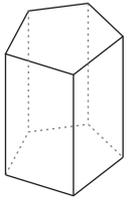
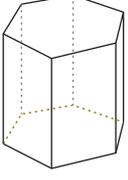
-まとめ-

[合同で、平行]な
[2つ]の[多角形の底面]と
[底面に垂直]な
[長方形をした側面]で囲まれた
[立体]を**角柱**という。

覚えて言いなさい。

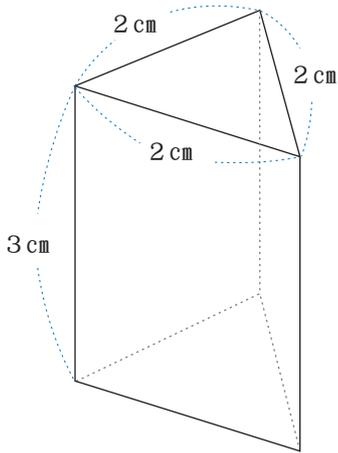
角柱の**頂点の数**
=[底面の頂点の数×2]
角柱の**辺の数**
=[底面の辺の数×3]
角柱の**面の数**
=[側面の面の数+2]

覚えて言いなさい。

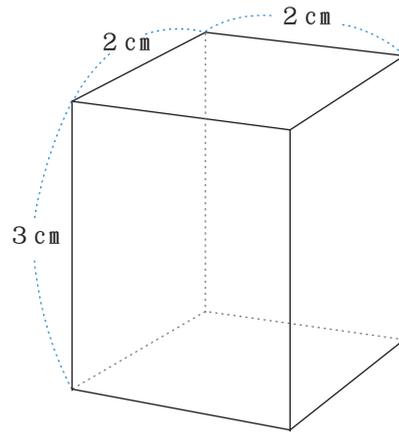
底面の形	底面の数	名 称	見 取 図	側 面 の 形	側面の数
三角形	2	三角柱		長方形	2
四角形	2	四角柱		長方形	4
五角形	2	五角柱		長方形	5
六角形	2	六角柱		長方形	6

次の図形の **見取り図** を、別紙の方眼紙に **展開図** として表しなさい。(A3-作図編をよく練習して、正確に。)

正三角柱

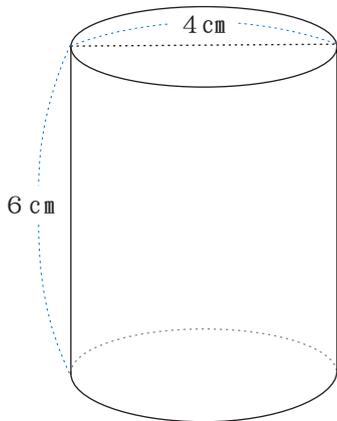


正四角柱

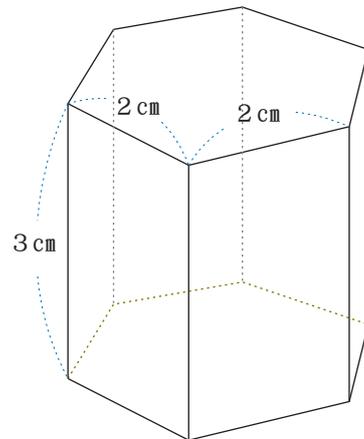


円柱

※ A4-図形-37参照

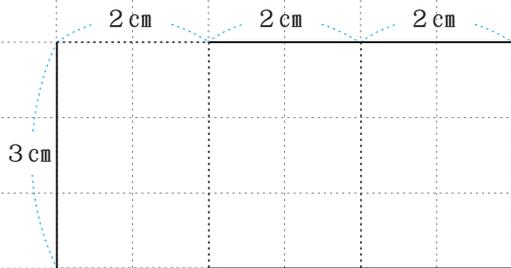


正六角柱

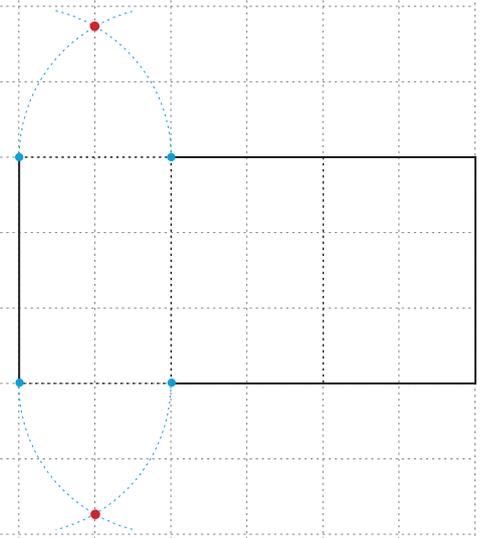


正三角柱 【例】

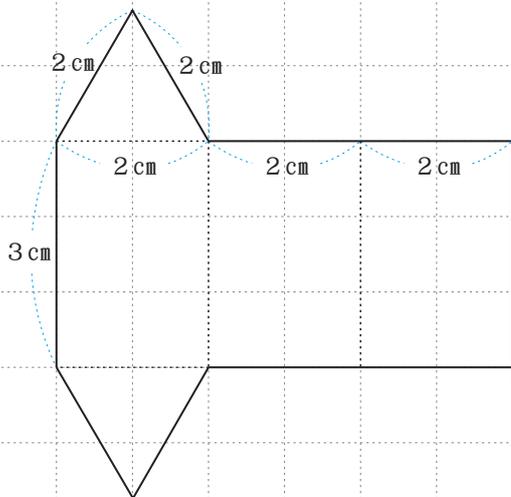
① 側面から作図する。
折り目は点線で描く。



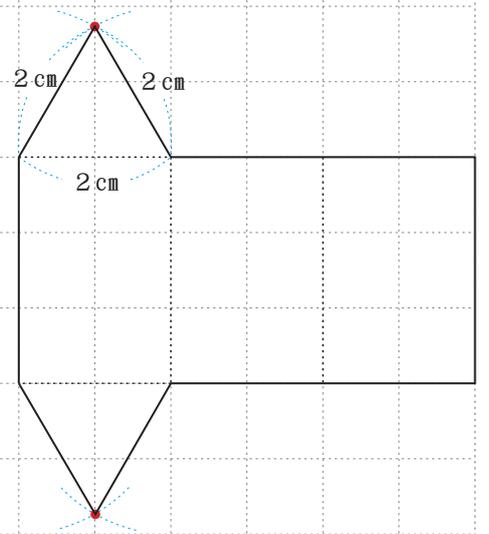
② 青点を中心として、半径2 cmの円弧を描き、それぞれの交点を赤点とする。



④ 正三角柱の展開図のできあがり。



③ 青点と赤点を直線で結ぶ。
正三角形が描ける。



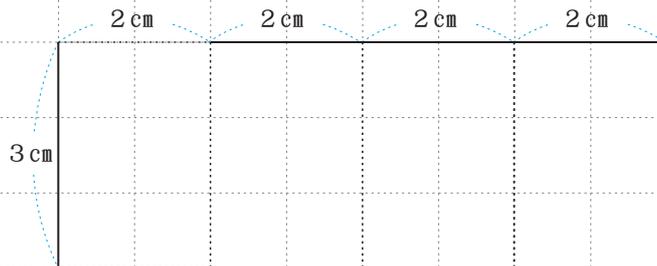
正四角柱

【例】

① 側面から作図する。

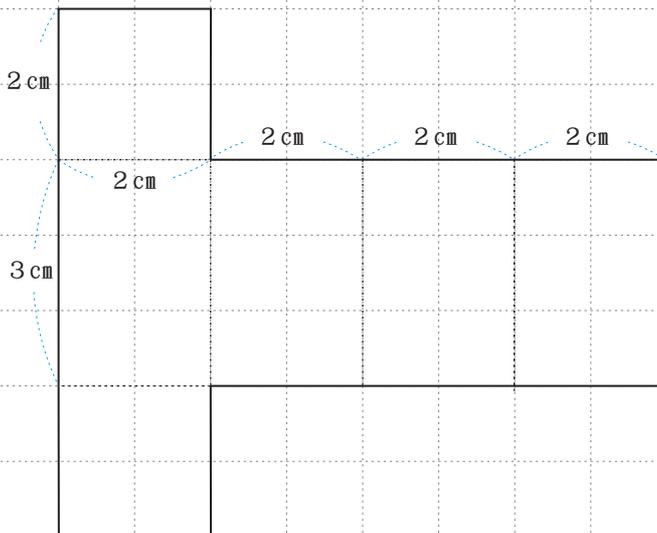
折り目は点線で描く。

※方眼紙を使わない場合は、
三角定規を使って正確に長方形を描くように。



② 点線で描いた、2 cmの辺を1辺とした、正方形を描く。

※正方形は、側面のどの2 cmの辺につけてもかまわない。
ただし、その辺は点線とすること。



③ 正四角柱の展開図のできあがり。

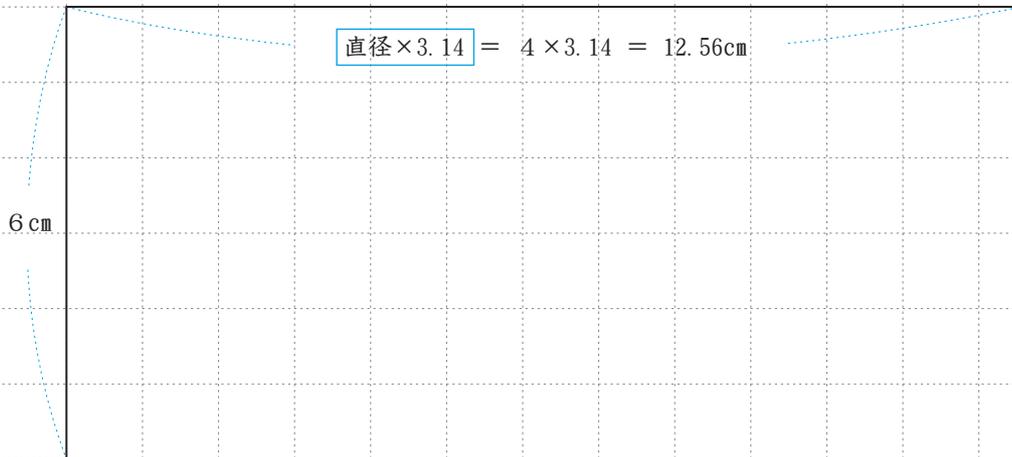
円柱 【例】

※ A4-図形-37参照

① 側面から作図する。

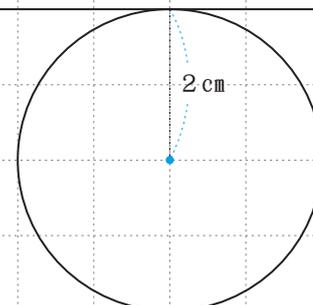
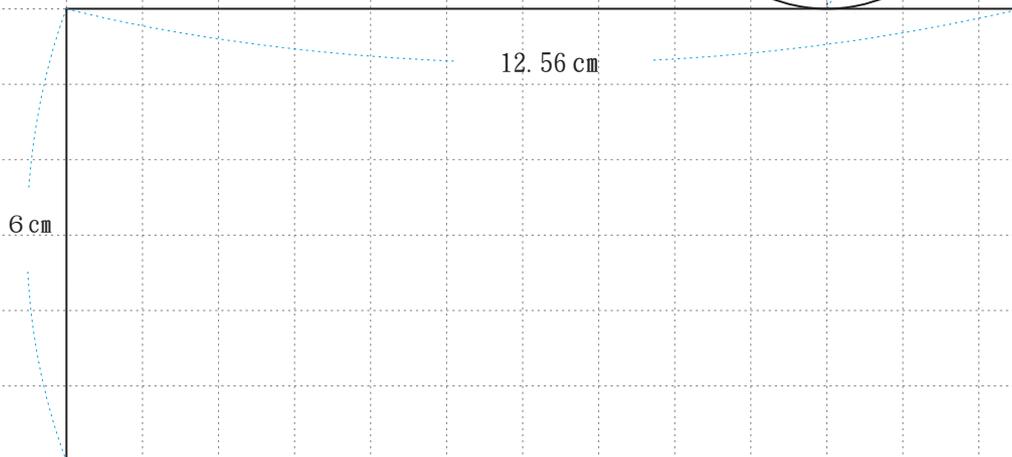
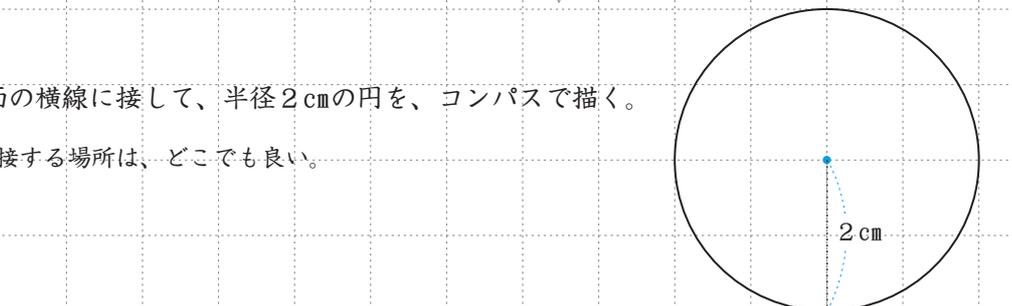
円の直径 $\times 3.14$ (円周) が、側面のよこの長さ。

$4\text{cm} \times 3.14 = 12.56\text{cm}$



② 側面の横線に接して、半径 2 cm の円を、コンパスで描く。

※接する場所は、どこでも良い。

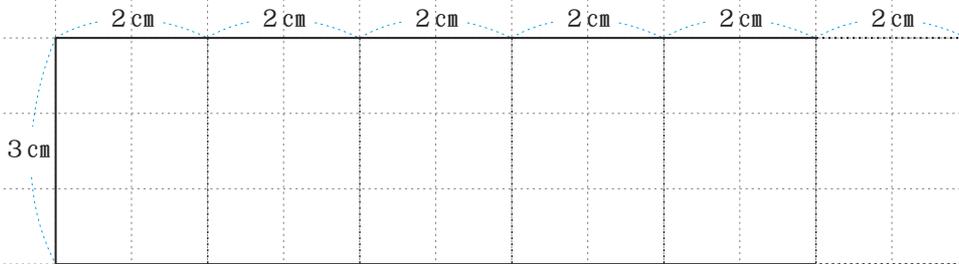


③ 円柱の展開図のできあがり。

正六角柱 【例】

① 側面から作図する。

折り目は点線で描く。 ※ $2\text{cm} \times 3\text{cm}$ の長方形が6こ横に並ぶ。



② コンパスの幅を、点線の 2cm に合わせ、

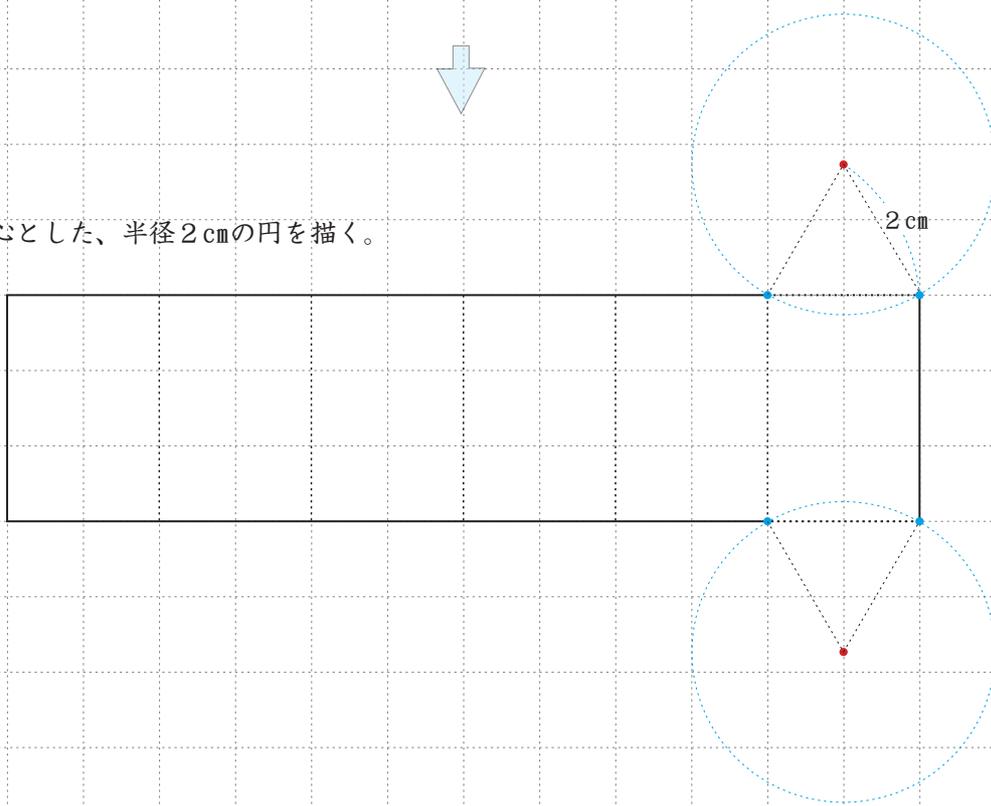
図のように上と下にそれぞれ正三角形を描く。



※正六角形は、正三角形が6個でできた図形である。

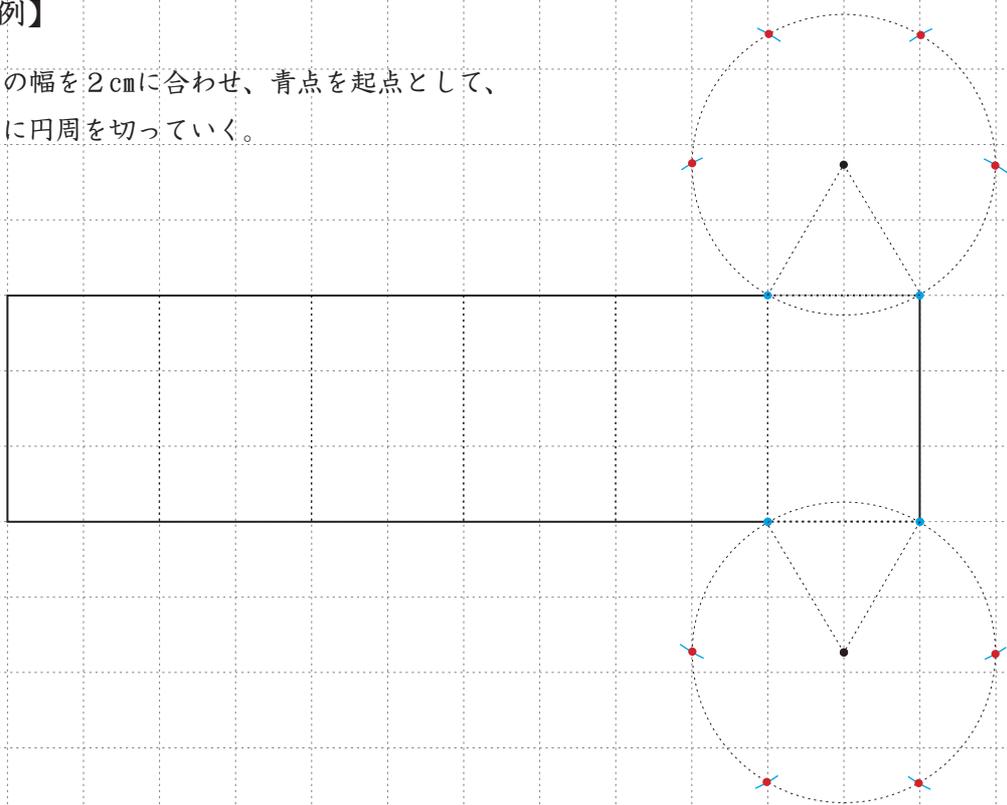


③ 赤点を中心とした、半径 2cm の円を描く。

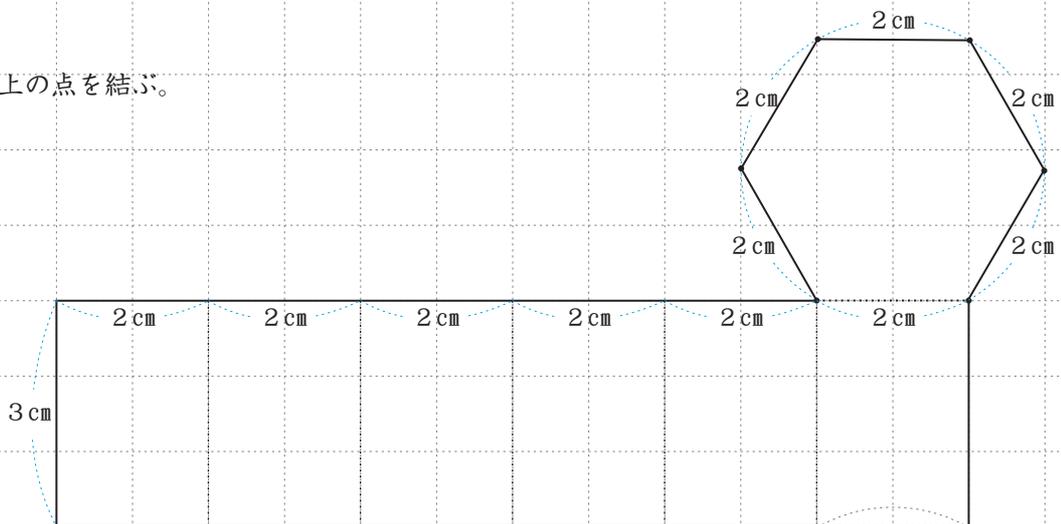


正六角柱 【例】

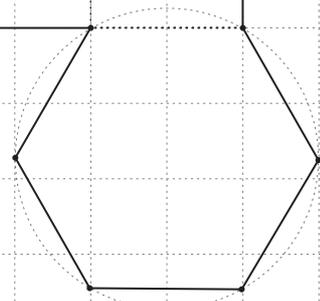
④ コンパスの幅を2cmに合わせ、青点を起点として、
図のように円周を切っていく。



⑤ 円周上の点を結ぶ。



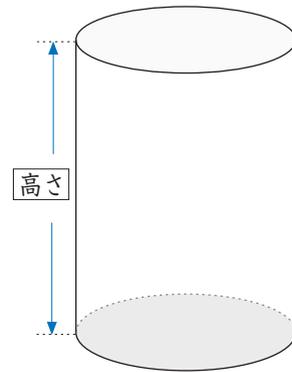
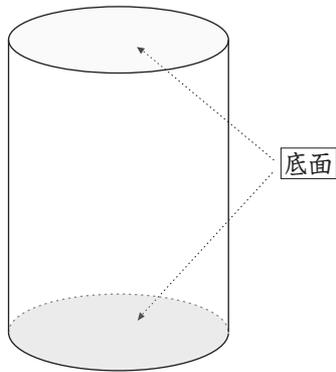
⑥ 正六角柱の展開図のできあがり。



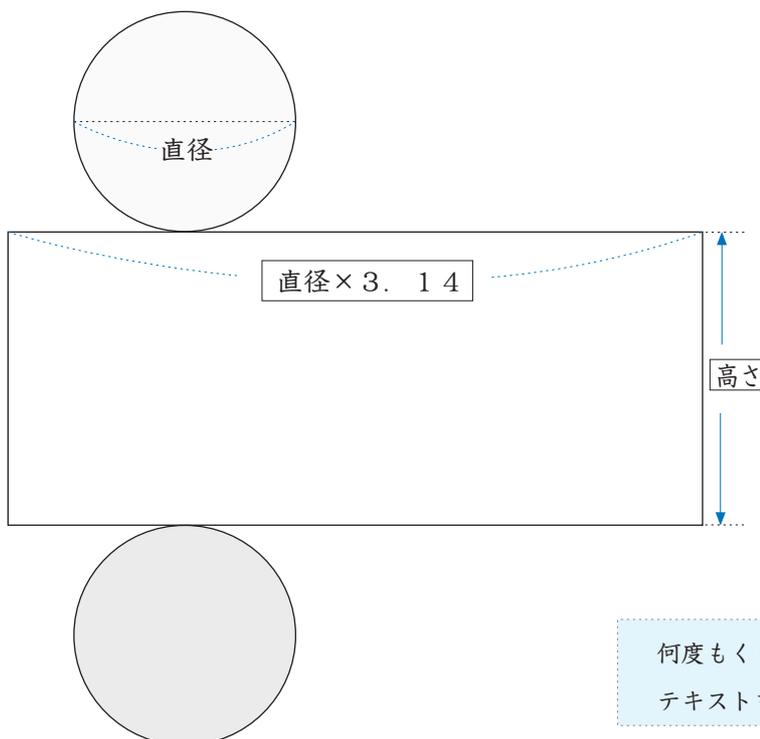
えん ちゆう
円柱

〔合同で、平行〕な〔2つの円〕と、
その〔円周〕をつなぐ
ひとつの〔きょくめん曲面〕とでかこ囲まれた〔立体〕を
円柱という。

〔円柱の1つの底面〕から
〔もう1つの底面〕に
〔垂直〕に引いた〔線分の長さ〕を
円柱の高さと言う。



上の円柱の見取図を展開図に表すと次のようになります。

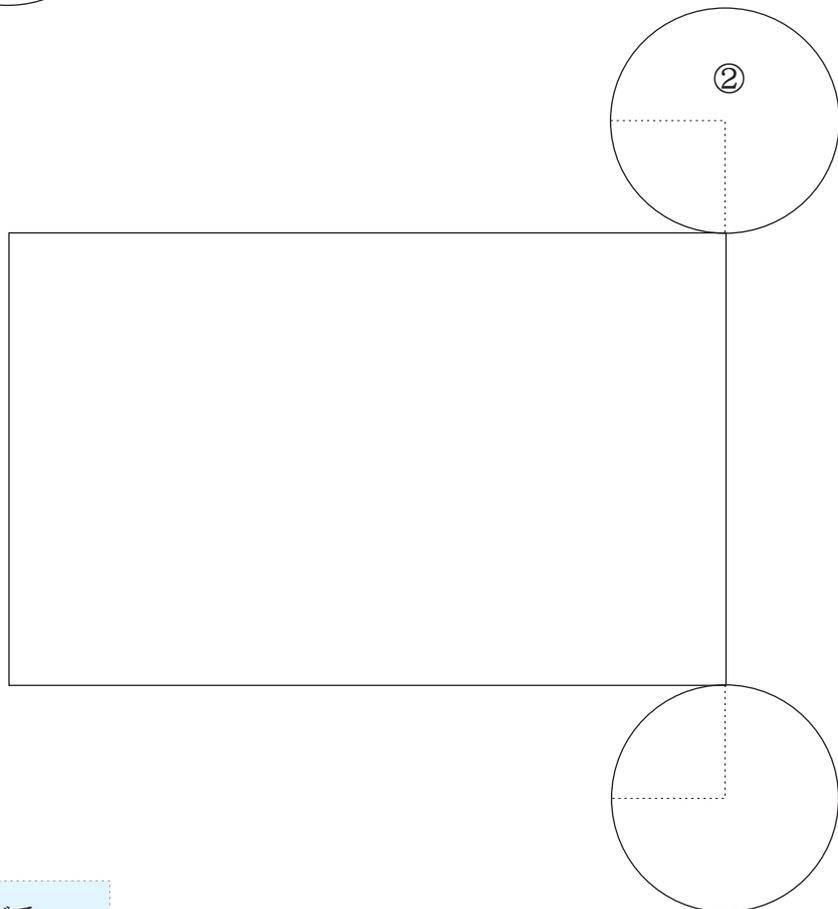
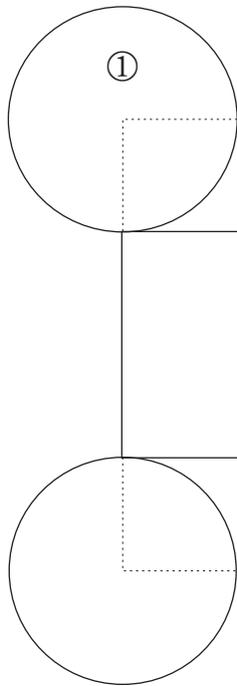


何度もくりかえし読んで、りかい理解できたら、
テキストを見ながら、先生にせつめい説明しなさい。

円柱の展開図

次の展開図を切り取って、組み立てなさい。

※ 円と長方形を切りはなさないよう、注意！

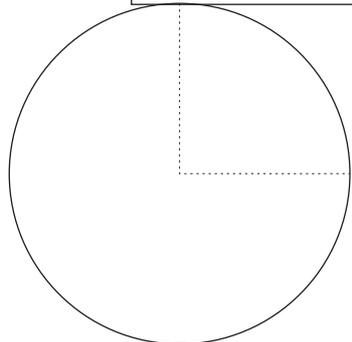
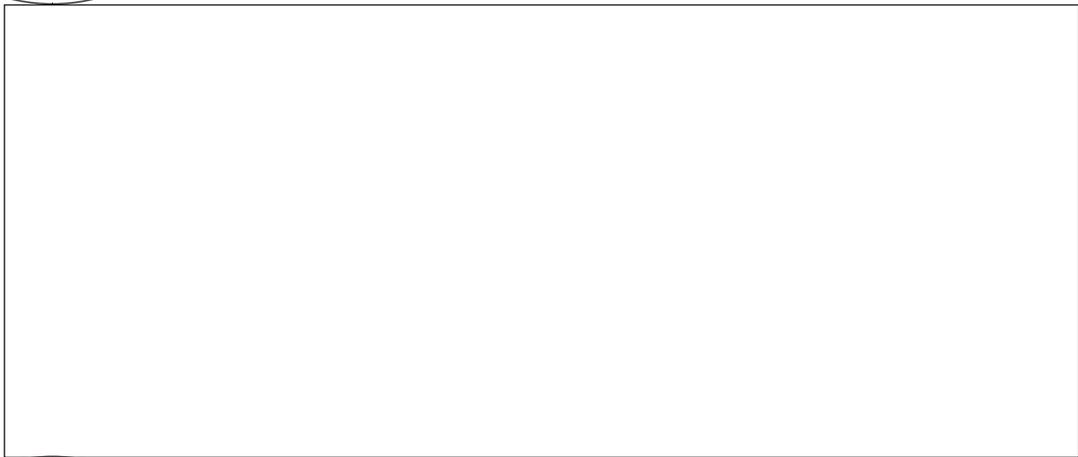
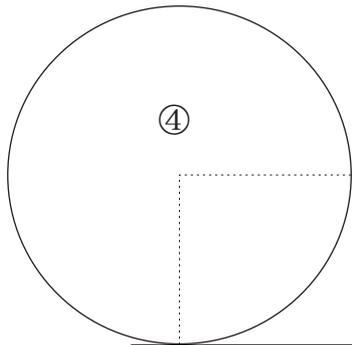
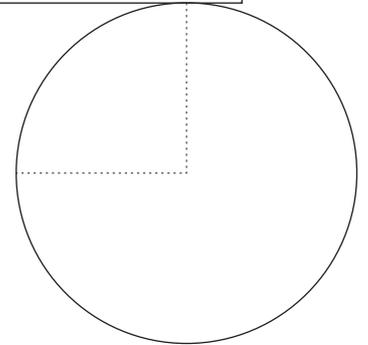
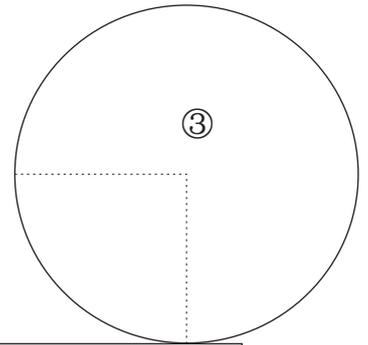


出来上がった円柱^{くら}を比べて、
①と②の^{ちが}いの^の違いを述べなさい。

円柱の展開図

次の展開図を切り取って、組み立てなさい。

※ 円と長方形を切りはなさないよう、注意！



出来上がった円柱を比べて、
①と③、②と④の 違いを述べなさい。

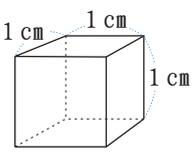
立方体

立方体の **体積**
 = 1 辺 × 1 辺 × 1 辺

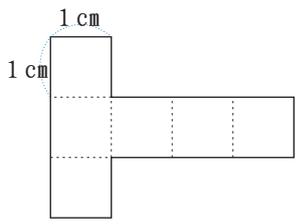
覚えて言いなさい。

立方体は 面が6つあるから、
 立方体の **表面積**
 = 正方形の面積 × 6

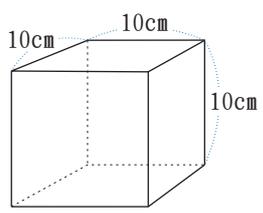
覚えて言いなさい。



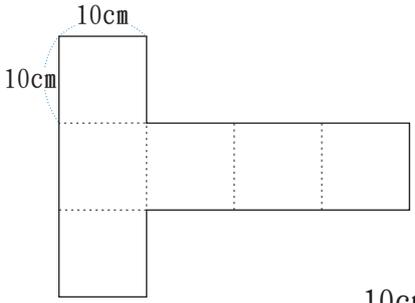
$1\text{ cm} \times 1\text{ cm} \times 1\text{ cm}$
 = 1 cm^3 (立方センチメートル)



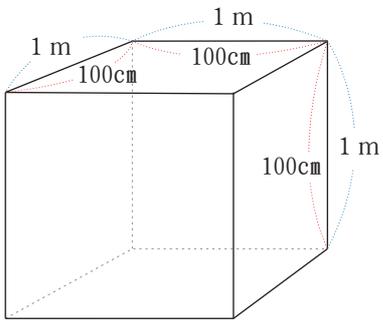
$1\text{ cm} \times 1\text{ cm} \times 6$
 = 6 cm^2 (平方センチメートル)



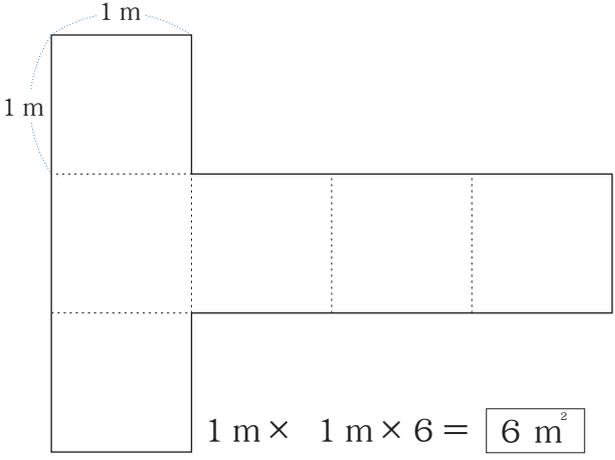
$10\text{ cm} \times 10\text{ cm} \times 10\text{ cm}$
 = 1000 cm^3 (立方センチメートル)



$10\text{ cm} \times 10\text{ cm} \times 6$
 = 600 cm^2 (平方センチメートル)



$1\text{ m} \times 1\text{ m} \times 1\text{ m} = 1\text{ m}^3$ (立方メートル)
 $100\text{ cm} \times 100\text{ cm} \times 100\text{ cm} = 1000000\text{ cm}^3$ (立方センチメートル)



$1\text{ m} \times 1\text{ m} \times 6 = 6\text{ m}^2$ (平方メートル)
 $100\text{ cm} \times 100\text{ cm} \times 6 = 60000\text{ cm}^2$ (平方センチメートル)

覚えて言いなさい。

※ 各縮尺は、実際とは異なります。

立方体の求積

立方体の **体積**

次の長さを1辺とする立方体の体積を
求める式を示しなさい。(単位もつけなさい。)

また、別紙方眼紙に、展開図を書きなさい。

1 cm

$$1 \text{ cm} \times 1 \text{ cm} \times 1 \text{ cm} = 1 \text{ cm}^3$$

2 cm

$$2 \text{ cm} \times 2 \text{ cm} \times 2 \text{ cm} = 8 \text{ cm}^3$$

3 cm

$$3 \text{ cm} \times 3 \text{ cm} \times 3 \text{ cm} = 27 \text{ cm}^3$$

4 cm

$$4 \text{ cm} \times 4 \text{ cm} \times 4 \text{ cm} = 64 \text{ cm}^3$$

5 cm

$$5 \text{ cm} \times 5 \text{ cm} \times 5 \text{ cm} = 125 \text{ cm}^3$$

立方体の **表面積**

次の長さを1辺とする立方体の表面積を
求める式を示しなさい。(単位もつけなさい。)

1 cm

$$1 \text{ cm} \times 1 \text{ cm} \times 6 = 6 \text{ cm}^2$$

2 cm

$$2 \text{ cm} \times 2 \text{ cm} \times 6 = 24 \text{ cm}^2$$

3 cm

$$3 \text{ cm} \times 3 \text{ cm} \times 6 = 54 \text{ cm}^2$$

4 cm

$$4 \text{ cm} \times 4 \text{ cm} \times 6 = 96 \text{ cm}^2$$

5 cm

$$5 \text{ cm} \times 5 \text{ cm} \times 6 = 150 \text{ cm}^2$$

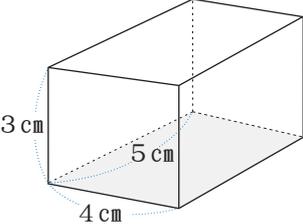
ちよく ほう たい
直方体

直方体の **体積**

$$= \boxed{\text{たて} \times \text{ヨコ}} \times \text{高さ}$$
II
 (底面積)

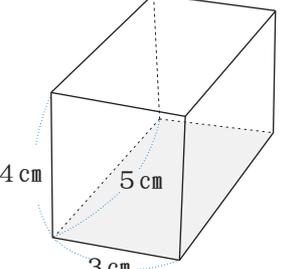
覚えて言いなさい。

以下の直方体は、すべて同じものです。
 しかし、底面を変えることで、
 計算の順序が変わります。



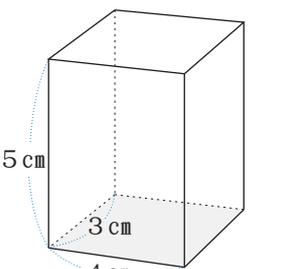
$$(5 \times 4) \times 3$$

$$= \boxed{60 \text{ cm}^3}$$
リっぽう (立方センチメートル)



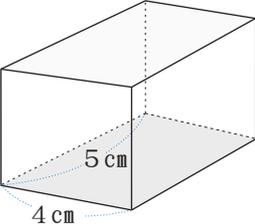
$$(5 \times 3) \times 4$$

$$= \boxed{60 \text{ cm}^3}$$
リっぽう (立方センチメートル)



$$(3 \times 4) \times 5$$

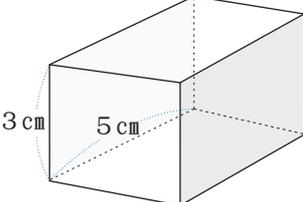
$$= \boxed{60 \text{ cm}^3}$$
リっぽう (立方センチメートル)



$$\textcircled{1}$$

$$5 \text{ cm} \times 4 \text{ cm} \times 2$$

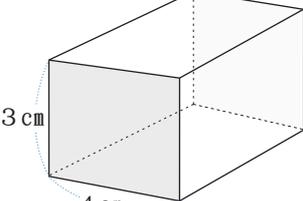
$$= \boxed{40 \text{ cm}^2}$$
へいほう (平方センチメートル)



$$\textcircled{2}$$

$$5 \text{ cm} \times 3 \text{ cm} \times 2$$

$$= \boxed{30 \text{ cm}^2}$$
へいほう (平方センチメートル)



$$\textcircled{3}$$

$$4 \text{ cm} \times 3 \text{ cm} \times 2$$

$$= \boxed{24 \text{ cm}^2}$$
へいほう (平方センチメートル)

表面積の合計 ①+②+③

$$= 40 + 30 + 24 = \boxed{94 \text{ cm}^2}$$

直方体の **表面積**

$$= (\text{たて} \times \text{ヨコ} \times 2)$$

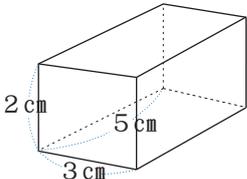
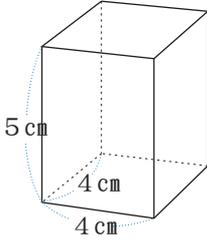
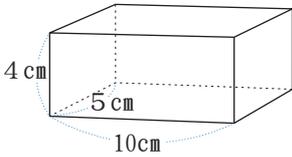
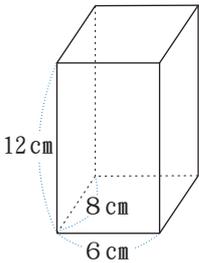
$$+ (\text{たて} \times \text{高さ} \times 2)$$

$$+ (\text{ヨコ} \times \text{高さ} \times 2)$$

覚えて言いなさい。

ちよく ほう たい きゆう せき
直方体の求積

- 1

<p style="text-align: center;">直方体の 体積</p> <p>次の直方体の体積を求める式を示しなさい。</p>	<p style="text-align: center;">直方体の 表面積</p> <p>左の直方体の表面積を求める式を示しなさい。</p>
<p>【例】</p>  $5 \text{ cm} \times 3 \text{ cm} \times 2 \text{ cm}$ $= 30 \text{ cm}^3$ <p>または</p> $(5 \times 3) \times 2$ $= 30 \text{ cm}^3$	<p>【例】</p> $5 \text{ cm} \times 3 \text{ cm} \times 2 = 30 \text{ cm}^2$ $5 \text{ cm} \times 2 \text{ cm} \times 2 = 20 \text{ cm}^2$ $3 \text{ cm} \times 2 \text{ cm} \times 2 = 12 \text{ cm}^2$ $30 \text{ cm}^2 + 20 \text{ cm}^2 + 12 \text{ cm}^2 = \boxed{62 \text{ cm}^2}$ <div style="border: 1px dashed gray; padding: 5px; margin-top: 10px;"> <p>出来れば、下ののように式をまとめて計算できれば、算数のうでまえは、ぐっとアップします。</p> <p>✖ $(5 \times 3 + 5 \times 2 + 3 \times 2) \times 2$</p> $= (15 + 10 + 6) \times 2$ $= 31 \times 2 = 62 \text{ (cm}^2\text{)}$ </div>
 $4 \text{ cm} \times 4 \text{ cm} \times 5 \text{ cm}$ $= 80 \text{ cm}^3$	$4 \text{ cm} \times 4 \text{ cm} \times 2 = 32 \text{ cm}^2$ $4 \text{ cm} \times 5 \text{ cm} \times 2 = 40 \text{ cm}^2$ $+) 4 \text{ cm} \times 5 \text{ cm} \times 2 = 40 \text{ cm}^2$ <hr style="width: 100%;"/> 112 cm^2
 $5 \text{ cm} \times 10 \text{ cm} \times 4 \text{ cm}$ $= 200 \text{ cm}^3$	$5 \text{ cm} \times 10 \text{ cm} \times 2 = 100 \text{ cm}^2$ $5 \text{ cm} \times 4 \text{ cm} \times 2 = 40 \text{ cm}^2$ $+) 10 \text{ cm} \times 4 \text{ cm} \times 2 = 80 \text{ cm}^2$ <hr style="width: 100%;"/> 220 cm^2
 $8 \text{ cm} \times 6 \text{ cm} \times 12 \text{ cm}$ $= 576 \text{ cm}^3$	$8 \text{ cm} \times 6 \text{ cm} \times 2 = 96 \text{ cm}^2$ $8 \text{ cm} \times 12 \text{ cm} \times 2 = 192 \text{ cm}^2$ $+) 6 \text{ cm} \times 12 \text{ cm} \times 2 = 144 \text{ cm}^2$ <hr style="width: 100%;"/> 432 cm^2

ちよく ほう たい きゆう せき
直方体の求積

- 2

※ A4-図形-44に同じ

直方体の **体積**

次の直方体の体積を求める式を示しなさい。

たて5cm、ヨコ3cm、高さ2cmの直方体の体積

$$5\text{ cm} \times 3\text{ cm} \times 2\text{ cm} \\ = 30\text{ cm}^3$$

たて4cm、ヨコ4cm、高さ5cmの直方体の体積

$$4\text{ cm} \times 4\text{ cm} \times 5\text{ cm} \\ = 80\text{ cm}^3$$

たて5cm、ヨコ10cm、高さ4cmの直方体の体積

$$5\text{ cm} \times 10\text{ cm} \times 4\text{ cm} \\ = 200\text{ cm}^3$$

たて8cm、ヨコ6cm、高さ12cmの直方体の体積

$$8\text{ cm} \times 6\text{ cm} \times 12\text{ cm} \\ = 576\text{ cm}^3$$

直方体の **表面積**左の直方体の表面積を求める式を示しなさい。
(感じをつかむために自分で見取図を書いてみましょう。)

たて5cm、ヨコ3cm、高さ2cmの直方体の表面積

$$5\text{ cm} \times 3\text{ cm} \times 2 = 30\text{ cm}^2 \\ 5\text{ cm} \times 2\text{ cm} \times 2 = 20\text{ cm}^2 \\ +) 3\text{ cm} \times 2\text{ cm} \times 2 = 12\text{ cm}^2 \\ \hline 62\text{ cm}^2$$

たて4cm、ヨコ4cm、高さ5cmの直方体の表面積

$$4\text{ cm} \times 4\text{ cm} \times 2 = 32\text{ cm}^2 \\ 4\text{ cm} \times 5\text{ cm} \times 2 = 40\text{ cm}^2 \\ +) 4\text{ cm} \times 5\text{ cm} \times 2 = 40\text{ cm}^2 \\ \hline 112\text{ cm}^2$$

たて5cm、ヨコ10cm、高さ4cmの直方体の表面積

$$5\text{ cm} \times 10\text{ cm} \times 2 = 100\text{ cm}^2 \\ 5\text{ cm} \times 4\text{ cm} \times 2 = 40\text{ cm}^2 \\ +) 10\text{ cm} \times 4\text{ cm} \times 2 = 80\text{ cm}^2 \\ \hline 220\text{ cm}^2$$

たて8cm、ヨコ6cm、高さ12cmの直方体の表面積

$$8\text{ cm} \times 6\text{ cm} \times 2 = 96\text{ cm}^2 \\ 8\text{ cm} \times 12\text{ cm} \times 2 = 192\text{ cm}^2 \\ +) 6\text{ cm} \times 12\text{ cm} \times 2 = 144\text{ cm}^2 \\ \hline 432\text{ cm}^2$$